عددی ادوار

تخلیق و تجزیه

خالد خان يوسفزئي

نصابی کتاب برائے برقی انجنیئرنگ

عددی ادوار

تخلیق و تجزیه

خالد خان يوسفزئي كامسيث انسئيئيوث آف انفارميشن ٹيكنالوجي، اسلام آباد

khalidyousafzai@comsats.edu.pk

ديباچہ

یہ کتاب اس عزم سے لکھی گئی ہے کہ یہ ایک دن برقی انجنیئرنگ کی نصابی کتاب کے طور پر پڑھائی جائے گی۔امید کی جاتی ہے کہ اب بھی طلبہ و طالبات اس سے استفادہ حاصل کر سکیں گے۔

میں ڈاکٹر محمد اشرف عطا (ہلالِ امتیاز، ستارہِ امتیاز) کا خصوصی طور پر نہایت مشکور و ممنون ہوں جنہوں نے اپنے مصروفیات سے وقت نکال کر اس کتاب کو پڑھ کر نہ صرف درست کیا بلکہ بہت سارے تکنیکی اصطلاحات بھی فراہم کئے۔میں امید رکھتا ہوں کہ مجھے آئندہ بھی ان کی مدد حاصل ہو گی۔

میں یہاں کامسیٹ کے طلبہ و طالبات کا بھی شکریہ اداکرنا چاہتا ہوں جنہوں نے اس کتاب کو بار بار پڑھ کر غلطیوں کی نشاندہی کی۔

اس کتاب کو دو طرح ترتیب دیا گیا ہے۔ پہلی قسم کمپیوٹر کے سکرین پر پڑھنے کے لئے ہے اور دوسری کتاب کی شکل میں چپائی کے لئے۔

اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی سے کہ وہ اس کتاب کو زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچائیں اور اس میں غلطیوں کی نشاندہی میرے ای میل پتہ پر کریں۔

خالد خان يوسفزئي

5 فرورى 2013

میری پہلی کتاب (برقی آلات) کا دیباچہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلیٰ تعلیم کی طرف توجہ دیے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلیٰ تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امیدکی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکستان میں اعلٰی تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔دنیا میں تحقیقی کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں پائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ حاصل کر سکتے ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ حاصل کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذہین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے قابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں کی۔

میں برسوں تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔کچھ کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھا۔میرے لئے اردو میں ایک صفہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور یوں یہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں لکھی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعمال تکنیکی الفاظ ہی استعمال کئے جائیں۔ جہاں ایسے الفاظ موجود نہ تھے وہاں روز مرہ میں استعمال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعمال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الاقوامی نظامِ اکائی استعمال کی گئ ہے۔ اہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظام تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائج ہیں۔ یوں اردو میں

لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اسی مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہوگی۔

امیدکی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیئرنگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعمال کی جائے گی۔اردو زبان میں الیکٹریکل انجنیئرنگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔

اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری ای-میل پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب میں تمام غلطیاں مجھ سے ہی ڈلی ہیں البتہ اسے درست بنانے میں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔میں ان سب کا شکریہ ادا کرتا ہوں۔ یہ سلسلہ ابھی جاری ہے اور مکمل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات یہاں شامل کئے جائیں گے۔

میں یہاں کامسیٹ یونیورسٹی اور ہائر ایجوکیشن کمیشن کا شکریہ ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے ایسی سرگرمیاں ممکن ہوئیں۔

خالد خان يوسفزئي

28 اكتوبر 2011

عنوان

ئ نظام	ثناؤ	1
اعشاری نظام گنتی	1.1	
هشتمي نظام گُنتي	1.2	
ثنائي نظام گنتي	1.3	
اعشاری نظام سے ثنائی نظام میں تبادلہ	1.4	
اساس سوله (سادس عشری) کا نظام گنتی	1.5	
اساس-دوكا اساس-آته مين تبادله أ	1.6	
اساس-دوكا اساس-سولم مين تبادلم	1.7	
اساس-آٹھ اور اساس-سولہ سے اساس-دو میں تبادلہ	1.8	
دى حساب	١٠.	2
17	بىي	_
	بىي 2.1	<u></u>
دو اعدادكا مجموعه		<u> </u>
دو اعداد کا مجموعہ	2.1	_
دو اعدادكا مجموعه	2.1 2.2	_
19	2.1 2.2 2.3	_
19	2.1 2.2 2.3 2.4	
19	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5	2
19	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6	2
19	2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 2.6 2.7	2

47	3.1 بوولین الجبراکے بنیادی تصورات
56	
58	
78	3.4 گیٹوں کے برقی خصوصیات
87	3.5 بوولين تفاعل كا تخمينه
94	3.6 قوسين ميں بند بوولين تفاعل
96	3.7 بوولین الجبراکے بنیادی قوانین
105	
109	
ب109	3.10 ارکانِ ضرب کے مجموعہ کی ترکید
117	3.11 اركان ِ جمع كى ضرب كى تركيب
کانِ جمع کے مابین تبادلہ	3.12 مجموعه اركان ضرب اور ضرب اركا
ربُ نفی۔ضرب دور کا حصول127	
نفى جمع دوركا حصول131	3.14 ضربِ اركانِ جمع سے نفی-جمع
132	3.15 علامتي روپ ياكوڈ
137	4 كارناف نقشہ جات4
137	4.1 كارناف نقشےكى بنيادى شكل
140	4.2 كارناف نقشه پُركرنا
مساوات كا حصول142	4.3 کارناف نقشہ سے تفاعل کی سادہ
ده مساوات157	
159	4.5 غير ضروري ترتيب
163	5 ترکیبی منطق اور ترکیبی ادوار

ثنائی ضرب کار	5.2	
شناخت كار	5.3	
شناخت کارکی مدد سے تفاعل کا حصول	5.4	
داخلي منتخب كار اور خارجي منتخب كار	5.5	
متوازی ثنائی ضرب کار	5.6	
اصر ترتیبی ادوار	مع	6
گیٹوں کے اوقاتِ کار	6.1	
پلڭ	6.2	
ساعت	6.3	
نفی۔ضرب گیٹوں پر مبنی ایس-آر پلٹ کا خاکہ	6.4	
زياده مداخل والا پلٿ	6.5	
قابل مجاز و معذور مداخل والا پلٹ	6.6	
آقا–عَلام پلت	6.7	
ڈی پلٹ	6.8	
جے۔کے پلٹ اور ٹی پلٹ	6.9	
﴾ ثنائی گنت کار	5.10	
وار ثنائي جمع كار	5.11	
﴾ معاصر ترتیبی ادوار کا تجزیه	5.12	
﴾ مِيلي نمونہ اور مُور نمونہ دونہ اور مُور نمونہ اور نمو	5.13	
﴾ حالتين اور ان كي مقرري	5.14	
﴾ معاصر ترتیبی ادوار کا تشکیل	5.15	
281	<u>ر</u>	7

سلسلہ وارکھاتے	7.1	
متوازي منتقل كهاتا	7.2	
عالمگيركهاتا	7.3	
سلاله وار ثنائي جمع كار	7.4	
ت كار	گنہ	8
ثنائی گنت کار	8.1	
معاصر گنت کار	8.2	
دیگر گنت کار	8.3	
فظفظ	حا	9
عارضی حافظہ	9.1	
پختہ حافظہ	9.2	
حافظہ کی جسامت بڑھانے کے ترکیب	9.3	
حافظہ کے اوقات کار	9.4	
پختہ حافظہ سے تُرکیبی ادوار کا حصول	9.5	
ابلِ تشكيل تركيبي منطقي ادوار	َ ق	10
يَ قابلِ تشكيل ترتيبي ادوار	10.2	
غير معاصر ترتيبي ادوار	• 1	11
عزيه	11.1	

xii

حالتِ دوڑ سے پاک ثنائی علامتوں کا تقرر	11.2
پلٹوں کا عبوری جدول کی مدد سے تجزیہ	
-	
والات	12
والإ ك	<i>~</i> 1∠

1 ثنائي نظام

1.1 اعشاری نظام گنتی

عام زندگی میں اعشاری نظام گنتی 1 استعمال ہوتا ہے جو 0 تا 9 کے ہندسوں پر مبنی ہر کسی بھی گنتی کر نظام میں کل علامات کی تعداد کو اس نظام کا اساس 2کہتر ہیں۔اعشاری نظام میں 0 تا 9 یعنی دس علامات ہیں۔یوں اعشاری نظام کا اساس دس ہے۔ ہیں۔ 10 ہے نظام کہ نظام کو اساس 10^{3} کا نظام کہتے ہیں۔

مساوات 1.1 میں 538.72 کا عدد اعشاری نظام میں لکھتے ہوئے اس کی دائیں جانب نیچر کر کر چھوٹی لکھائی میں 10 لکھاگیا ہر ۔یہ اس بات کی یاد دہانی کراتا ہر کہ یہ عدد اساس-دس کر نظام میں لکھا گیا ہر ۔اس کتاب میں چونکہ مختلف نظام گنتی استعمال ہوں گر لہذا جہاں متن سر واضح نہ ہو وہاں اعداد کر ساتھ ان کا اساس اسی طرح لکھا جائے گا۔

$$538.72_{10}$$
 (1.1)

اس نظام میں اعشاریہ کے بائیں جانب پہلا ہندسہ اکائی وزن رکھتا ہے ، دوسرا دہائی، تیسرا سینکڑا وغیرہ یوں مساوات 1.2 میں دئر گئر ہندسوں میں 8 کا مطلب $8 \times 10^{1} = 30_{10}$ اور $8 \times 10^{1} = 8 \times 10^{0} = 8 \times 10^{0}$ کا مطلب $5 \times 10^2 = 500_{10}$ ہے۔ اسی طرح اعشاریہ کے دائیں جانب پہلے کسری

¹ decimal system

² base

³ base-10

ہندسے کا وزن ایک بٹہ دس ہے، دوسرے کسری ہندسے کا ایک بٹہ سو اور تیسرے کسری ہندسے کا ایک بٹہ سو اور تیسرے کسری ہندسے کا ایک بٹہ ہزار وغیرہ۔ $7 \times 10^{-1} = 0.7_{10}$ ہے میں $7 \times 10^{-1} = 0.7_{10}$ ہے حبکہ $2 \times 10^{-2} = 0.02_{10}$

$$538.72_{10} = (5 \times 10^{2}) + (3 \times 10^{1}) + (8 \times 10^{0}) + (7 \times 10^{-1}) + (2 \times 10^{-2})$$
 (1.2)

اسی بات کو عمومی طور پر یوں لکھ سکتے ہیں

$$\cdots a_{2} \times 10^{2} + a_{1} \times 10^{1} + a_{0} \times 10^{0} + a_{-1} \times 10^{-1} + a_{-2} \times 10^{-2} \cdots
= (\cdots a_{2} a_{1} a_{0} \cdot a_{-1} a_{-2} \cdots)_{10}$$
(1.3)

اگر عدد میں اس عدد کے تو شکل 1.1 میں اس عدد کے x کا نام دیا جائے تو شکل 1.1 میں اس عدد کے مختلف ہندسوں کو پکارنے کا طریقہ دکھایا گیا ہے جس کے تحت x_2 کھیں گے، وغیرہ وغیرہ x_1 کھیں گے، وغیرہ وغیرہ و

$$x = 538.72_{10}$$
 $x_2 = 5$ $x_1 = 3$ $x_0 = 8$ $x_{-1} = 7$ $x_{-2} = 2$

اس طرح کسی بھی عدد میں بائیں جانب والے ہندسے کا رتبہ 4 دائیں جانب والے ہندسے سے بلند ہوتا ہے۔مساوات 1.1 میں 5 بلند تر رتبہ والا ہندسہ 6 ہے۔ 2 کم تر رتبہ والا ہندسہ 6 ہے۔

مساوات 1.4 میں سات کو تین مختلف طریقوں سے لکھاگیا ہے۔ عام زندگی میں سات کو مساوات کی پہلی طرز پر لکھا جاتا ہے۔ یوں کاغذ پر لکھتے ہوئے کسی بھی عدد کے بائیں جانب صفر نہیں لکھے جاتے اور اس جانب کاغذ کو خالی چھوڑا جاتا ہے۔ یہاں یہ بات سمجھنا ضروری ہے کہ عام زندگی میں اعداد لکھتے وقت ان کی لمبائی یا ان میں کُل

⁴ significance

⁵ highest significant digit

⁶ lowest significant digit

سندسوں کی تعداد پہلے سے متعین نہیں کی جاتی۔ کمپیوٹر میں چیزیں قدرِ مختلف ہیں جہاں صرف صفر (0) اور ایک (1) کا وجود ممکن ہے۔ کسی مقام پر آگر (1) نہیں لکھا ہو تو اس پر (0) لکھا ہوتا ہے۔ یوں کسی بھی عدد کے بائیں جانب خالی جگہ کا کمپیوٹر میں ہر میں کوئی مطلب نہیں۔ یہاں یا تو (0) اور یا پھر (1) کا ہونا ضروری ہے۔ کمپیوٹر میں ہر قسم کی معلومات لکھنے سے پہلے اس بات کا فیصلہ کیا جاتا ہے کہ اسے لکھنے کی خاطر کتنی جگہ درکار ہوگی۔ یوں آگر کسی عدد کو لکھنے کی خاطر تین ہندسوں کے لکھے جانے کے برابر جگہ تعین کی گئی ہو تو اس تمام جگہ کو ہر صورت استعمال کیا جائے گا او یوں صرف (1) لکھنے کی بجائے اسے (1) سے (1) کھنے گا۔

$$7_{10}$$
 07_{10}
 007_{10}
 (1.4)

اعشاری نظام میں گنتی 0_{10} سے شروع ہوتی ہے اور بتدریج بڑھتے ہوئے 9_{10} تک پہنچتی ہے۔ اس دوران دہائی، سینکڑا وغیرہ کے مقام پر صفر رہتا ہے اور انہیں عام طور نہیں لکھا جاتا۔ گنتی 9 تک پہنچنے کے بعد دہائی یعنی 10^1 وزن رکھنے والے مقام پر 0 کی بجائے 1 لکھا جاتا ہے اور آکائی یعنی 10^0 وزن رکھنے والے مقام پر دوبارہ 0 سے 9 کی جانب گنتی شروع ہوتا ہے۔

اگر آپ کو اس پیراگراف کی سمجھ نہیں آئی تو اسے دوبارہ پڑھیں۔اس میں سادہ گنتی کی وضاحت کی گئی ہے۔

اعشاری نظام میں اگر اعداد کو ایک ہندسے تک محدود کر دیا جائے تو اس میں 0_{10} سے 0_{10} تک گنتی ممکن ہو گی۔اگر اعداد کو دو ہندسوں تک محدود کر دیا جائے، یعنی اس میں زیادہ سے زیادہ دو ہندسے ہوں، تو 00_{10} سے 00_{10} سے مکن ہو گی، اسی طرح تین ہندسوں تک کے عدد استعمال کرنے سے 000_{10} سے

999₁₀ تک گنتی کی جا سکتی ہے وغیرہ۔

1.2 بشتمي نظام گنتي

 $^{\,}$ ہشتمی نظام میں 0 تا 7 کے کُل آٹھ ہندسے ہوتے ہیں ۔ اس نظام میں آٹھ ہندسے ہونے کی وجہ سے یہ اساس–آٹھ کا نظام ہے۔بالکل اعشاری نظام کی طرح، اس نظام میں اعداد لکھتے ہوئے اعشاریہ کے بائیں جانب پہلے ہندسے کا وزن $8^0=1_{10}$ وغیرہ جبکہ اعشاریہ ہے، دوسرے ہندسے کا $8^0=8_{10}$ ، تیسرے کا $8^0=8_{10}$ وغیرہ جبکہ اعشاریہ کے دائیی جانب پہلے کسری ہندسے کا وزن $8^1=8_{10}$ ہے، دوسرے کسری ہندسے کا وزن $8^1=8_{10}$ ہوگا وغیرہ۔

$$538.72_{8} = ((5 \times 8^{2}) + (3 \times 8^{1}) + (8 \times 8^{0}) + (7 \times 8^{-1}) + (2 \times 8^{-2}))_{10}$$

$$= ((5 \times 64) + (3 \times 8) + (8 \times 1) + (7 \times 0.125) + (2 \times 0.015625))_{10}$$

$$= (320 + 24 + 8 + 0.875 + 0.03125)_{10}$$

$$= (352.90625)_{10}$$
(1.5)

مساوات 1.13 کو ہشتمی نظام گنتی کے لئے یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\cdots a_{2} \times 8^{2} + a_{1} \times 8^{1} + a_{0} \times 8^{0} + a_{-1} \times 8^{-1} + a_{-2} \times 8^{-2} \cdots
= \left[\cdots a_{2} a_{1} a_{0} \cdot a_{-1} a_{-2} \cdots \right]_{8}$$
(1.6)

مساوات 1.5 میں ہشتمی نظام میں دئے گئے عدد کو اعشاری نظام میں تبدیل کرنا دکھایا گیا ہے۔ ہشتمی عدد کی دائیں جانب نیچے کر کے چھوٹی لکھائی میں 8 اس بات کی یاد دہانی کرتا ہے کہ یہ عدد ہشتمی نظام میں لکھا گیا ہے۔

اس نظام میں گنتی 0 سے شروع ہوتی ہے۔ 7 تک پہنچنے کے بعد 8^1 وزن رکھنے والے مقام پر 0 کی بجائے 1 لکھا جاتا ہے اور 8^0 وزن رکھنے والے مقام پر دوبارہ 0 سے 7 کی جانب گنتی شروع ہوتی ہے۔

1.3 ثنائي نظام گنتي

مائکروکنٹرولرکی دنیا میں ثنائی نظام گنتی استعمال ہوتا ہے۔ثنائی نظام میں صرف دو ہندسے یعنی 0 اور 1 استعمال ہوتے ہیں۔یوں یہ نظام اساس۔دوکا نظام گنتی ہے۔

اس نظام میں گنتی 0 سے شروع ہوتی ہے۔ 1 تک پہنچنے کے بعد 2¹ وزن رکھنے والی مقام پر 0 کی بجائے 1 لکھا جاتا ہے اور 2⁰ وزن رکھنے والی مقام پر دوبارہ 0 سے 1 کی جانب گنتی شروع ہوتی ہے۔اس نظام میں گنتی مساوات 1.7 میں دکھائی گئی ہے۔موازنہ کے لئے اعشاری گنتی بھی دی گئی ہے۔

اس نظام میں اعداد لکھتے ہوئے اعشاریہ کے بائیں جانب پہلے ہندسے کا وزن $\left(2^0=4_{10}\right)$ ہوتا ہے دوسرے ہندسے کا $\left(2^1=2_{10}\right)$ ، تیسرے کا $\left(2^0=1_{10}\right)$ ہوتا ہے دائیں جانب پہلے ہندسے کا وزن $\left(2^{-1}=0.5_{10}\right)$ ،دوسرے ہندسے کا وزن $\left(2^{-2}=0.25_{10}\right)$ وغیرہ ہوتا ہے۔

مساوات 1.3 کو ثنائی نظام گنتی کے لئے یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\cdots b_{2} \times 2^{2} + b_{1} \times 2^{1} + b_{0} \times 2^{0} + b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} \cdots
= (\cdots b_{2} b_{1} b_{0} \cdot b_{-1} b_{-2} \cdots)_{2}$$
(1.8)

مساوات 1.9 میں ثنائی نظام میں دئے گئے عدد کو اعشاری نظام میں تبدیل کرنا دکھایا گیا ہے۔ ثنائی عدد کی دائیں جانب نیچے کر کے چھوٹی لکھائی میں 2 اس بات کی یاد دہانی کراتا ہے کہ یہ عدد ثنائی نظام میں لکھا گیا ہے۔

$$1011.1_{2} = ((1 \times 2^{3}) + (0 \times 2^{2}) + (1 \times 2^{1}) + (1 \times 2^{0}) + (1 \times 2^{-1}))_{10}$$

$$= ((1 \times 8) + (0 \times 4) + (1 \times 2) + (1 \times 1) + (1 \times 0.5))_{10}$$

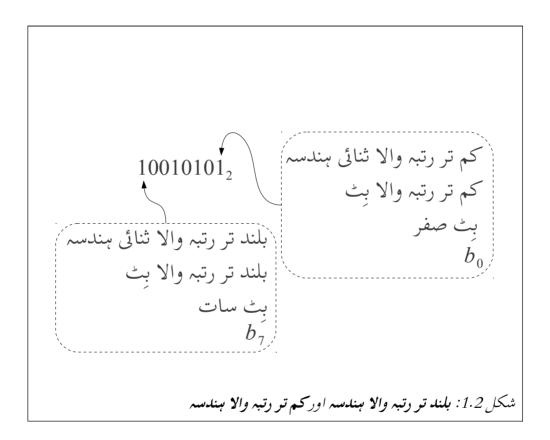
$$= (8 + 0 + 2 + 1 + 0.5)_{10}$$

$$= 11.5_{10}$$
(1.9)

شکل 1.2 میں کسی بھی ثنائی عدد کے ہندسوں کو پکارنے کا طریقہ دکھایا گیا 7 ہے۔یوں شکل میں سب سے دائیں جانب ہندسے کو کم تر رتبہ والا بیٹ 7 یا کم تر رتبہ والا ثنائی ہندسہ یا بیٹ صفر یا بیٹ b_0 کہیں گے ۔ اس سے آگلے کو بیٹ ایک یا بیٹ b_1

⁷ least significant bit

اور اس سے آگلے کو بیٹ دو یعنی بیٹ b_2 وغیرہ جبکہ سب سے بائیں جانب ہندسے کو بلند تر رتبہ والا ثنائی ہندسہ 8 یا بلند تر رتبہ والا بٹ یا بٹ سات یا بٹ b_7 کہیں گے۔



اگر دئے گئے عدد میں اعشاریہ کے دائیں جانب کچھ نہ ہو تب اس عدد کو یوں بھی اعشاری نظام میں تبدیل کیا جا سکتا ہے۔

⁸ most significant bit

$$1011_2 = (8+2+1)_{10} = 11_{10} \tag{1.10}$$

دئے گئے عدد میں جہاں جہاں ہندسوں کی قیمت 1 سے وہاں کے وزن جمع کر دئے گئر ہیں۔

چار ہندسوں کا عدد 0000_2 سے 1111_2 تک کی گنتی کے لئے استعمال ہو سکتا ہے۔ آگر اس سے بڑا عدد لکھنا ہو تو چار سے زیادہ ہندسے استعمال کرنا ضروری ہو گا۔ مائکرو کنٹرولر آٹھ ثنائی ہندسوں کے اعداد استعمال کرتا ہے۔ آٹھ ہندسوں کو استعمال کرتے کرتے $(00000000_2=0_{10})$ تک کے اعداد ظاہر کئے جا سکتے ہیں۔

عام زندگی میں اعشاری نظام گنتی استعمال کرتے ہوئے اعداد لکھتے وقت ان کے بائیں جانب صفر نہیں لکھے جاتے یعنی 27_{10} کو 00027_{10} نہیں لکھا جاتا کمپیوٹر کی دنیا میں اعداد عموماً آٹھ ہندسوں پر مبنی ثنائی عدد کی صورت میں لکھے جاتے ہیں آٹھ سے کم ثنائی ہندسوں پر مبنی اعداد لکھتے وقت ان کے بائیں جانب صفریں لکھ کر انہیں آٹھ ہندسوں کی شکل میں لکھا جاتا ہے ۔ یوں 27_{10} کو 27_{10} انہیں جائے 27_{10} کی بجائے 27_{10} سے۔

1.4 اعشاری نظام سے ثنائی نظام میں تبادلہ

اعشاری نظام میں دئے گئے عدد کو ثنائی نظام میں لکھنے کی خاطر اس کے عدد کو بار بار 2 سے تقسیم کریں حتیٰ کہ یہ مزید تقسیم نہ ہو سکے۔ہر مرتبہ تقسیم کے بعد حاصل باقی ہوگا۔پہلے حاصل باقی کو ثنائی عدد کی سب سے کم وزن والے مقام پر لکھیں۔ اگلے حاصل باقی کو اس سے دگنے وزن کے مقام پر لکھیں۔اسی طرح آخری حاصل باقی کو عدد کے سب سے زیادہ وزن کے مقام پر لکھیں۔یوں حاصل شدہ عدد دئے گئے عدد کی ثنائی لکھائی ہوگی۔

یہ طریقہ استعمال کرتے ہوئے 121_{10} کو ثنائی لکھائی میں لکھتے ہیں۔

اب سب سے آخری بقایا کو سب سے زیادہ وزن کی مقام پر اور سب سے پہلے بقایا کو سب سے کم وزن کے مقام پر لکھتے ہیں۔یوں حاصل ہوتا ہے 1111001_2 ۔ للذا

$$121_{10} = 1111001_2$$

ثنائی نظام سے اس عدد کو واپس اعشاری نظام میں منتقل کر کے ہم یہ یقین دہانی کر سکتے ہیں کہ یہی اصل جواب ہے۔ایسا کرتے ہوئے

$$1111001_2 = 2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^0 = 64 + 32 + 16 + 8 + 1 = 121_{10}$$

11

اس طریقہ کار کو عموماً یوں لکھا جاتا ہر

2	121	
	60	1
	30	0
	15	0
	7	1
	3	1
	1	1
	0	1

کسی بھی عدد کے اعشاریہ کے بائیں جانب والے حصہ کو حصہ صحیح 9 کہتے ہیں جبکہ دائیں جانب والے حصہ کو حصہ مسکور 10 یا کسری کہتے ہیں۔یعنی

مثلاً 121.6875 میں 121 کو عدد صحیح اور 0.6875 کو عدد مسکور کہیں گے۔ اس طرح کے اعشاری نظام میں دئے گئے عدد کے صحیح حصہ کو ثنائی نظام میں تبدیل کرنے کیلئے اسے اوپر دی گئی مثال کی طرح ہی حل کیا جاتا ہے البتہ حصہ مسکور کو مختلف طریقہ سے تبدیل کیا جاتا ہے۔ دونوں حصوں کے جوابات کو آخر میں ایک ساتھ لکھ لیا جاتا ہے۔

حصہ مسکور کو یوں حل کیا جاتا ہے۔حصہ مسکور کو بار بار 2 سے ضرب

⁹ whole

¹⁰ fractional

دیں۔ آگر حاصلِ ضرب میں اعشاریہ کے بائیں جانب 1 حاصل ہو تو اس 1 کو حاصلِ ضرب سے ہٹا کر اسے ثنائی عدد کے دائیں جانب منسلک کر دیں اور آگر حاصلِ ضرب میں اعشاریہ کے بائیں جانب 0 حاصل ہو تب ثنائی عدد کے دائیہ جانب 0 منسلک کر دیں۔ یہ عمل مثال سے دکھلاتے ہیں۔

	ثنائی نظام
$2 \times 0.6875 = 1.375$	0.1
$2 \times 0.3750 = 0.750$	0.10
$2 \times 0.7500 = 1.500$	0.101
$2 \times 0.5000 = 1.000$	0.1011

یوں $=0.1011_2$ اور اب دونوں جواب جمع کر کے

 $121.6875 = 111001.1011_{2}$

کر برابر ہر۔

1.5 اساس سوله (سادس عشری) کا نظام گنتی

اساس سولہ کے نظام میں اعداد کے سولہ علامتیں ہیں۔ ان میں پہلی دس علامتیں میں ہیلی دس علامتیں ہیں۔ ان میں پہلی دس علامتیں و 0 تا 0 ہیں اور بقایا بڑی لکھائی میں انگریزی حروف تہجی کے پہلے چہ حروف یعنی A B دس کو ظاہر کرتا ہے یعنی A اور B اور B پندرہ کو ظاہر کرتا ہے۔ مساوات B میں مختلف نظام گنتی آمنے سامنے لکھے دکھائے گئے ہیں۔ ان پر غور کریں اور انہیں اچھی طرح نظام گنتی آمنے سامنے لکھے دکھائے گئے ہیں۔ ان پر غور کریں اور انہیں اچھی طرح

سمجهیں انہیں بغیر سمجھر آگر مت بڑھیں۔

اس نظام میں اعداد لکھتے ہوئے دائیں جانب سے پہلے ہندسے کا وزن $(16^2=256_{10})$ ہے دوسرے ہندسے کا $(16^1=16_{10})$ ، تیسرے کا $(16^0=1)$ وغيره وغيره ـ 14 جزو 1.5 كا نظام گنتي (سادس عشري)اساس سولم

$$3AC.8_{16} = (3 \times 16^{2})_{10} + (10 \times 16^{1})_{10} + (12 \times 16^{0})_{10} + (8 \times 16^{-1})_{10}$$

$$= (3 \times 256)_{10} + (10 \times 16)_{10} + (12 \times 1)_{10} + (8 \times 0.0625)_{10}$$

$$= (768 + 160 + 12 + 0.5)_{10}$$

$$= 940.5_{10}$$
(1.12)

مساوات 1.12 میں سادس عشری یا اساس سولہ کے نظام میں دئے گئے عدد کو اعشاری نظام میں تبدیل کرنا دکھایا گیا ہے۔ایسا کرتے وقت $\left(C=12_{10}\right)$ اور $\left(C=12_{10}\right)$ لئے ہیں۔

مساوات 1.3 کو اساس-سولہ کے لئے یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$\cdots a_{2} \times 16^{2} + a_{1} \times 16^{1} + a_{0} \times 16^{0} + a_{-1} \times 16^{-1} + a_{-2} \times 16^{-2} \cdots
= \left(\cdots a_{2} a_{1} a_{0} \cdot a_{-1} a_{-2} \cdots \right)_{16}$$
(1.13)

1.6 اساس-دوكا اساس-آته مين تبادله

مساوات 1.14 میں لکھنے کی خاطر پہلے اس کو اعشاریہ سے شروع کرتے ہوئے ثنائی عدد کو اساس آٹھ میں لکھنے کی خاطر پہلے اس کو اعشاریہ سے شروع کرتے ہوئے اعشاریہ کے دونوں جانب تین تین ہندسوں کے گروہ میں لکھیں۔اعشاریہ کے بائیں جانب اگر آخر میں تین ہندسوں کا گروہ پورا نہ ہو تو عدد کے بائیں جانب صفریں لگا کر تین ہندسوں کا گروہ پورا کریں۔اسی طرح اعشاریہ کے دائیں جانب آگر آخر میں تین ہندسوں کا گروہ پورا نہ ہو تو عدد کے دائیں جانب صفریں لگا کر تین ہندسوں کا گروہ پورا اس مساوات نہ ہو تو عدد کے دائیں جانب صفریں لگا کر تین ہندسوں کا گروہ پورا کریں۔اب مساوات 1.11 کی مدد سے ان تین تین کے گروہ کی جگہ ان کا مساوی اساس آٹھ کا ہندسہ لکھیں۔ مساوات 1.14 میں یوں دائیں جانب سے دو مقام پر 100_2 کی جگہ 100_2 میں 100_2 کی جگہ 100_2 کی جگہ وقت اعشاریہ اپنی جگہ اساس آٹھ میں 100_2 کی جگہ ایسا کرتے وقت اعشاریہ اپنی جگہ اساس آٹھ میں 100_2 کی جگہ ایسا کرتے وقت اعشاریہ اپنی جگہ

برقرار رکھتا سے۔

$$1101100.12 = (001 101 100 . 100)2
= (1 5 4 . 4)8
= 154.48$$
(1.14)

1.7 اساس-دوكا اساس-سوله مين تبادله

ثنائی عدد کو اساس سولہ میں لکھنے کی خاطر ثنائی عدد کو اعشاریہ سے شروع کرتے ہوئے اعشاریہ کے دونوں جانب چار چار ہندسوں کے گروہ میں لکھیں۔اگر اعشاریہ کے بائیں جانب آخر میں چار ہندسوں کا گروہ پورا نہ ہو تو عدد کے بائیں جانب صفریں لگا کر چار ہندسے پورا کریں۔اسی طرح اگر اعشاریہ کے دائیں جانب آخر میں چار ہندسے پورے نہ ہوں تو عدد کے دائیں جانب صفر جوڑ کر چار ہندسے پورا کریں۔اب مساوات 1.11 کی مدد سے ان چار چار کے گروہ کی جگہ ان کا مساوی اساس سولہ کا ہندسہ لکھیں۔مساوات 1.15 میں یوں دائیں جانب سے 1000 کی جگہ 100 لکھا گیا ہے، 100 لکھا گیا ہے اور 1100 کی جگہ 1100 لکھا گیا ہے۔ ہوں یہ عدد اساس سولہ میں 1100 کی جگہ 1100 کی جگہ رقرار رکھتا ہے۔

$$1101100.1_{2} = (0110 \quad 1100 \quad . \quad 1000)_{2}$$

$$= (6 \quad C \quad . \quad 8)_{16}$$

$$= 6C.8_{16}$$
(1.15)

1.8 اساس-آٹھ اور اساس-سولہ سے اساس-دو میں تبادلہ

انہیں طریقوں کو الٹ استعمال کرتے ہوئے اساس آٹھ اور اساس سولہ کے اعداد با آسانی اساس-دو میں لکھے جا سکتے ہیں۔مساوات 1.16 میں اساس سولہ کو ثنائی عدد کی شکل میں لکھنا دکھایا گیا ہے۔

$$372.5_8 = (3 \quad 7 \quad 2 \quad . \quad 5)_8$$

= $(011 \quad 111 \quad 010 \quad . \quad 101)_2$
= 011111010.101_2 (1.16)

$$9A2F.7_{16} = (9 \quad A \quad 2 \quad F \quad . \quad 7)_{16}$$

$$= (1001 \quad 1010 \quad 0010 \quad 1111 \quad . \quad 0111)_{2}$$

$$= 1001101000101111.0111_{2}$$
(1.17)

مساوات 1.16 اور 1.17 کی آخری لکیروں میں ثنائی اعداد کو دیکھتے ہوئے بہت جلد انسان اکتا جاتا ہے البتہ انہیں مساوات میں جہاں ان اعداد کو گروہ کی شکل میں لکھا گیا ہے وہاں انہیں سمجھنا ممکن ہے۔

ایک ہندسے پر مبنی ثنائی عدد کو ثنائی ہندسہ یا بِٹ ¹¹ کہتے ہیں۔ ثنائی اعداد کو جب آٹھ ثنائی ہندسوں یعنی آٹھ بِٹ کے گروہ میں لکھا جائے تو اسے ایک ہشتمی ثنائی عدد یا ایک بائٹ ¹² کہتے ہیں۔بائٹ کو عموماً دو چار چار ثنائی اعداد کی گروہ میں لکھا جاتا ہر۔یوں مساوات کو الٹ چلاتے ہوئے یہ

12 byte

¹¹ ایک ثنائی ہندسے کو انگریزی میں bit کہتے ہیں

واضح ہے کہ ہشتمی ثنائی عدد کو چار-چار ثنائی اعداد کے گروہ میں لکھ کر انہیں جلد اساس سولہ میں لکھا جا سکتا ہے۔

2 بنیادی حساب

ثنائی نظام میں حساب بالکل اسی طرح کیا جاتا ہے جس طرح اعشاری نظام میں۔ چند مثالوں کے مطالعہ سے بہتر وضاحت ہو گی۔

2.1 دو اعداد کا مجموعہ

ثنائی نظام میں دو اعداد کا مجموعہ اعشاری نظام میں دو اعداد کے مجموعہ سے سمجھا جاسکتا ہے۔اعشاری نظام کی مندرجہ ذیل مثال پر غور کریں جس میں دو اعداد کو جمع کیا گیا ہے۔

 $\frac{11}{37.5}$ $\frac{29.6}{67.1}$

اس مثال میں دو جگہ 13 حاصل 1 کو بائیں جانب زیادہ طاقت کے مقام پر منتقل کیا گیا ہے۔ یہی طرزِ عمل ثنائی نظام میں جمع کرتے ہوئے استعمال کیا جاتا ہے۔ آپکی یاد دہانی کیلئے ثنائی نظام میں صرف دو ہندسے استعمال ہوتے ہیں 0 اور 1 ۔ اب ہم ثنائی نظام میں جمع کی چند مثالیں دیکھتے ہیں۔

¹³ carry

شکل 2.1 میں ایک ثنائی ہندسے کے اعداد جمع کرتے دکھائے گئے ہیں۔ان میں تین مثالوں میں حاصل 1 ہے۔زیادہ ثنائی ہندسوں کے اعداد جمع کرنے کے مثال دیکھتے ہیں۔ان مثالوں میں انہیں اعداد کو اعشاری نظام میں بھی جمع ہوتے دکھایا گیا ہے۔

		نب	مثال الذ
	مثال د		
	1	1	1 1
3	11	13	1101
2	10	09	1001
5	101	22	10110

مثال الف میں بائیں جانب 13 اور 9 کو اعشاری نظام میں جمع کیاگیا ہے جبکہ اسی کو مثال الف کی دائیں جانب ثنائی نظام میں جمع ہوتے دکھایا گیا ہے۔مثال ب میں 3 اور 2 کا اعشاری اور ثنائی نظاموں میں جمع ہوتے دکھایا گیا ہے۔ایک اور مثال لیتے ہیں

	مثال پ
1	111
5.75	101.11
3.50	11.10
9.25	1001.01

2.2 ثنائي نظام مين دو اعداد منفى كرنا

دو اعداد منفی کرنے کے چار ممکنہ صورتیں ہیں یعنی

$$0 - 0 = 0$$

$$1 - 0 = 1$$

$$1 - 1 = 0$$

$$0-1=1$$
 (ادهار ایک)

یہاں آخری مساوات میں صفر سے ایک اس صورت منفی کیا دکھایا گیا ہے جب ¹⁴ادھار 1 لینا ممکن ہو۔چند مثالیں منفی کرنے کے عمل کی وضاحت کرے گی۔

¹⁴ borrow

$$\begin{array}{ccc}
6.25 & 110.01 \\
-5.50 & -101.1 \\
\hline
0.75 & 0.11
\end{array}$$

2.3 اساسى تكمله

اسی تصور کو آگے بڑھاتے ہوئے ایک سے زیادہ ہندسوں پر مبنی عدد کے لئے اساسی تکملہ یوں بیان کیا جاتا ہے۔اساسr کے اعدادی نظام میں عدد N جس کے r ہندسے ہوں کا اساسی تکملہ سے مراد عدد r

اعشاری نظام میں 10^n ایک ایسا عدد بنتا ہے جس میں سب سے زیادہ وزن والا ہندسے کی قیمت 1 ہوتی ہے اور اس کے بعد n ہندسے ہوتے ہیں جن کی قیمت 0 ہوتی ہے۔مثلاً

¹⁵ radix complement

$$10^{3} = 1000$$

$$10^{5} = 100000$$

$$10^{7} = 10000000$$
(2.1)

اعشاری نظام کا اساس 10 ہے۔اس نظام میں ایک عدد N جس کر N=5391 ہے۔ یوں (10^n-N) ہے۔ کملہ سے تکملہ سے مراد (10^n-N) میں چار ہندسر ہیں یعنی n=4 ہر لہٰذا اس کا اساسی تکملہ

$$10^4 - 5391 = 10000 - 5391 = 4609 (2.2)$$

ہر۔اسی طرح ایک عدد 320753 جس میں 6 ہندسر ہیں کا اساسی تکملہ

$$10^6 - 320753 = 1000000 - 320753 = 679247 \tag{2.3}$$

ہر۔ایک آخری مثال لیتر ہیں۔ 679247 کا اساسی تکملہ

$$10^6 - 679247 = 1000000 - 679247 = 320753 (2.4)$$

ہر کسی بھی عدد کر اساسی تکملہ کا اساسی تکملہ وہی عدد ازخود ہوتا ہر اس بات

2.3 اساسى تكملم

 $\begin{pmatrix} r^n-N \end{pmatrix}$ ہے اور $\begin{pmatrix} r^n-N \end{pmatrix}$ کو یوں ثابت کر سکتے ہیں کہ N کا اساسی تکملہ $\begin{pmatrix} r^n-(r^n-N) \end{pmatrix}$ یعنی N ہے۔

ثنائی نظام کا اساس 2 سے لہٰذا n ہندسوں پر مبنی ثنائی عدد N کا اساسی تکملہ n ہوگا۔

ثنائی نظام میں n ایک ایسا عدد بنتا ہے جس میں سب سے زیادہ وزن والے ہندسے کی قیمت n ہوتی ہے اور اس کے بعد n ہندسے کی قیمت n ہوتی ہے۔مثلاً

$$2^{3} = 1000_{2}$$
 $2^{5} = 100000_{2}$
 $2^{9} = 1000000000_{2}$
(2.5)

يوں 1011₂ اور 10001 كر اساسى تكملہ

ہیں ۔

اساس دس کے اساسی تکملہ کو عام طور تکملہ–10 16 کہتے ہیں۔اسی طرح اساس دو کے تکملہ کو تکملہ 17 کہتے ہیں۔

^{16 10&#}x27;s complement

^{17 2&#}x27;s complement

2.4 اساس-منفی-ایک کا تکملہ

اعشاری نظام میں 376 اور 7852 کر تکملہ-9 مندرجہ ذیل ہیں۔

$$(10^{3}-1-376) = (1000-1-376)$$

$$= (999-376)$$

$$= 623_{10}$$

$$(10^{4}-1-7852) = (10000-1-7852)$$

$$= (9999-7852)$$

$$= 2147_{10}$$
(2.7)

اعشاری نظام میں (10^n-1) ایک ایسا عدد بنتا ہے جس میں n ہندسے ہوتے ہیں اور ہر ہندسے کی قیمت 9 ہوتی ہے۔مثلاً

$$10^{3}-1=1000-1=999$$

$$10^{6}-1=10000000-1=999999$$

$$10^{8}-1=100000000-1=99999999$$
(2.8)

¹⁸ radix-1 complement

^{19 9&#}x27;s complement

^{20 1&#}x27;s complement

ثنائی نظام میں $\binom{2^n-1}{2}$ ایک ایسا عدد بنتا ہے جس میں n ہندسے ہوتے ہیں اور ہر ہندسے کی قیمت n ہوتی ہے۔مثلاً

$$2^{3}-1=(1000-1)_{2}=111_{2}$$

$$2^{5}-1=(100000-1)_{2}=11111_{2}$$

$$2^{8}-1=(100000000-1)_{2}=11111111_{2}$$
(2.9)

 101110_2 اور 101110_2 کے تکملہ 1001_2 اس طرح ثنائی نظام گنتی میں 1001_2

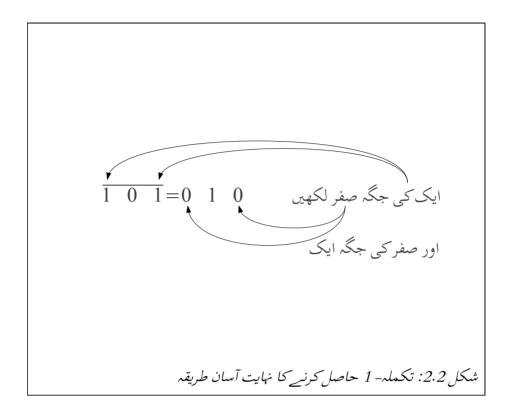
$$\frac{(2^4 - 1 - 1001)_2 = (1111 - 1001)_2 = 0110_2}{(2^6 - 1 - 101110)_2 = (111111 - 101110)_2 = 010001_2}$$
(2.10)

ېيى ـ ي**ع**نى

$$\frac{\overline{1001} = 0110}{\overline{101110} = 010001} \tag{2.11}$$

جہاں تکملہ کو عدد کے اوپر لکیر سے ظاہر کیا گیا ہے۔

ان دو مثالوں میں ایک اہم بات سامنے آتی ہے۔کسی بھی ثنائی عدد کا تکملہ -1 یوں حاصل کیا جا سکتا ہے کہ اس عدد میں ہر 0 کی جگہ 1 لکھ لیا جائے۔ شکل 2.2 میں اس کی وضاحت کی گئی ہے۔ 1



چونکہ 2 کا تکملہ (2^n-N) اور تکملہ (2^n-N) ہوتا ہے لہذا تکملہ 2 یوں بھی حاصل کیا جا سکتا ہے کہ پہلے تکملہ 1 حاصل کیا جائے اور پھر اس کے ساتھ 1 جمع کیا جائے۔ عموماً یہ طریقہ زیادہ آسان ثابت ہوتا ہے۔ مساوات 2.6 میں دئے گئے اعداد کو تکملہ ہم موجودہ طریقہ سے حاصل کرتے ہیں۔

چونکہ $(\overline{1011} = 0100)$ لہذا 1011 کے اساسے تکملہ $(\overline{10001} = 0100)$ ہے۔ اسے طرح (0100 + 1 = 0101) ہے۔ اساسی تکملہ (01110 + 1 = 01111) ہے۔

2.5 دو اعداد کا منفی بذریعہ اساسی تکملہ

عام زندگی میں قلم سے منفی کرنا چھوٹی جماعتوں میں سکھایا جاتا ہے۔الیکٹرانکس میں تکملہ کی مدد سے دو اعداد منفی کئے جاتے ہیں۔اساسی تکملہ سے دو اعداد منفی کئے جاتے ہیں۔اساسی تکملہ سے مندرجہ ذیل طریقہ کار سے حاصل کیا جاتا ہے۔

- دونوں اعداد میں ہندسوں کی تعداد برابر ہونی چاہیے لہٰذا کم ہندسوں پر مبنی عدد کے برابر کے بائیں جانب صفریں لگا کر اس میں ہندسوں کی تعداد دوسرے عدد کے برابر کریں۔ فرض کریں کہ یوں دونوں اعداد میں n ہندسے ہو جاتے ہیں۔
 - $M+\left(r^n-N
 ight)$ کے ساتھ N کی اساسی تکملہ جمع کریں یعنی M حاصل کریں۔
- اگر M کی قیمت M کی قیمت سے زیادہ ہو تب جواب میں بائیں جانب n+1 جانب واصل ہوگا اور یوں جواب n+1 ہندسوں پر مبنی ہوگا ۔ اس صورت میں بائیں جانب حاصل 1 کو نظر انداز کریں ۔ بقایا n ہندسوں پر مبنی عدد اصل جواب ہوگا ۔
- اگر M کی قیمت M جواب M ہندسوں پر مبنی ہوگا اور یہ ایک منفی عدد کو ظاہر کرے گا۔اس صورت میں حاصل جواب کا اساسی تکملہ لے کر اس کے ساتھ نفی کا نشان لگائیں۔یہ اصل جواب ہوگا۔

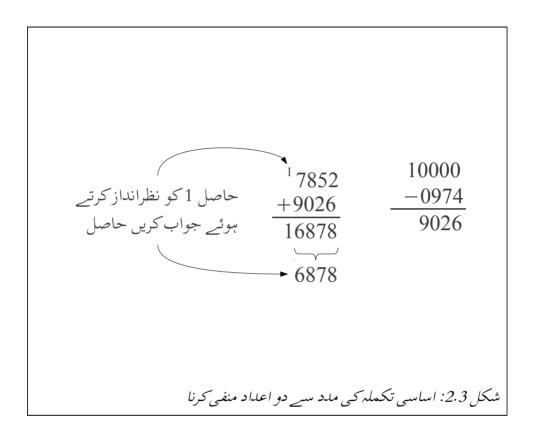
یہ دونوں صورتیں مثالوں سے واضح ہوںگی۔

مثال 2.1: دس کے تکملہ کی مدد سے (7852-974) حاصل کریں۔

جواب: شکل 2.3 سے رجوع کریں۔

یہاں بڑا عدد 7852 چار ہندسوں پر مبنی ہے لہذا 974 کا تکملہ 10 لیتے وقت n کو چار تصور کیا جائے گا۔یوں 974 کا تکملہ 1000-0974=9026 حاصل ہوتا ہے۔

اس تکملہ- 10 کو 7852 کے ساتھ جمع کر کے (16878 = 7852) حاصل ہوتا ہے۔یہ عدد پانچ ہندسوں پر مہنی ہے لہذا اس کے بائیں جانب 1 کو نظر انداز کرتے ہیں۔بقایا عدد 6878 درست جواب ہے۔

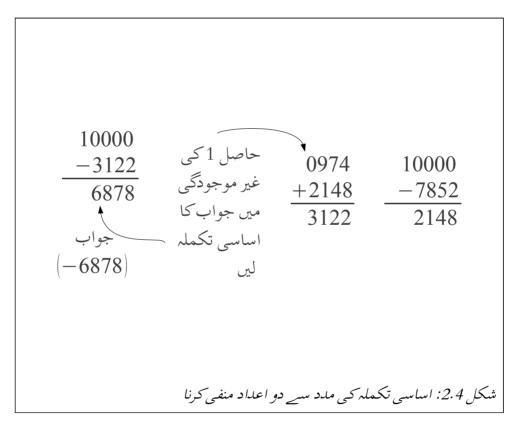


مثال 2.2: دس کے تکملہ کی مدد سے (974-7852) حاصل کریں۔

جواب: شکل 2.4 سے رجوع کریں۔

7852 كا تكمله-دس (10000-7852=2148) حاصل ہوتا ہے۔

اس تکملہ – 10کو میں موبنی ہے کرنے سے (0974 + 2148 = 3122) کے ساتھ جمع کرنے سے 100 کی ساتھ جمع کرنے سے حاصل ہوتا ہے۔ یہ عدد چار ہندسوں پر مبنی ہے لہٰذا اس کا تکملہ – 10 لیتے ہیں۔ (10000 – 3122 = 6878) ۔ اس تکملہ کے ساتھ نفی کا نشان جوڑ کے جواب ملتا ہے۔ یعنی جواب (6878) ہے۔



ثنائی اعداد بھی بالکل اسی طرح منفی کئے جاتے ہیں۔ان کی بھی دو مثالیں پیش کرتے ہیں۔ مثال 2.3: اساسی تکملہ کی مدد سے مندرجہ ذیل حاصل کریں۔

1011₂-11001₂ (1)

 $11001_2 - 1011_2 \ (\psi)$

جواب (۱):

 $01011 \\ +00111 \\ \hline 10010$

ہے۔بائیں جانب حاصل ایک پیدا نہیں ہوا لہٰذا اس کے تکملہ۔ 2 لینا ہوگا۔چونکہ

01101 + 1 = 01110 ہے۔ یہ وں 01101 + 1 = 01110 ہے۔ یہ اس کے تکملہ دو 01101 + 1 = 01110 ہے۔ یہ وں جواب ملتا ہے (-01110_2)

جواب (ب):

یہاں ایک عدد پانچ ہندسوں پر مبنی ہے لہٰذا دونوں اعداد میں پانچ ہندسے پورے کئے جائیں گے۔یوں 1011 کو 01011 لکھا جائے گا۔اس کا تکملہ۔ 1 لیتے ہیں یعنی

 $\overline{01011} = 10100$

اور اس سے عدد کا تکملہ۔ 2 حاصل کرتے ہیں یعنی (10100+1=10101)

یوں تکملہ کی مادد سے منفی حل کرتے ہیں۔

 $\begin{array}{r}
 11001 \\
 +10101 \\
 \hline
 101110
 \end{array}$

بائیں جانب حاصل ایک کو نظر انداز کرتے ہوئے جواب ملتا ہے 11100

2.6 دو اعداد کا منفی بذریعہ اساس-منفی-ایک کا تکملہ

اساس-منفی-ایک کے تکملہ کی مدد سے بھی دو اعداد منفی کئے جا سکتے ہیں۔مندرجہ ذیل اقدام پر چلنے سے یوں (M-N) حاصل کیا جاسکتا ہے۔

- دونوں اعداد میں ہندسوں کی تعداد برابر ہونی چاہیے لہٰذا کم ہندسوں پر مبنی عدد کے بائیں جانب صفریں لگا کر اس میں ہندسوں کی تعداد دوسرے عدد جتنا کریں۔ فرض کریں کہ یوں دونوں اعداد میں n ہندسے ہو جاتے ہیں۔
 - ساتھ N کے ساتھ N کا اساس-منفی-ایک کا تکملہ جمع کریں $M+\left(r^n-1-N\right)$ عنی $M+\left(r^n-1-N\right)$ حاصل کریں۔
- آگر M کی قیمت M کی قیمت سے زیادہ ہو تب جواب میں بائیں جانب

1 حاصل ہوگا اور یوں جواب (n+1) ہندسوں پر مبنی ہوگا۔اس صورت میں بائیں جانب حاصل 1 کو نظر انداز کرنے کی بجائے اس کو باقی عدد سے علیحدہ کر کے اس کا وزن آکائی تصور کریں اور پھر اسے بقایا n ہندسوں پر مبنی عدد کے ساتھ جمع کرکے جواب حاصل کریں۔اس کو واپسیں آخری حاصل ایک کہتے ہیں۔

اگر M کی قیمت M کی قیمت سے کم ہو تب $M + (r^n - 1 - N)$ کا جواب M ہندسوں پر مبنی ہوگا اور یہ ایک منفی عدد کو ظاہر کرے گا۔اس صورت میں حاصل جواب کا اساس–منفی–ایک کا تکملہ لیے کر اس کے ساتھ نفی کا نشان لگائیں۔یہ اصل جواب ہو گا۔

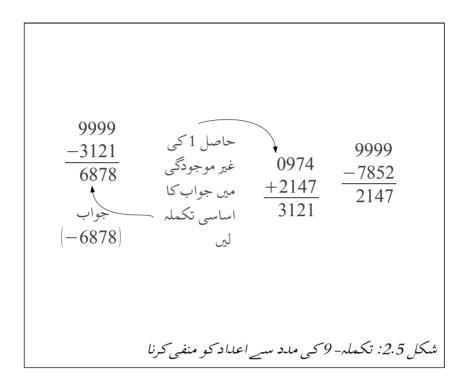
یہ دونوں صورتیں مثالوں سے واضح ہوں گی۔

مثال 2.4: تكمله- 9 استعمال كرتي ہوئي (974-7852 حاصل كريں۔

جواب: شکل 2.5 سے رجوع کریں۔

7852 كا تكمله- 9 (9999 – 7852 كا تكمله- 9

اس کا تکملہ - 9 کو 0974 کے ساتھ جمع کرکے (0974+2147=3121) حاصل ہوتا ہے۔ یہ عاد چار ہندسوں پر مہنی ہے لہذا اس کا تکملہ - 9 لیتے ہیں۔ (9998-3121=6878) ہاں تکملہ کے ساتھ نفی کا نشان جوڑ کر جواب ملتا ہے یعنی جواب (-6878) ہے۔

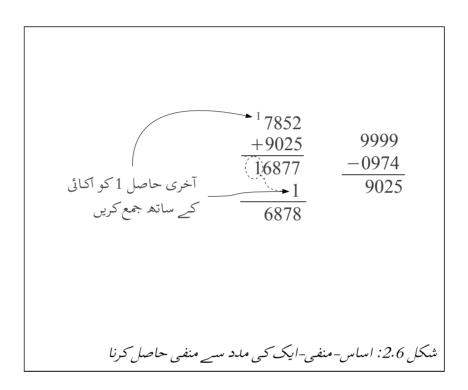


مثال 2.5: تكمله- 9 استعمال كرتى ہوئى (974 – 7852) حاصل كريى۔

جواب: شکل 2.6 سے رجوع کریں۔

9999-0974=9025 کا تکملہ- 9999-0974=9025 ہے۔

تکملہ۔ 9 کو 7852 کے ساتھ جمع کر کے (7851=7802+7852) حاصل ہوتا ہے۔ یہ عدد پانچ ہندسوں پر مبنی ہے لہذا بائیں جانب ایک کو عدد سے علیحدہ کر کے اسے آکائی تصور کرتے ہوئے بقایا عدد کے ساتھ جمع کرکے جواب حاصل کرتے ہیں



اب ہم ثنائی اعداد کی مثال لیتے ہیں۔

مثال 2.6: مندرجہ ذیل سوال کو تکملہ – 1 کی مدد سے حل کریں $10110_{2} - 11011_{2}$ ()

 $11011_2 - 1011110_2$ (ψ)

حل (١):

 $\overline{011011} = 100100$

لهذا

 $\begin{array}{r}
 101110 \\
 +100100 \\
 \hline
 1010010
 \end{array}$

آخری حاصل ایک کو باقی عدد سے علیحدہ کر کے اسے اکائی کی جگہ جمع کرتے ہوئے

 $(101110_2 - 11011_2) = 010011_2$ جواب حاصل ہوتا ہے

حل (ب):

 $\overline{101110} = 010001$

لهذا

 $011011 \\ +010001 \\ \hline 101100$

چونکہ بائیں جانب آخری حاصل صفر سے لہذا جواب حاصل کرنے کے لئے اس کا تکملہ۔ 1 لیکر اس کے ساتھ نفی کا نشان لگاتے ہیں۔چونکہ

 $\overline{101100} = 010011$

لهٰذا جواب سے

 $(11011_2 - 101110_2) = -010011_2$

2.7 مثبت اور منفى اعداد

عام زندگی میں مثبت اعداد لکھتے ہوئے ان کے ساتھ بائیں جانب جمع کی علامت لگائی جاتی ہے یا پھر انہیں بغیر کسی علامت کے لکھا جاتا ہے البتہ منفی اعداد لکھتے ہوئے ان کے ساتھ نفی کی علامت ضرور لکھی جاتی ہے۔یوں مندرجہ ذیل اعداد لکھنے کے درست طریقے ہیں۔

کسی بھی عدد کے مثبت یا منفی ہونے کو اس عدد کا سائن 22 کہتے ہیں۔ یوں وہ اعداد جو مثبت یا منفی سائن رکھتے ہوں کو بمع-سائن-اعداد 22 کہتے ہیں اور جن اعداد

²¹ sign

²² signed numbers

کا کوئی سائن نہ ہو ان کو بغیر-سائن-اعداد 23 کہتے ہیں۔اعداد کو ان کے سائن اور مقدار سے ظاہر کرنے کے طریقہ کو بمع-سائن-مقدار کا نظام 24 کہتے ہیں۔

کمپیوٹر میں حسابی عمل ثنائی اعداد 25 پر مبنی ہے جس میں کل دو ہی علامتیں یعنی صفر 0 اور ایک 1 ہیں۔کمپیوٹر میں کسی بھی معلومات کو انہیں دو علامتوں کی مدد سے ظاہر کیا جاتا ہے۔روایتی طور پر مثبت یعنی + کی علامت کو صفر یعنی 0 سے اور نفی یعنی - کی علامت کو ایک یعنی 1 سے ظاہر کیا جاتا ہے۔یہ علامت عدد کے بائیں جانب لکھی جاتی ہے۔شکل 2.7 میں اس کی وضاحت کی گئی ہے۔

یہاں ایک دلجسپ بات سامنے آتی ہے۔اگر ہم شکل میں اعداد کے بائیں جانب میں ایک دلجسپ بات سامنے آتی ہے۔اگر ہم شکل میں اعداد کے بائیں جانب آخری ہندسے کو علامت سمجھیں تب مطلب 0.101 کا مطلب 0.101 کو خاہر کرتا ہے۔ 0.101 کو چار ثنائی ہنسوں کا عدد سمجھیں تب یہ 0.101 کو خاہر کرتا ہے۔

²³ unsigned numbers

²⁴ signed-magnitude representation

²⁵ binary numbers

اس صورت حال کو سمجھنا ضروری ہے کہ کیا ثنائی اعداد میں بائیں جانب آخری مقام پر صفر 0 یا ایک 1 اس عدد کے علامت کو ظاہر کرتا ہے یا یہ عدد کا حصہ ہے۔ اس کا فیصلہ ان اعداد کو استعمال کرنے والے پر منحصر ہے۔ کمپیوٹر استعمال کرتے وقت آپ خود یہ فیصلہ کرتے ہیں کہ آیا آپ سائن رکھنے والے اعداد استعمال کریں گے یا بغیر سائن والے اعداد۔ جدول 2.1 میں چار ثنائی ہندسوں پر مشتمل ممکنہ تمام اعداد دئے گئے ہیں۔

باب 2 بنیادی حساب 41

ثنائی اعداد	بمع-سائن-مقدار
01112	+7 ₁₀
01102	+6 ₁₀
01012	+5 ₁₀
01002	+4 ₁₀
00112	+3 ₁₀
00102	+2 ₁₀
00012	+1 ₁₀
00002	+0 ₁₀
10002	-0_{10}
10012	-1_{10}
10102	-2 ₁₀
10112	-3 ₁₀
11002	-4 ₁₀
11012	-5 ₁₀
11102	-6 ₁₀
11112	-7 ₁₀

شکل میں کل چار ثنائی ہندسے لکھائی کے لئے استعمال کئے گئے ہیں۔ کمپیوٹر میں اعداد کو عموماً ایک بائٹ کی مدد سے لکھا جاتا ہے جس میں 8 ہندسے ہوتے ہیں۔ ایک بائٹ استعمال کرتے ہوئے سائن رکھنے والے اعداد میں نچلے سات مقام، عدد کی مقدار لکھنے کے لئے استعمال کئے جاتے ہیں جبکہ بائیں جانب آخری مقام میں صفر یا ایک اس عدد کی مثبت یا منفی ہونے کو ظاہر کرتا ہے۔ مساوات 2.13 میں اس طرح کے چند مثالیں دی گئی ہیں۔

$$00000101_{2} = +5_{10}$$

$$01111111_{2} = +127_{10}$$

$$10000101_{2} = -5_{10}$$

$$11111111_{2} = -127_{10}$$

$$00000000_{2} = +0_{10}$$

$$10000000_{2} = -0_{10}$$
(2.13)

اس مساوات میں ایک دلجسپ بات سامنے آتی ہے۔اس طریقہ لکھائی میں صفر دو مختلف علامتیں رکھتا ہے۔منفی صفر اور مثبت صفر دونوں ممکن ہیں۔عام زندگی میں صفر مثبت ہی تصور کیا جاتا ہے۔

اتنا کچھ کہنے کے بعد آپ کو بتاتا چلوں کہ کمپیوٹر میں نفی اعداد کو بمع-سائن-مقدار کے نظام میں نہیں بلکہ ان کو بمع-سائن-تکملہ-1 کے نظام یا بمع-سائن-تکملہ-2 کے نظام میں رکھا اور استعمال کیا جاتا ہے۔آگلے حصہ میں انہی نظاموں پر غور ہو گا۔

2.8 بمع-سائن-تكمله كيے نظام

کمپیوٹر میں عددی الیکٹرانکس کی مدد سے اعداد کو جمع یا منفی کیا جاتا ہے۔ دیکھا یہ گیا ہے کہ یہ اعمال اس وقت زیادہ آسانی سے سرانجام دیئے جا سکتے ہیی جب اساسی تکملہ یا اساس-منفی-ایک کا تکملہ زیرِ استعمال لائے جائیں جیسا کہ کتاب کے حصہ 2.4 اور 2.5 میں دکھایا گیا ہے۔

اسی بناء پر کمپیوٹر کی دنیا میں منفی اعداد کو اساسی تکملہ یا اساس-منفی-ایک کی تکملہ کی صورت میں ہی لکھا جاتا ہے۔ کمپیوٹر ثنائی اعداد استعمال کرتا ہے لہذا اس میں منفی اعداد کو تکملہ-1 یا تکملہ-2 کی صورت میں لکھا جاتا ہے۔ چار ثنائی ہندسوں پر مبنی تمام ممکنہ اعداد کو بمع-سائن تکملہ کی شکل میں جدول 2.2 میں دکھایا گیا ہے۔ اسی میں انہیں بمع-سائن مقدار کے طور بھی دکھایا گیا ہے۔

اعشاری اعداد	بمع-سائن مقدار	_	بمع-سائن تكمله-دو
		ایک	
+7	0111	0111	0111
+6	0110	0110	0110
+5	0101	0101	0101
+4	0100	0100	0100
+3	0011	0011	0011
+2	0010	0010	0010
+1	0001	0001	0001
+0	0000	0000	0000
-0	1000	1111	نهیں پایا جاتا
-1	1001	1110	1111
-2	1010	1101	1110
-3	1011	1100	1101
-4	1100	1011	1100
-5	1101	1010	1011
-6	1110	1001	1010
-7	1111	1000	1001
-8	نہیں پایا جاتا	نہیں پایا جاتا	1000

جدول 2.2:

جدول 2.2 سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کسی بھی مثبت عدد کو ثنائی ہندسوں میں ایک ہی طریقہ سے لکھا جاتا ہے جبکہ کسی بھی منفی عدد کو تین طریقوں سے لکھا جاتا ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ مثبت عدد کو ان تین طریقوں میں لکھنے کی خاطر اس عدد کو سادہ ثنائی عدد کی شکل میں لکھ دیں۔

مثبت عدد (+x) کو بمع-سائن شکل میں لکھ کر اس کے سائن کو صفر (+x) مثبت عدد (-x) سے تبدیل کر کے ایک (+x) کرنے سے (-x) یعنی بمع-سائن منفی عدد حاصل ہوتا ہے۔یوں (-5) کو بمع-سائن عدد کی شکل میں لکھنے کی خاطر (-5) کو بمع-سائن عدد کی شکل میں سائن کو صفر سے کو بمع-سائن عدد کی شکل میں لکھنے عنی (-5) اور اس میں سائن کو صفر سے تبدیل کر کے ایک کر دیں یعنی (-5) ءیہ (-5) کو بمع-سائن عدد کے طور لکھنے کا طریقہ ہر۔

منفی عدد (-x) کو بمع-سائن تکملہ-ایک کی صورت میں لکھنے کی خاطر (+x) کو بمع-سائن ثنائی عدد کے طور لکھیں (یعنی اس عدد کو سادہ ثنائی طریقہ سے لکھیں)۔اس ثنائی عدد کا تکملہ-1 حاصل کرنے سے (-x) کی بمع-سائن تکملہ-1 شکل حاصل ہوگی۔یاد رہے کہ تکملہ-1 حاصل کرتے وقت ثنائی عدد کے ہر ہندسے کو ربمع سائن کے) اُلٹ کرنا ہوگا۔یوں (-5) کو بمع-سائن تکملہ-1 کی صورت میں لکھنے کی خاطر پہلے (-5) کو (-5) لکھیں اور پھر اس پورے چار ہندسوں پر مبنی عدد کو ایک عدد سمجھتے ہوئے اس کا تکملہ-1 لیس یعنی (-5) ہیں عدد سمجھتے ہوئے اس کا تکملہ-1 لیس یعنی (-5) ہیں حدد سمجھتے ہوئے اس کا تکملہ-1 لیس یعنی (-5) ہیں طاہر کرتا ہر۔

منفی عدد (-x) کو بمع-سائن تکملہ-دو کی صورت میں لکھنے کی خاطر اسے ثنائی عدد کے طور لکھ کر اس کا تکملہ-دو حاصل کریں۔مثلاً (+5) کو (-5) ۔یہ (-5) ۔یہ (-5) کو بمع-سائن تکملہ-2 میں لکھنے کا طریقہ ہے۔

3 بوولين الجبرا

بوولین الجبرا انگلستان کے نامور ماہرِ ریاضی جارج بوولی 26 کے نام سے مشہور ہے جنہوں نے اس الجبرا کو دریافت کیا۔بوولین الجبرا ذہنی سوچ یعنی منطق کو الجبرائی شکل میں لکھنے کی صلاحیت رکھتی ہے۔ اس لئے کوئی حیرانی کی بات نہیں کہ جدید کمپیوٹر اسی کو استعمال کرتا ہے۔

3.1 بوولین الجبراکے بنیادی تصورات

عام الجبرا میں متغیرات استعمال کرتے وقت یہ تصور کیا جاتا ہے کہ ان کی کوئی جمعی قیمت ہو سکتی ہے۔ مثلاً ایک تفاعل z = f(x,y) جس میں z = f(x,y) اور z = 0 جس میں ہیں جبکہ z = 0 اس تفاعل z = 0 میں تابع متغیرہ z = 0 مندرجہ ذیل چند ممکنہ قیمتیں ہیں ۔

X	У	\mathbf{z}
0	0	0
1	2	5
2	1	4
3	2	7
2	2	6
3	1	5

اس تفاعل کو ایک نا مکمل جدول کی شکل میں لکھا گیا ہے۔اسے الجبرائی شکل میں یوں لکھ سکتے ہیں۔

²⁶ جارج بوولی ایک موچی کے بیٹے تھے اور ان کی تعلیم تیسری جماعت تک تھی۔کم تعلیم کے باوجود وہ ایک مانے ریاضی دان تھے جن کے ریاضی پر دور رس اثرات ہیں۔

²⁷ independent variables

²⁸ function

²⁹ dependent variable

$$x+2y=z$$

اس کے برعکس بوولین الجبرا میں متغیرات کی صرف دو ممکنہ قیمتیں ہیں۔ ان دو قیمتوں کو عموماً صفر یعنی 0 اور ایک یعنی 1 سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ بوولین تفاعل کی چند مثالوں پر غور کرتے ہیں۔

3.1.1 منطقی ضرب

تصور کریں کہ X اور Y دو آزاد بوولین متغیرات ہیں جبکہ Z ان کا تابع بوولین متغیرہ ہے یعنی $Z=f\left(X,Y\right)$ ۔ چونکہ X بوولین متغیرہ ہے لہذا اس کی صرف دو ہی ممکنہ قیمتیں ہیں۔یہ $Z=f\left(X,Y\right)$ یا $Z=f\left(X,Y\right)$ ہی بوولین متغیرہ ہے لہذا اس کی بھی صرف دو ہی ممکنہ قیمتیں ہیں۔یہ $Z=f\left(X,Y\right)$ یا $Z=f\left(X,Y\right)$ قیمت رکھ سکتا ہے۔ Z بھی بوولین متغیرہ ہے۔اس طرح آگرچہ اس کی قیمت بقایا دو متغیرات کے تابع ہے لیکن اس کے باوجود یہ صرف $Z=f\left(X,Y\right)$ یا $Z=f\left(X,Y\right)$ متغیرات کے تابع ہے لیکن اس کے باوجود یہ صرف $Z=f\left(X,Y\right)$

اور Y چار ممکنہ ترتیب میں پائے جا سکتے ہیں یعنی X

$$\begin{array}{c|cccc}
X & Y \\
\hline
0 & 0 \\
0 & 1 \\
1 & 0 \\
1 & 1
\end{array}$$
(3.1)

ان چار ممکنہ صورتوں میں Z کی قیمت 0 یا 1 ہوگی۔اب ہم ایک ایسے بوولین تفاعل کو لیتے ہیں جس کی تمام ممکنہ قیمتیں مندرجہ ذیل جدول میں دی گئی ہیں۔

روایتی طور پر بوولین متغیرات کو انگریزی کر بڑر حروف تہجی سر ظاہر کیا جاتا ہر

$$\begin{array}{c|cccc} X & Y & Z \\ \hline 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{array} \tag{3.2}$$

X اس مثال میں تابع متغیرہ Z کی قیمت اس وقت X ہوتی ہے جب X اور Y دونوں کی قیمت X ہو۔

مساوات پر غور کرنے سے ظاہر ہوتا ہے کہ X اور Y کو سادہ ضرب دینے سے Z حاصل ہوتا ہے یعنی

$$0 \cdot 0 = 0$$

 $0 \cdot 1 = 0$
 $1 \cdot 0 = 0$
 $1 \cdot 1 = 1$
(3.3)

یوں جدول میں دئے گئے تفاعل کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$X \cdot Y = Z$$

$$XY = Z \tag{3.4}$$

اسی وجہ سے اس عمل کو بوولین ضرب 31 کہتے ہیں اور اس بوولین ضرب کو آزاد متغیرات کے درمیان نکتہ کے نشان سے یا انہیں قریب لکھنے سے ظاہر کیا جاتا ہے۔منطقی ضرب

³¹ Boolean multiplication

دو سے زیادہ آزاد متغیرات کا بھی ہو سکتا ہے۔

منطقی ضرب کے اس تصور کو تین آزاد متغیرات کے لئے یوں بیان کیا جاتا ہے۔ تین آزاد متغیرات کے منطقی ضرب کے تفاعل سے مراد ایک ایسا تفاعل ہے جس کی تابع متغیرہ کی قیمت اس وقت 1 ہوتی ہے جب اس کے آزاد متغیرات میں پہلے $\mathbf{le}_{\mathbf{C}}$ دوسرم $\mathbf{le}_{\mathbf{C}}$ تیسرے متغیرہ کی قیمت 1 ہو۔

بوولین ضرب کے تفاعل کو منطقی ضرب 33 بھی کہتے ہیں۔ تینی آزاد متغیرات کے منطقی ضرب تفاعل $A \cdot B \cdot C = Z$ کا جدول مندرجہ ذیل ہے۔

A	В	\mathbf{C}	Z
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

3.1.2 منطقى جمع

مساوات 3.2 کو آگے بڑھاتے ہوئے ایک اور مثال لیتے ہیں جس میں تابع متغیرہ کی قیمتیں کچھ مختلف ہوں مثلاً Z

³² اس تفاعل کو بیان کرنے میں بار بار اور کا لفظ آتا ہے جسے انگریزی میں AND کہتے ہیں۔اسی وجہ سے اس تفاعل کو بوولین اینڈکہتے ہیں۔اسے منطقی اینڈ یا منطقی ضرب بھی کہتے ہیں۔

³³ logical AND

اس مثال میں Z اسی صورت 1 کے برابر ہے جب X **یا** Y **یا** ان دونوں کی قیمت 1 ہو۔اس بوولین عمل کو منطقی جمع 34 کہتے ہیں۔آگر ہم X اور Y کا سادہ روز مرہ کا الجبرائی مجموعہ حاصل کریں تو جواب ملتا ہے۔

$$X + Y = S$$

 $0 + 0 = 0$
 $0 + 1 = 1$
 $1 + 0 = 1$
 $1 + 1 = 2$ (3.7)

مساوات 3.6 اور مساوات 3.7 بہت مشابہت رکھتے ہیں۔ان میں پہلے تینی مساوات بالکل برابر ہیں۔اسی مشابہت کی وجہ سے مساوات 3.6 میں دئے گئے بوولین تفاعل کو بوولین جمع 35 کہتے ہیں اور اس بوولین تفاعل کو جمع کے نشان یعنی 35 سے ہی ظاہر کرتے ہیں۔ یوں مساوات 3.6 میں دئے گئے بوولین تفاعل کو

³⁴ logical OR

³⁵ Boolean addition

52 جزو 3.1 بوولین الجبراکے بنیادی تصورات

$$X + Y = Z$$

 $0 + 0 = 0$
 $0 + 1 = 1$
 $1 + 0 = 1$
 $1 + 1 = 1$ (3.8)

یا

$$X+Y=Z \tag{3.9}$$

لکھ سکتے ہیں۔ یہ ایک بوولین تفاعل کی مساوات ہے جس کو عام الجبرائی جمع ہرگز نہ سمجھا جائے۔ بالخصوص بوولین جمع کرتے وقت یاد رہے کہ (1+1+1) ہے نہ کہ (1+1+1) ہے نہ کہ (1+1+1) ہے نہ کہ (1+1+1) ہے نہ کہ (1+1+1) ہے۔ بوولین جمع کے اس تصور کو دو سے زیادہ آزاد متغیرات کے لئے بھی بیان کیا جا سکتا ہے۔

منطقی جمع کے اس تصور کو تین آزاد متغیرات کے لئے یوں بیان کیا جاتا سے - تین آزاد متغیرات کے منطقی جمع کے تفاعل سے مراد ایک ایسا تفاعل سے جس کی تابع متغیرہ کی قیمت اس وقت 1 ہوتی ہے جب اس کے آزاد متغیرات میں پہلے یا دوسرے یا 36 تیسرے متغیرہ کی قیمت 1 ہو۔

ہے۔ تینی آزاد متغیرات کے بوولین جمع کے تفاعل کو منطقی جمع 37 بھی کہتے ہیں۔ تینی آزاد متغیرات کے منطقی جمع تفاعل A+B+C=Z کا جدول مندرجہ ذیل ہے۔

³⁶ اس تفاعل کو بیان کرنے میں بار بار **یا** کا لفظ آتا ہے جسے انگریزی میں OR کہتے ہیں۔اسی وجہ سے اس تفاعل کو منطقی آرکہتے ہیں۔اسے بوولین جمع یا منطقی جمع بھی کہتے ہیں۔

یاد رہے کہ اس تین آزاد متغیرات کے منطقی جمع کے تفاعل کا الجبرائی جمع کے ساتھ کوئی تعلق نہیں۔ یہاں جمع کا نشان بوولین جمع کو ظاہر کرتا ہے لہذا یہاں (1+1+1=1)

3.1.3 منطقى نفى

ایک تیسری مثال لیتے ہیں جہاں $Z=f\left(X
ight)$ میں تابع بوولین متغیرہ کے کی قیمت آزاد بوولین متغیرہ کے پر یوں منحصر ہے۔

$$\begin{array}{c|cc}
X & Z \\
\hline
0 & 1 \\
1 & 0
\end{array}$$
(3.11)

اس تفاعل کو بوولین نفی 38 کہتے ہیں۔ہم دیکھ سکتے ہیں کہ یہاں Z دراصل X کا تکملہ -1 ہے۔اسی وجہ سے اس تفاعل کو یوں لکھا جاتا ہے۔

³⁸ logical NOT, inverter

$$\overline{X} = Z \tag{3.12}$$

یہ تفاعل صرف ایک آزاد متغیرہ کے لئے ہی بیان کیا جاتا سے

3.1.4 منطقى بلا شركت جمع

ایک اور قسم کی دو آزاد متغیرات پر مبنی تفاعل جہاں تابع متغیرہ Z اس صورت 1 ہوتا ہے جب آزاد متغیرات میں صرف ایک متغیرہ 1 ہو۔اس کا جدول یوں ہے۔

$$\begin{array}{c|cccc} X & Y & Z \\ \hline 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \\ \end{array} \tag{3.13}$$

جدول میں دئے تفاعل کو بوولین بلا شرکت جمع 39 کہتے ہیں۔

دو سے زیادہ آزاد متغیرات کے لئے اس تفاعل کو یوں بیان کیا جاتا ہے کہ تابع متغیرہ اس وقت 1 کے برابر ہوتا ہے جب آزاد متغیرات میں طاق متغیرات کی قیمت 1 ہو۔تین آزاد متغیرات پر مبنی بلا شرکت جمع تفاعل کا جدول یوں ہے۔

دو اور تین آزاد متغیرات کے لئے اس کی مساوات یوں لکھی جاتی ہے۔

$$Z = X \oplus Y$$

$$Z = A \oplus B \oplus C$$
(3.15)

3.1.5 منطقی بلا شرکت نفی۔ جمع

اوپر دئے بوولین بلا شرکت جمع تفاعل کا نفی یعنی اُلٹ⁴⁰ لینے سے بوولین بلا شرکت نفی عنی اُلٹ⁴⁰ لینے سے بوولین بلا شرکت نفی۔ جمع ⁴¹ تفاعل حاصل ہوتا ہے۔ دو اور تین آزاد متغیرات کے لئے اسے یوں لکھا جاتا ہے۔

$$Z = \overline{X \oplus Y}$$

$$Z = \overline{A \oplus B \oplus C}$$
(3.16)

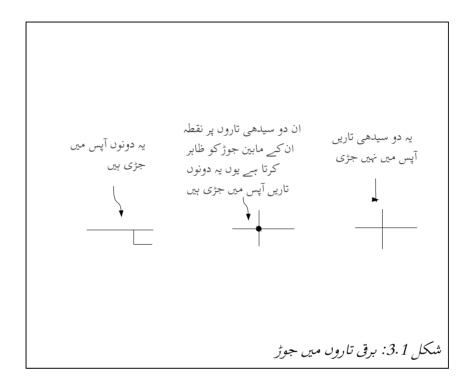
دو اور تین آزاد متغیرات کے لئے اس کا جدول مساوات 3.13 اور مساوات 3.14 اور مساوات 3.14 متغیرات کے لئے اس کا جدول مساوات 3.14 ایک (1) کا اُلٹ یا نفی صفر (0) ہے۔ اسی طرح صفر (0) کا اُلٹ یا نفی ایک (1) ہے 40 logical XNOR

میں تابع متغیرہ Z نفی کرنے سے حاصل ہوتا ہے۔یہ تفاعل مندرجہ ذیل ہیں۔

$$\begin{array}{c|ccccc} X & Y & Z \\ \hline 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{array} \tag{3.17}$$

3.2 برقی تاروں میں جوڑکی وضاحت

آگے بڑھنے سے پہلے یہاں شکل 3.1 پر غور کرنا بہتر ہوگا۔اس میں دو بر تی تاروں میں جوڑ کی وضاحت کی گئی ہے۔



جہاں دو تاریں ایک دوسری کے اوپر سے گزر رہی ہوں اور یہ آپس میں جڑتی ہوں اس صورت جوڑکے مقام پر نقطہ کا نشان لگایا جاتا ہے۔ اس صورت میں انہیں ایک ہی تار تصور کیا جائے گا۔ آگر اس پر کہیں بھی 0 یا 1 قیمت ہو تو اس تمام تار پر یہی قیمت ہوگی۔

جہاں دو تاریں ایک دوسری کے اوپر سے گزریں اور یہ آپس میں نہ جڑتی ہوں اس صورت ان پر نقطہ کا نشان نہیں لگایا جاتا۔نقطہ کے نشان کی غیر موجودگی میں ان تاروں کو دو علیحدہ اور غیر منسلک تاریں سمجھا جائے گا۔

ایک تیسری صورت بھی شکل میں دکھائی گئی ہے جہاں غلط فہمی کا امکان نہیں۔اس میں ایک تارکا سرا دوسری تار پر ختم ہو جاتا ہے۔ ایسی صورت میں انہیں ایک

ہی تار تصور کیا جاتا ہے (یعنی یہ دونوں آپس میں جڑی ہیں) ۔

3.3 عددی گیٹ

حصہ 3.2 میں بوولین الجبراکے تین اہم ترین تفاعل پر غور ہوا۔یہ تین تفاعل عددی الیکٹرانکس میں کلیدی کردار اداکرتے ہیں۔عددی الیکٹرانکس میں ان تفاعل کو عددی ادوار ⁴²کی مدد سے جامہ عمل پہنایا جاتا ہے۔یہ مخصوص عددی ادوار عددی گیٹ ⁴³کہلاتے ہیں۔

3.3.1 ضرب گیٹ

منطقی ضرب یعنی بوولین ضرب کے تفاعل کو ضرب گیٹ 44 سے حاصل کیا جاتا ہے جسے شکل 3.2 میں دکھایا گیا ہے۔اس شکل میں مساوات 3.4 کے آزاد متغیرات X اور Y کو ضرب گیٹ کے بائیں جانب جبکہ تابع متغیرہ X کو اس کے دائیں جانب دکھایا گیا ہے 46 الیکٹرانکس کی دنیا میں آزاد متغیرات کو مداخل 46 کہتے ہیں جبکہ تابع متغیرات کو مخارج 45 کہتے ہیں۔موجودہ مثال میں دئے ضرب گیٹ کے دو مداخل اور ایک مخارج ہے۔

⁴² digital circuits

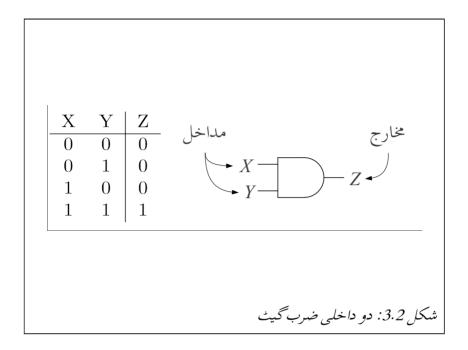
⁴³ digital gates

⁴⁴ AND gate

⁴⁵ روایتی طور کاغذ پر شکل بناتے وقت آزاد متغیرات کو بائیں جانب اور تابع متغیرات کو دائیں جانب دکھایا جاتا ہر

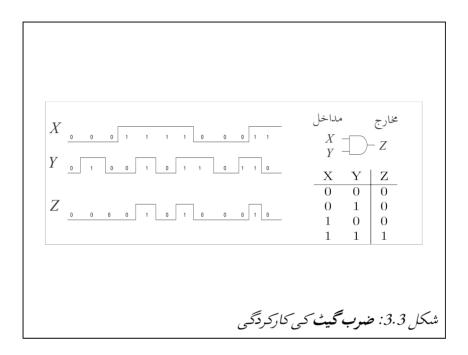
⁴⁶ inputs

⁴⁷ outputs



شکل 3.3 میں ضرب گیٹ کی کارکردگی گراف کی گئی ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مخارج Z صرف اور صرف اُس صورت بلند 48 ہوتا ہے جب ضرب گیٹ کے تمام مداخل بلند ہوں۔اس شکل میں دو مداخل کو کسی خاص ترتیب سے نہیں تبدیل کیا گیا۔

⁴⁸ ایک (1) کو بلند اور صفر (0) کو پست بھی کہا جاتا ہے۔



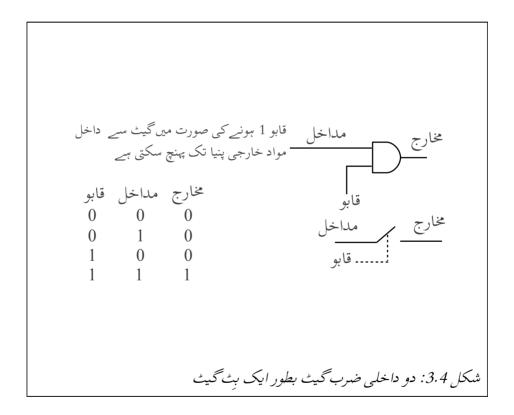
ضرب گیٹ کو شکل 3.4 میں بطور ایک عددی گیٹ دکھایا گیا ہے۔اس شکل میں ایک داخلی پن کو قابو پن 49 کا نام دیا گیا ہے۔ضرب گیٹ کے جدول سے واضح ہے کہ اگر قابو پن پر 0 ہو تو خارجی پن پر 0 ہی رہتا ہے۔اس صورت میں داخلی پن پر موجود مواد، خارجی پن تک نہیں پہنچ سکتا یعنی داخلی پن پر 0 یا 1 کرنے کا مخارج پر کوئی اثر نہیں ہوتا۔اس صورت میں ہم کہہ سکتے ہیں کہ قابو پن نے ضرب گیٹ کو معذور 0 کر دیا ۔اس کے برعکس اگر قابو پن پر 0 ہو تب خارجی پن پر وہی کچھ ہوتا ہے جو داخلی پن پر ہوگا۔اس صورت ہم کہہ سکتے ہیں کہ ضرب گیٹ 0 دیا گیا ہے۔قابو پن پر ایک یا صفر دینے سے داخلی سگنل (مواد) کو خارجی پن تک پہنچنا ممکن یا ناممکن یا ناممکن

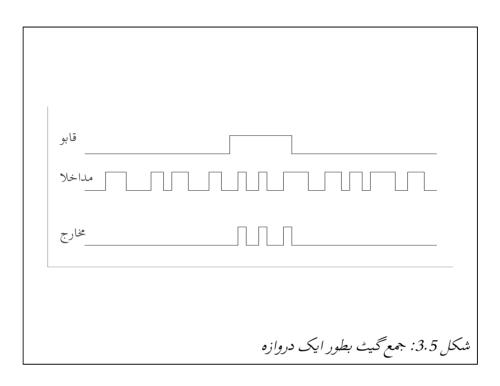
⁴⁹ control pin

⁵⁰ disable

⁵¹ enable

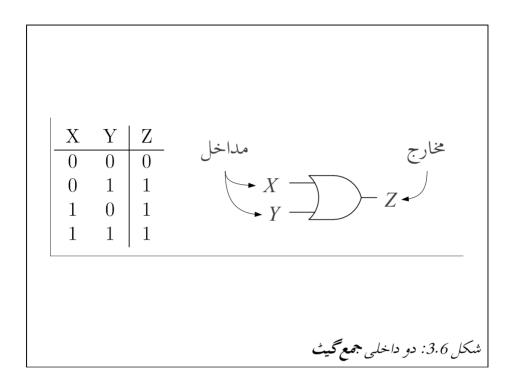
بنایا جا سکتا ہے۔یوں یہ ایک دروازے کی طرح کام کر سکتا ہے۔اسی خصوصیت کی وجہ سے اسے گیٹ کہا جاتا ہے۔قابو پن کو معذور اور مجاز بنانے والا پن بھی کہتے ہیں۔شکل 3.5 میں اس کی بطور گیٹ کارکردگی دکھائی گئی ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ جب تک گیٹ کو معذور رکھا جائے اتنی دیر یہ مداخل کو روکھے رکھتا ہے اور جیسے ہی اس گیٹ کو مجاز کیا جائے یہ مداخل پر موجود اشارہ کو مخارج پر خارج کرتا ہے۔





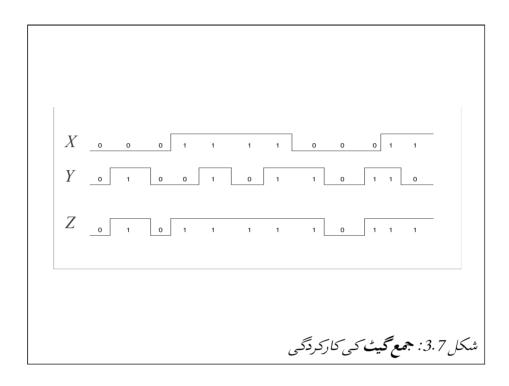
3.3.2 جمع گیٹ منطقی جمع یعنی بوولین جمع کے تفاعل کو جمع گیٹ ⁵² سے حاصل کیا جاتا ہے جسے شکل 3.6 میں دکھلایا گیا ہے۔

⁵² OR gate

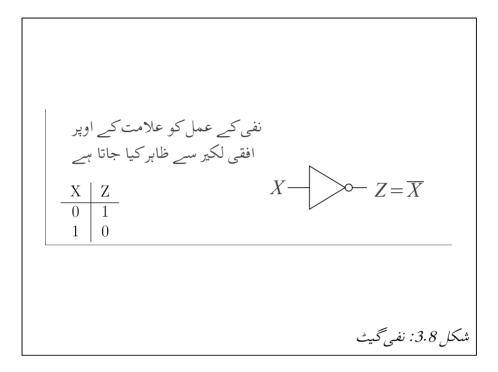


جمع گیٹ میں اگر ایک پن کو قابو کی پن سمجھا جائے تو قابو پن پر صفر (0) دینے سے داخلی مواد کا خارجی پن تک پہنچنا ممکن بنایا جاتا ہے جبکہ اس پر ایک (1) دینے سے یہ ناممکن بنایا جاتا ہے۔

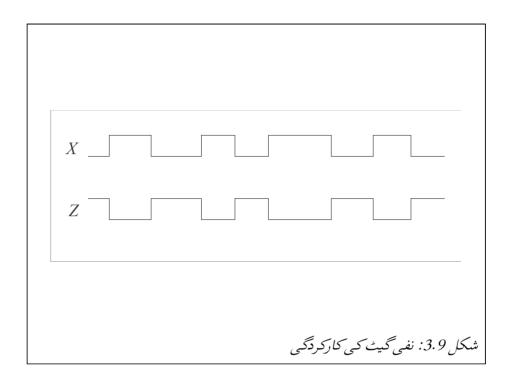
جمع گیٹ کی کارکردگی شکل 3.7 میں گراف کے شکل میں دکھائی گئی ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ جمع گیٹ کا مخارج اُس وقت بلند ہوتا ہے جب جمع گیٹ کے مداخل میں کم از کم ایک مداخل بلند ہو۔



3.3.3 نفي گيٿ نفی کے تفاعل کو نفی گیٹ سے حاصل کیا جاتا ہے جس کی علامت شکل 3.8 میں دکھائی گئی ہر۔



نفی تفاعل صرف ایک ہی آزاد اور ایک ہی تابع متغیرہ کے لئے ممکن ہے۔اسی وجہ سے نفی گیٹ کا ایک ہی مداخل اور ایک ہی مخارج ہوتا ہے جبکہ ضرب گیٹ اور جمع گیٹ دو یا دو سے زیادہ مداخل کے بھی ہو سکتے ہیں۔شکل 3.10 میں تین مداخل کے ضرب اور جمع گیٹ دکھائے گئے ہیں۔

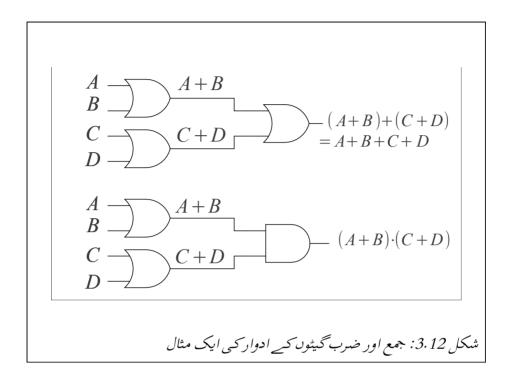


نفی گیٹ کی کارکردگی شکل 3.9 میں گراف کے شکل میں دکھائی گئی ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ نفی گیٹ کا مخارج اس کے مداخل کے اُلٹ رہتا ہے۔

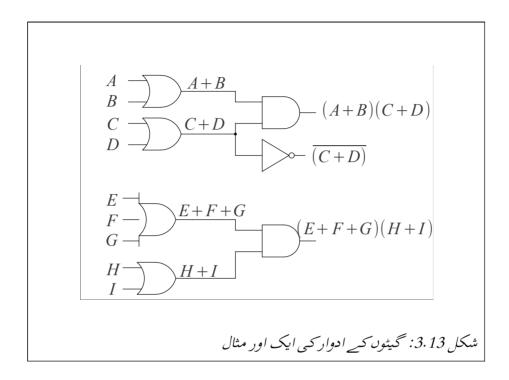
ضرب گیٹ کی مخارج اس وقت 1 کے برابر ہوتی ہے جب اس کے تمام مداخل 1 ہوں۔ جبکہ جمع گیٹ کی مخارج اس وقت 1 ہوتی ہے جب اس کے مداخل میں سے کوئی بھی مداخل 1 ہو۔

شکل 3.11 کے حصہ (۱) میں دو عدد ضرب گیٹ جوڑے گئے ہیں۔ساتھ ہی اس دور کا بوولین جدول دیا گیا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ یہ دور تین داخلی ضرب گیٹ کا کردار ادا کر رہا ہے۔ یوں دو داخلی ضرب گیٹوں کی مدد سے زیادہ مداخل کا ضرب گیٹ حاصل کیا جا سکتا ہے۔اسی طرح شکل کے حصہ (ب) میں تین داخلی جمع گیٹ کا حصول دکھایا گیا ہے۔

شکل 3.12 اور شکل 3.13 میں انگیٹوں پر مبنی ادوارکے چند مثالیں اور انکو حل کرنا دکھایاگیا ہے۔



شکل 3.12 میں سب سے اوپر دو جمع گیٹوں کی خارجی پنوں کو اس کے سامنے ایک جمع گیٹ کی داخلی پنوں سے لکیروں (تاروں) کے ذریعہ جوڑا گیا ہے۔ اس طرح کی لکیریں ایک خارجی پن سے شروع اور ایک یا ایک سے زیادہ داخلی پنوں پر ختم ہوتی ہیں۔ یوں جڑے تار خارجی پن پر موجود سگنل یعنی 0 یا 1 کو سامنے گیٹ کے داخلی پنوں تک پہنچاتی ہیں۔ اس طرح سب سے اوپر والی تار (لکیر) کا مطلب یہ ہوا کہ بائیں جانب جمع گیٹ کی مداخل بن گئی ہے۔

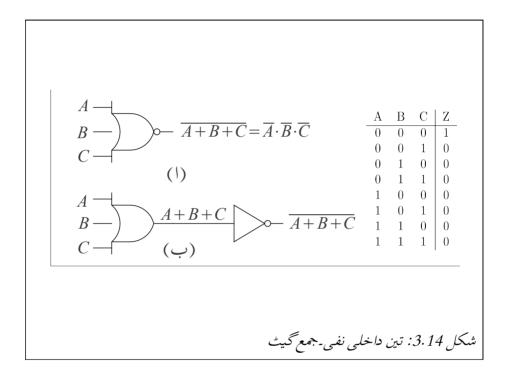


(C+D) اس شکل میں اوپر سے دوسرے گیٹ یعنی جمع گیٹ کی مخارج یعنی اوپر سے دونوں کی مداخل بنی ہے۔ دائیں جانب ضرب گیٹ اور نفی گیٹ دونوں کی مداخل بنی ہے۔

3.3.4 نفى دجمع كيث اور نفى د ضرب كيث

شکل 3.14 (۱) میں تین داخلی نفی۔ جمع گیٹ اور اس کا بوولین جدول دکھایا گیا ہے۔ شکل (ب) میں تین داخلی جمع گیٹ کے ساتھ نفی گیٹ جوڑا گیا ہے۔ ان جڑواں گیٹوں کے دور کا بوولین جدول بھی یہی حاصل ہوتا ہے گویا شکل کے دونوں حصے ایک ہی تفاعل کو ظاہر کرتے ہیں۔ اسی مشابہت سے نفی اور جمع گیٹوں کے نام جوڑ کر اس گیٹ کا نام نفی۔ جمع گیٹو 53

⁵³ NOR gate

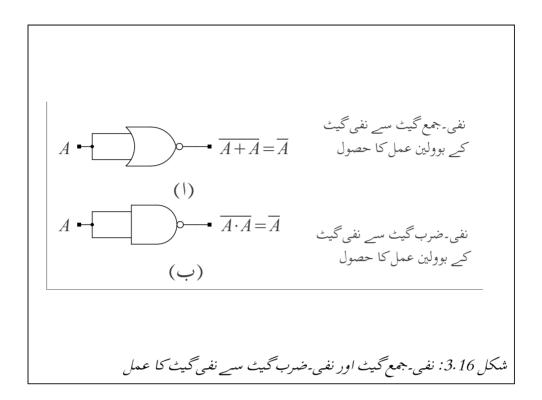


اسی طرح شکل 3.15 میں تین داخلی نفی۔ضرب گیٹ دکھایا گیا ہے جسے نفی اور ضرب کے لفظ جوڑ کر نفی۔ضرب گیٹ 54کا نام دیا گیا ہے۔

بالکل ضرب اور جمع گیٹوں کی طرح یہ دو قسم کے گیٹ بھی دو، تینی یا ان سے زیادہ مداخل والے ہو سکتے ہیں۔

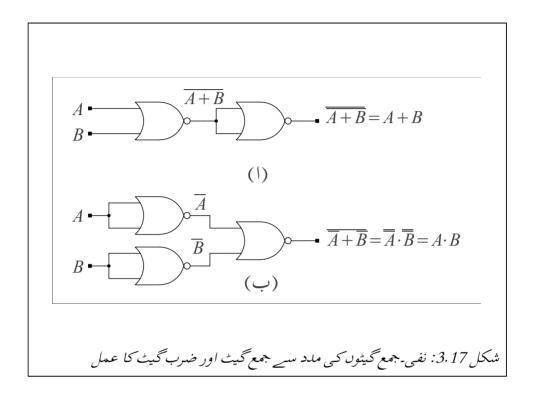
⁵⁴ NAND gate

کسی بھی نفی۔ جمع گیٹ کی مخارج صرف اُسی صورت 1 ہوتا ہے جب اس کے تمام مداخل 0 ہوں جبکہ کسی بھی نفی۔ ضرب گیٹ کی مخارج اُس وقت تک 1 رہتا ہے جب تک اس کے تمام مداخل 1 نہ ہوں۔

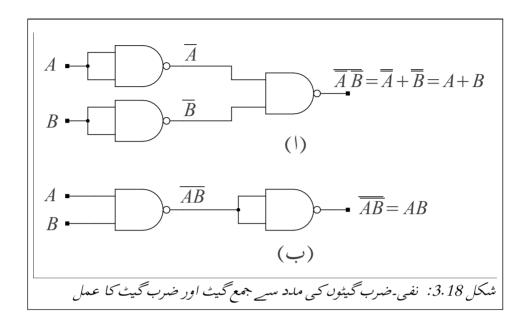


شکل 3.16 میں باری باری نفی۔جمع گیٹ اور نفی۔ضرب گیٹ کی مدد سے نفی گیٹ کا عمل حاصل کرنا دکھایا گیا ہے۔یوں نفی گیٹ کی جگہ نفی۔جمع گیٹ استعمال کیا جا سکتا ہے۔

اسی طرح شکل 3.17 میں نفی۔جمع گیٹ کی مدد سے جمع گیٹ اور ضرب گیٹ کا عمل حاصل کیا گیا ہے جبکہ شکل 3.18 میں نفی۔ضرب گیٹ استعمال کرتے ہوئے جمع گیٹ اور ضرب گیٹ کا عمل حاصل کیا گیا ہے۔



اس شکل میں ضرب گیٹ بناتے وقت بائیں جانب سب سے نیچے نفی۔ جمع گیٹ کے دونوں مداخل آپس میں جوڑ کر انہیں B متغیرہ سے منسلک کیا گیا ہے۔



اس حصہ کے شروع میں دیکھا گیا کہ جمع، ضرب اور نفی گیٹوں کی مدد سے نفی۔ جمع گیٹ اور نفی۔ ضرب گیٹ حاصل کئے جا سکتے ہیں جبکہ اس حصہ کے آخر میں نفی۔ جمع گیٹوں اور نفی۔ ضرب گیٹوں کی مدد سے نفی گیٹ، جمع گیٹ اور ضرب گیٹ حاصل کرنا دکھلایا گیا۔

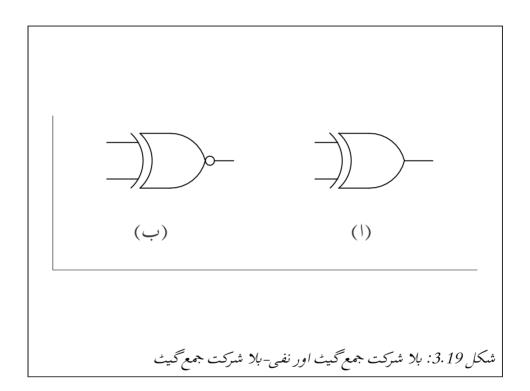
3.3.5 بلا شركت جمع گيث اور نفي بلا شركت جمع گيث

بلا شرکت جمع تفاعل کو بلا شرکت جمع گیٹ ⁵⁵ سے حاصل کیا جاتا ہے جس کی علامت شکل 3.19 (۱) میں دکھائی گئی ہے۔اسی طرح بلا شرکت نار تفاعل کو نفی بلا شرکت جمع گیٹ ⁶⁶ کی مدد سے حاصل کیا جاتا ہے جس کی علامت شکل (ب) میں دکھائی گئی ہے۔بلا شرکت جمع گیٹ کی مخارج کے ساتھ نفی گیٹ منسلک کرنے سے بلا

⁵⁵ XOR

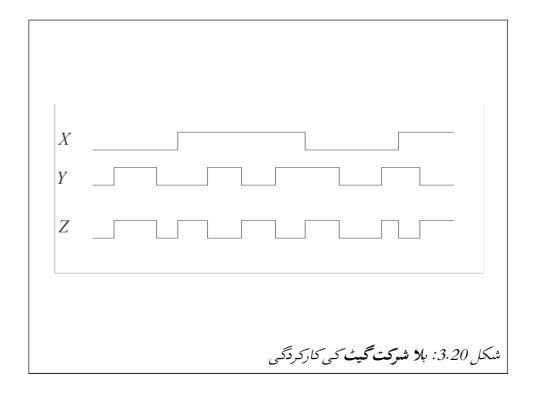
⁵⁶ XNOR

شرکت نفی۔جمع گیٹ حاصل کیا جا سکتا ہے۔ بلا شرکت گیٹ کی کارکردگی گراف کے شکل میں شکل 3.20 میں دکھائی گئی ہے۔



تین مداخل والے بلا شرکت جمع گیٹ کا مخارج حاصل کرتے وقت اس کے کسی دو مداخل کا بلا شرکت جمع حاصل کریں اور حاصل جواب کا تیسرے مداخل کے ساتھ بلا شرکت جمع حاصل کریں۔ یہی ان تین مداخل کا بلا شرکت جمع ہے۔ مساوات 3.19 میں تین مداخل والے بلا شرکت جمع گیٹ کا بوولین جدول دکھایا گیا ہے۔ جیسے آپ اس جدول سے دیکھ سکتے ہیں، کسی بھی بلا شرکت جمع گیٹ کا مخارج اُس صورت بلند ہوتا ہے جب اس کے بلند مداخل کی تعداد طاق ہو۔

A	В	С	Z
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1



طلبہ سے گزارش کی جاتی ہے کہ وہ یہاں رُک کر ان اعمال کو اچھی طرح سمجھ لیں۔

3.4 گیٹوں کے برقی خصوصیات

کسی بھی گیٹ کے مخارج کو اس صورت بلند تصور کیا جاتا ہے جب یہ ایک مخصوص حد یا اس سے زیادہ بر تی دباؤ خارج کرے۔اس حد کو بلند خارجی بر تی دباؤ محصوص حد تک بر تی رو 57 کہتے ہیں۔گیٹ کا مخارج بلند صورت میں ایک مخصوص حد تک بر تی رو خارج کر سکتا ہے جسے اس گیٹ کی بلند خارجی برقی رو 58 کہتے ہیں۔

اسی طرح گیٹ کے مخارج کو اس صورت پست تصور کیا جاتا ہے جب یہ ایک مخصوص حد یا اس سے کم برتی دباؤ خارج کرے۔اس حد کو پست خارجی برتی دباؤ خارج کرے۔اس حد کو پست خارجی برقی رو جذب $^{59}(V_{OL})$ کر سکتا ہے جسے اس گیٹ کی پست خارجی برقی رو $^{60}(I_{OL})$

گیٹ ایک مخصوص حد اور اس سے زیادہ داخلی برقی دباؤ کو بلند تصور کرتا ہے۔ اس برقی دباؤ کو بلند داخلی برقی دباؤ کو بلند داخلی برقی دباؤ (V_H) فی مداخل کو بلند کرنے کی خاطر درکار برقی رو کو بلند داخلی برقی رو (I_H) کو بلند کرنے کی خاطر درکار برقی رو کو بلند داخلی برقی رو

اسی طرح گیٹ ایک مخصوص حد اور اس سے کم داخلی برقی دباؤ کو پست تصور کرتا ہے۔اس حد کو پست داخلی برقی دباؤ (V_{IL})

⁵⁷ output HIGH voltage (V_{OH})

⁵⁸ output HIGH current (I_{OH})

⁵⁹ output LOW voltage (V_{OL})

⁶⁰ output LOW current (I_{OL})

⁶¹ input HIGH voltage (V_{IH})

⁶² input HIGH current (I_{IH})

⁶³ input LOW voltage (V_{IL})

مداخل کو پست کرنے کی خاطر درکار برقی رو کو پست داخلی برتی رو کو پست کرنے کی خاطر درکار برقی رو کو پست داخلی برتی رو کہتے ہیں۔

کسی بھی برقیاتی دور میں برقی تار مختلف گیٹوں کو جوڑنے کی خاطر استعمال کئے جاتے ہیں۔کبھی کبھار ان تاروں میں جائے استعمال پر پائے جانت والے تغیر پذیر برقی و مقناطیسی میدان ⁶⁵ کی وجہ سے غیر ضروری اور مضر برقی دباؤ پیدا ہوتا ہے جسے برقی شور ⁶⁶ کہتے ہیں۔یہ برقی شور پست خارجی برقی دباؤ کے ساتھ جمع ہو کر پست داخلی برقی دباؤ کے حد سے تجاوز کر سکتا ہے۔اسی طرح یہ برقی شور بلند خارجی برقی دباؤ سے نفی ہو کر بلند داخلی برقی دباؤ کے حد سے تجاوز کر سکتا ہے۔ایسی صورت میں دور غیر متوقع طور کام کرے گا۔

گیٹ کے بلند خارجی برقی دباؤ کا حد اس کے بلند داخلی برقی دباؤ کے حد سے قدر زیادہ ہوتا ہے۔ان کے فرق کو بلند شور کی گنجائش (V_{NH}) کہتے ہیں یعنی

$$V_{NH} = V_{OH} - V_{IH}$$
 (3.20)

جبکہ گیٹ کے پست خارجی برقی دباؤ کا حد اس کے پست داخلی برقی دباؤ کے حد سے قدرِ کم ہوتا ہے۔ان کے فرق کو پست شور کی گنجائش (V_{NL})

$$V_{NL} = V_{IL} - V_{OL}$$
 (3.21)

مندرجہ بالا حقائق کو شکل میں دکھایا گیا ہر۔

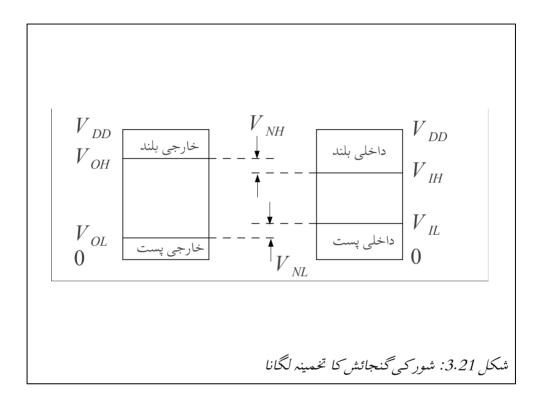
⁶⁴ input LOW current (I_{II})

⁶⁵ electromagnetic fields

⁶⁶ electrical noise

⁶⁷ HIGH noise margin (V_{NH})

⁶⁸ LOW noise margin (V_{NL})



اس شکل میں V_{DD} گیٹ کو مہیا کردہ برقی دباؤ ہے جسے اس کتاب میں مثبت پانچ وولٹ (+5V) تصور کیا گیا ہے جبکہ 0 سے مراد صفر وولٹ برقی دباؤ ہے۔

بلند داخلی برقی دباؤ اور پست داخل برقی دباؤ کے درمیان داخلی برقی دباؤ کوئی معنی نہیں رکھتا اور ایسے برقی دباؤ غیر متوقع صورت پیدا کر سکتے ہیں۔

کوئی بھی گیٹ اس وقت تک اپنے مخارج کو بلند رکھ سکتا ہے جب تک اس سے خارج ہونے والا برقی رو اس کے بلند خارجی برقی رو کے حد سے تجاوز نہ کر جائے۔اسی طرح یہ گیٹ اس وقت تک اپنے مخارج کو پست رکھ سکتا ہے جب تک اس میں خارجی جانب جذب ہونے والا بر تی رو اس کے پست خارجی بر تی رو کے حد سے تجاوز نہ کر جائے۔آگر ایسی صورت پیدا ہو جہاں ان حدود کے اندر رہنا ممکن نہ ہو اس صورت ایک

ایساگیٹ درکار ہوگا جو زیادہ برقی رو خارج اور جذب کر سکے۔درکار جگہ پر اسے نسب کر کے عددی دور کو چلایا جا سکتا ہے۔ایسے تواناگیٹ کو وسطی دور کہ یمی گے۔آئیمی اسی پر غور کرتے ہیں۔

3.4.1 وسطى دور

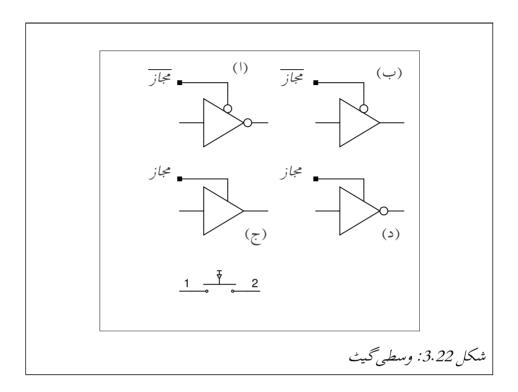
جیسا اُوپر ذکر ہوا وسطی دور ایک ایسا توانا دور ہے جو زیادہ بر قی رو خارج اور جذب کر سکتا ہے۔اسے عموماً اس مقام پر نسب کیا جاتا ہے جہاں درکار بر قی رو کسی عام گیٹ کے برقی رو کے حدود سے تجاوز کر جائے۔عموماً وسطی دور مجاذ و معذور ہونے کی صلاحیت بھی رکھتے ہیں۔

وسطی دور کے مختلف اقسام کی علامتیں شکل 3.22 میں دکھائی گئی ہیں۔ مجاز کردہ وسطی دور، داخلی مواد کو ہی خارج کرتا ہے جبکہ معذور کردہ وسطی دور بالکل ایک منقطع برقی سوئچ کی طرح دونوں اطراف کے ادوار کو مکمل طور منقطع کر دیتا ہے۔ معذور وسطی دور زیادہ مزاحمت حالت 60 اختیار کر لیتا ہے۔ اس حالت میں یہ نہ تو صفر (0) خارج کرتا ہے اور نہ ہی ایک (1) بلکہ یہ صرف ایک زیادہ مزاحمت کی طرح کردار ادا کرتا ہے۔وسطی دور میں کسی بھی گیٹ کی طرح مواد صرف داخلی جانب سے خارجی جانب منتقل ہو سکتا ہے۔

جہاں دو ادوار کے مابین دونوں جانب مواد کا ترسیل درکار ہو وہاں دو وسطی دور آپس میں اُلٹ سمتوں میں جوڑ کر ایسا ممکن بنایا جاتا ہے۔ایسا دور جسے دو طرفہ وسطی دور کہتے ہیں کو شکل 3.23 (۱) میں دکھایا گیا ہے۔شکل (ب) میں اس کی علامت دکھائی گئی ہے۔اسی طرح نفی کرتا دو طرفہ وسطی دور بھی بنایا جاتا ہے۔

عموماً ایک وسطی دور اور ایک نفی کرتا وسطی دور کو یوں جوڑا جاتا ہے کہ ان کے مداخل آپس میں جڑمے ہوں جبکہ ان کے مخارج پر دو متضاد حالتیں پائی جائیں۔اس طرح کے وسطی دور اور اس کی علامت کو شکل 3.24 میں دکھایا گیا ہے۔

⁶⁹ high impedance state

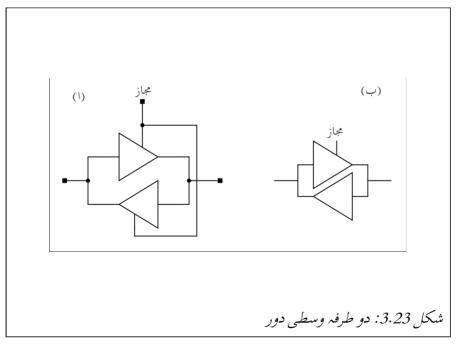


مجاذ و معذور صلاحیت والے وسطی گیٹ برقی سوئچ کی طرح کام کرتے ہیں۔ شکل 3.22 (۱) اور (ب) میں وسطی دور کی مخارج کو اس کی مداخل سے منقطع کرنے کی خاطر معذور برقی اشاری ⁷⁰ کو پست کیا جاتا ہے جبکہ انہیں جوڑنے کی خاطر اس برقی اشارے کو بلند کیا جاتا ہے۔شکل (ج) اور (د) میں دکھائے وسطی دور کو منقطع کرنے کی خاطر معذور کو بلند کیا جاتا ہے جبکہ اسے پست کرنے سے دور مجاز ہو کر مخارج اور مداخل کو جوڑ دیتا ہے۔مزید یہ کہ شکل (۱) اور (د) میں وسطی دور کا جدول یوں ہے۔ برقی اشارے کا نفی حاصل ہوتا ہے۔شکل (ج) میں دئے وسطی دور کا جدول یوں ہے۔

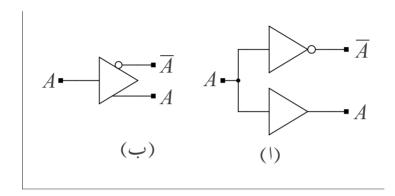
⁷⁰ electrical signal

$$y = x + y = 0$$
 $y = x + y = 0$ $y =$

اس جدول سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مجاز کو پست⁷¹ یعنی (0) کرنے کی صورت میں وسطی دور کی مخارج زیادہ مزاحمتی حالت اختیار کر لیتی ہے۔اس صورت میں خارجی طرف جڑمے ادوار پر یہ کسی قسم کا کوئی اثر نہیں رکھتا۔مجاز کو بلند یعنی (1) کرتے ہی یہ دور مخارج پر وہی مواد خارج کرتا ہے جو اس کے مداخل پر مہیا کیا جائے۔



عددی الیکٹرانکس میں صفر یعنی (0) کو عموماً پست جبکہ ایک یعنی (1) کو بلند پکارا جاتا γ



شكل 3.24: اشاره اور اشاره كا تكمله ديتا وسطى دور

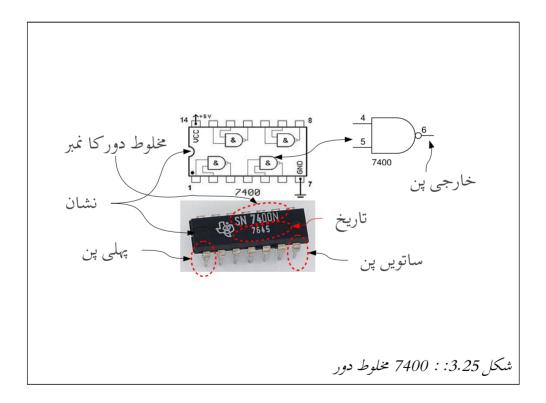
3.4.2 مخلوط ادوار

عام دستیاب نفی۔ ضرب گیٹ کو شکل 3.25 میں دکھایا گیا ہے۔ برقیاتی ادوار عموماً اسی طرح ڈبی میں بند دستیاب ہوتے ہیں اور انہیں مخلوط دور ⁷² کہتے ہیں۔ محسسے اس ادوار پر عموماً دو اعداد درج ہوتے ہیں۔ ان میں سے ایک عدد وہ ہوتا ہے جس سے اس مخلوط دور کو پکارا جاتا ہے۔ یوں شکل میں دکھایا گیا مخلوط دور 7400 کہلاتا ہے۔ عموماً اس عدد کے دائیں، بائیں اور اس کے ہندسوں کے مابین اضافی حروف بھی لکھے ہوتے ہیں جو اضافی معلومات فراہم کرتے ہیں۔ ڈبی پر درج دوسرا عدد اس مخلوط دور کی تیاری کا تاریخ بتلاتا ہے۔ مثلاً یہاں دوسرا غیر 7645 کے مطابق یہ مخلوط دور سن 76

⁷² integrated circuit (IC)

کے پینتالیسویں (45) ہفتہ کو کارخانے میں تیار ہوا۔جیسا شکل میں دکھایا گیا ہے اس مخلوط دور میں چار عدد نفی-ضرب گیٹ موجود ہیں۔

جیسا شکل میں دکھایا گیا ہے ڈبیہ کے ایک جانب نشان سے گھڑی کے اُلٹ رُخ اس کے پن گنے جاتے ہیں۔ شکل میں مکمل مخلوط دور کا خاکہ اور اس میں ایک گیٹ کا خاکہ بھی دکھایا گیا ہے۔ کسی گیٹ کے خاکہ میں پن پر لکھا عدد ڈبیہ میں اس پن کا مقام بتلاتا ہے۔ یوں شکل میں دکھائے گیٹ کے خاکے میں خارجی پن پر 6 اس پن کا ڈبی میں مقام دکھاتا ہے۔ گیٹ کا خاکہ بناتے وقت اس کے قریب مخلوط دور کا نمبر بھی لکھا جاتا ہے۔



ایسے مزید چند مخلوط ادوار جانتے ہیں۔

7400 چار عدد دو مداخل والح نفی د ضرب گیٹ

7402 چار عدد دو مداخل والر نفي جمع گيت

7404 چہ عدد نفی گیٹ

86

7406 چہ عدد نفی کرتا وسطی گیٹ

7408 چار عدد دو مداخل والر ضرب گیٹ

مشق: انٹرنیٹ ⁷³ سے مندرجہ بالا تمام مخلوط ادوار کے معلوماتی صفحات حاصل کریں اور ان میں علیحدہ علیحدہ گیٹوں کے مقام دریافت کریں۔(مثلاً 7400 کے معلوماتی صفحات ⁷⁴ حاصل کرنے کی خاطر انٹرنیٹ میں گوگل ⁷⁵ میں کا میں۔)

ان صفحات میں ڈھیروں مواد موجود ہوگا جسے دیکھ کر گھبرائے نہیں۔

آپ نے اُوپر کئی مخلوط ادوار دیکھے جن کے نمبر 74 سے شروع ہوتے ہیں۔ دراصل 74xx مخلوط ادوار کا ایک سلسلہ ہے جس میں جیسے جیسے نئے ادوار بنائے گئے انہیں شامل کیا گیا۔ان اعداد کا از خود کوئی مطلب نہیں۔اسی طرح کا ایک اور سلسلہ 40xx پکارا جاتا ہے جس میں تمام مخلوط ادوار کے نمبر 40 سے شروع ہوتے ہیں۔

مخلوط ادوار کو برقی دباؤ مہیا کرنا لازم ہے۔ 74xx سلسلہ کے تمام مخلوط ادوار مثبت پانچ وولٹ (5V+) پر کام کرتے ہیں۔شکل 3.25 میں دکھائے گئے 7400 مخلوط دور کو برقی دباؤ پن نمبر سات اور چودہ پر مہیا کیا جاتا ہے جہاں پن چودہ کو مثبت رکھا

⁷³ internet

⁷⁴ datasheet

⁷⁵ Google

جاتا ہے۔جن دو پن پر مخلوط دور کو برقی طاقت مہیا کی جاتی ہے، انہیں طاقت کے پن کہتے ہیں۔

مشق: انٹرنیٹ کی مدد سے 40xx سلسلہ میں دستیاب چار مداخل والے ضرب گیٹوں کے مخلوط دور کا نمبر دریافت کریں۔اس مخلوط دور کو کتنی برقی دباؤ درکار ہے۔

3.5 بوولين تفاعل كا تخمينه

منطقی ضرب، جمع، نفی وغیرہ تفاعل کے جدول آپ نے دیکھے۔منطقی تفاعل کے اس طرح کے جدول کو اس کتاب میں منطقی جدول ⁷⁶ کہا جائے گا۔منطقی تفاعل کا تخمینہ لگاتے وقت منطقی جدول نہایت کارآمد ثابت ہوتے ہیں۔

بوولین تفاعل کا تخمینہ لگاتے وقت اس کے آزاد بوولین متغیرات کے تمام ممکنہ قیمتوں کو ترتیب وار لکھ کر تفاعل کو حل کیا جاتا ہے۔آزاد متغیرات کی تمام ممکنہ قیمتوں کی ترتیب پر پہلے غور کرتے ہیں۔

3.5.1 آزاد بوولین متغیرات کی قیمتوں کے ممکنہ ترتیب

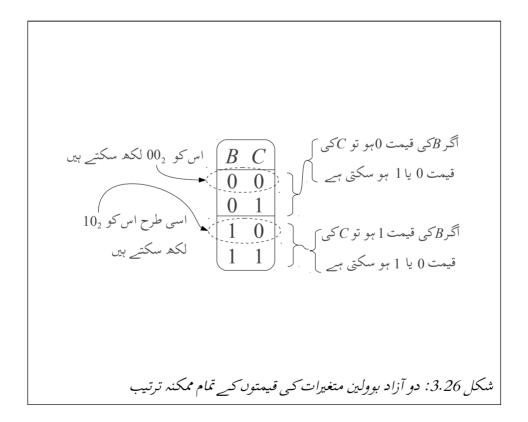
اگر بوولین تفاعل کا ایک ہی آزاد بوولین متغیرہ ہو مثلاً C تو اس کے دو ہی ممکنہ قیمتیں ہوں گی یعنی 0 اور 1 جسے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

	\mathbf{C}
	0
	1
1	

جدول 3.1: ایک آزاد متغیره کی ممکنه قیمتیں

یہ ایک ہندسے پر مبنی ثنائی عدد کی صفر سے ایک تک کی گنتی ہے۔

اسی طرح آگر کسی بوولین تفاعل کے دو آزاد بوولین متغیرات ہوں مثلاً B اور C ۔ اس صورت میں آگر B کی قیمت D ہو تو D کی قیمت D یا D ہو سکتی ہے اور اسی طرح آگر D کی قیمت D ہو تب بھی D کی قیمت D یا D ہو سکتی ہے شکل D کی میں اس کی وضاحت کی گئی ہے۔



اگر ایک صف 77 میں دو اعداد کو دو ہندسوں کا ثنائی عدد سمجھا جائے تو یہ اعداد 00_2 ، 00_2 ، 00_3 ، 00_4 اعداد 00_2 ، 00_5 ، 00_5 اور 00_4 اور 00_5 اور 00_5 نائی گنتی ہے۔ ثنائی گنتی ہے۔

اسی طرح آگر کسی بوولین تفاعل کے تینی آزاد متغیرات ہوں مثلاً B ، A اور C ۔ اس صورت میں آگر A کی قیمت D ہو تو بقایا دو آزاد متغیرات یعنی D اور D وہ تمام صورتیں اختیار کر سکتے ہیں جو شکل D کی قیمت D ہو تب بھی بقیہ دو متغیرات یہ تمام قیمتیں اختیار کر سکتے ہیں۔ اس کو ہم یوں لکھ سکتے ہیں۔

جدول 3.2: تین آزاد متغیرات کے قیمتیں لکھنے کے تمام ممکنہ ترتیب

اس جدول میں اگر ایک صف میں تین اعداد کو تین ہندسوں کا ثنائی عدد سمجھا جائے تو ملتا ہے 100_2 میں 100_2 میں 100_2 میں 100_2 میں 100_2 میں 100_2 میں 100_2 میں میں جائے تو ملتا ہے مصفر سے سات تک کی ثنائی گنتی ہے یعنی یہ تینی ہندسوں پر مبنی ثنائی عدد کی گنتی ہے۔

⁷⁷ row

ان مثالوں سے کسی بھی بوولین تفاعل کے آزاد متغیرات کی تمام ممکنہ قیمتیں لکھنے کا ایک آسان طریقہ حاصل ہوتا ہے۔تفاعل میں جتنے آزاد متغیرات ہوںگے اتنے ہی ہندسوں پر مبنی ثنائی عدد کی سادہ گنتی لکھنے سے ایسا کیا جا سکتا ہے۔

3.5.2 بوولين تفاعل كا تخمينه

 $Z=A+B\overline{C}$ بوولین تفاعل کا تخمینہ لگانے کی خاطر ہم ایک بوولین تفاعل کا تخمینہ لگانے کی خاطر ہم ایک بوولین تفاعل کے آزاد متغیرات ہیں لہذا اس کے آزاد متغیرات کے مثال کے طور لیتے ہیں۔ کے تمام ممکنہ ترتیب کا جدول لکھتے ہیں۔

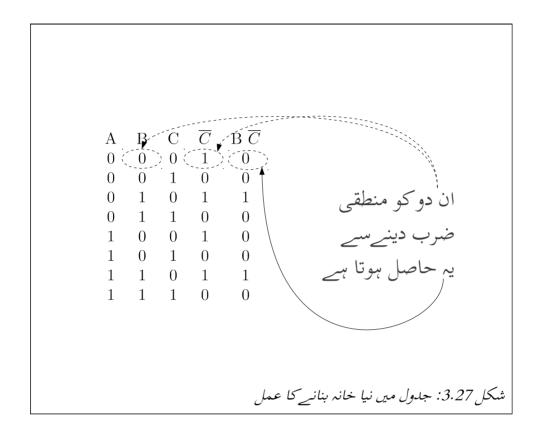
Α	В	\mathbf{C}
0	0	0
0	0	1
0	1	0
0	1	1
1	0	0
1	0	1
1	1	0
1	1	1

تفاعل میں C کی بجائے \overline{C} استعمال ہوا ہے لہٰذا اسی جدول میں \overline{C} کا خانہ بناتے ہیں۔یاد رہے کہ C اور \overline{C} ایک ہی متغیرہ کے دو پہلو ہیں لہٰذا متغیرات تین ہی ہیں۔یاوں حاصل ہوتا ہے

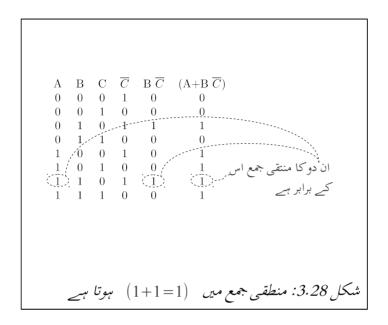
\mathbf{A}	В	\mathbf{C}	\overline{C}
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

تفاعل کی قیمت حاصل کرنے کی خاطر B اور \overline{C} کا منطقی ضرب یعنی

درکار ہے لہذا اس کا خانہ بھی جدول میں شامل کرتے ہیں۔ یہ شکل \overline{C} میں $B\overline{C}$ دکھایا گیا ہے۔ جیسا کہ شکل سے ظاہر ہے، جدول میں کسی بھی جگہ \overline{C} کی قیمت اسی صف میں \overline{C} اور \overline{C} کی قیمتوں کے منطقی ضرب سے حاصل ہوتی ہے۔

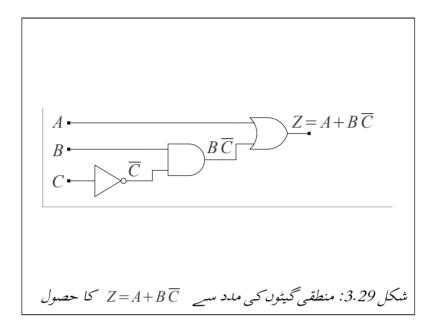


اب وقت آیا مکمل بوولین تفاعل کی قیمت حاصل کرنے کا یعنی $(A+B\overline{C})$ معلوم کرنے کا۔بالکل شکل 3.27 کی طرح ایک بار پھر جدول میں ایک نیا خانہ بناتے ہیں مگر اس مرتبہ اس میں A اور $B\overline{C}$ خانوں کا منطقی جمع لکھیں گے۔یوں شکل 3.28 حاصل ہوتی ہے۔



اس جدول میں دائیں جانب کا خانہ دئے گئے بوولین تفاعل کی قیمت دیتا ہے۔یہ آزاد متغیرات کی تین ممکنہ قیمتوں کے لئے 0 اور بقایا تمام کے لئے 1 کے برابر ہے۔یاد رہے کہ منطقی جمع کرتے وقت (1=1+1) لیا جاتا ہے۔

اس تفاعل کا منطقی گیٹوں کے ذریعہ حصول شکل 3.29 میں دکھایا گیا ہے۔



3.6 قوسين ميں بند بوولين تفاعل

بالکل عام الجبراکی طرح بوولین الجبرا میں بھی قوسین میں بند تفاعل پہلے حل کئے جاتے ہیں۔

مثال 3.1: ایک تفاعل تفاعل $\overline{A}+B(\overline{B}+A)$ کو حل کریں۔

حل: اس تفاعل میں دو آزاد متغیرات ہیں لہذا دو ہندسوں پر مبنی ثنائی گنتی کا جدول لکھتے ہیں یعنی

تفاعل میں دونوں متغیرات کے نفی استعمال ہوئے ہیں لہذا جدول میں ان کے خانے بناتے ہیں۔

A	В	\overline{A}	\overline{B}
0	0	1	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	1	0	0

اب قوسین میں بند حصہ یعنی $(\overline{B}+A)$ کا خانہ بناتے ہیں۔

A	В	\overline{A}	\overline{B}	$(\overline{B} + A)$
0	0	1	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	1	1
1	1	0	0	1

اس کے ساتھ $B(\overline{B}+A)$ کاخانہ بناتے ہیں۔یہ خانہ جدول میں دئے $B(\overline{B}+A)$ اور B کے منطقی ضرب سے حاصل ہوتا ہے۔یوں

Α	В	\overline{A}	\overline{B}	$(\overline{B} + A)$	$B \ (\ \overline{B} + A)$
0	0	1	1	1	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	1	0
1	1	0	0	1	1

اب وقت آتا ہے مکمل بوولین تفاعل کی قیمت حاصل کرنے کا۔اس جدول سے اب وقت آتا ہے مکمل بوولین تفاعل کی خاطر $\overline{B}+A$ اور $\overline{A}+B(\overline{B}+A)$ حاصل کرنے کی خاطر $\overline{B}+B$ میں دکھایا گیا ہے۔

Α	В	\overline{A}	\overline{B}	$(\overline{B} + A)$	$B (\overline{B} + A)$	$\overline{A} + B(\overline{B} + A)$
0	0	1	1	1	0	1
0	1	1	0	0	0	1
1	0	0	1	1	0	0
1	1	0	0	1	1	1

جدول 3.3 نامکمل جدول $\overline{A} + B(\overline{B} + A)$ حصول کا مکمل جدول

3.7 بوولين الجبراكي بنيادى قوانين

بوولین الجبراکے بنیادی قوانین مندرجہ ذیل ہیں۔

1. آگر $X \neq 0$ تب X = 1 ہوگا اور

$$0+0=0 \ 0+1=1 \ 1+0=1 \ 1+1=1 \ 3$$
. منطقی جمع

$$0 \cdot 0 = 0$$

 $0 \cdot 1 = 0$
 $1 \cdot 0 = 0$
 $1 \cdot 1 = 1$

$$\overline{0} = 1$$
 منطقی نفی .5

اگرچہ یہ پانچ قوانین نہایت سادہ معلوم ہوتے ہیں لیکن ان کی مدد سے مکمل بوولین الجبرا اخذ کیا جا سکتا ہے۔بوولین الجبرا کے چند قوانین جدول 3.5 اور جدول 3.5 میں دئے گئے ہیں۔یہ تمام مساوات مندرجہ بالا چار بنیادی قوانین سے اخذ کئے جا سکتے ہیں۔

جدول 3.4 بوولين الجبراكر چند بنيادي مساوات

```
1 + X = 1
 1
    0 + X = X
    X + \overline{X} = 1
 3
    X + X = X
 4
    X+Y = Y+X
    (X+Y)+Z=X+(Y+Z)
    X(X+Y)=X
    X+XY=X
 8
    XY+XZ=X(Y+Z)
 9
    X(\overline{X} + Y) = XY
10
    (X+Y)(Y+Z)(\overline{Y}+Z) = (X+Y)Z
11
    X+YZ = (X+Y)(X+Z)
12
    \overline{\overline{X}} = X
13
```

جدول 3.5 بوولين الجبراكر چند بنيادي مساوات

بوولین مساوات ثابت کرنے کا ایک اہم طریقہ بوولین جدول سے اخذ کرنے کا طریقہ تعولین جدول سے اخذ کرنے کا طریقہ ⁷⁸ کہلاتا ہے۔مندرجہ بالا مساوات میں چند قوانین کا حل اس طریقہ سے حاصل کرتے ہیں۔

مثال 3.2: جدول 3.4 كر شِق 1 كو بوولين جدول كى مدد سے ثابت كريں۔

حل: اس شِق میں بائیں جانب تفاعل میں X واحد متغیرہ ہے۔اس کا بوولین جدول لکھتے ہیں۔

 $\frac{X}{0}$

اس کے ساتھ X کا خانہ بناتے ہیں۔چونکہ $(0\cdot 0=0)$ اور $(0\cdot 1=0)$ ہوتا ہے لہذا

$$\begin{array}{ccc} X & 0 \cdot X \\ \hline 0 & 0 \\ 1 & 0 \end{array}$$

ثابت ہوا کہ

$$0 \cdot X = 0$$

اس طرح کے سوال جن میں متغیرہ کو ایک مقررہ 79 عدد C سے منطقی ضرب دینا ہو کو یوں لکھا جاسکتا ہے۔متغیرہ کے تمام ممکنہ قیمتوں کے جدول کے بائیں جانب اس مقررہ کا خانہ بنائیں۔موجودہ مثال میں مقررہ C ہے لہٰذا

$$\begin{array}{c|c}
C & X \\
\hline
0 & 0 \\
0 & 1
\end{array}$$

⁷⁸ proof by perfect induction

⁷⁹ constant

100 جزو 3.7 بوولين الجبراكر بنيادي قوانين

حاصل ہوتا ہے۔اب $0 \cdot X$ کا خانہ بنانے کے لئے $C \cdot X$ کا خانہ بنائیں یعنی

$$\begin{array}{c|cccc} C & X & C \cdot X \\ \hline 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ \end{array}$$

اس میں $C \cdot X$ کے خانے کی قیمت 0 رہتی ہے لہٰذا ثابت ہوتا ہے کہ $0 \cdot X = 0$

مثال 3.3: جدول 3.4 کے شِق 2 کو بوولین جدول کی مدد سے ثابت کریں۔

حل: اس شِق کے بائیں جانب تفاعل میں X واحد متغیرہ ہے۔اس کا بوولین جدول لکھتے ہیں۔چونکہ اس تفاعل میں $(1\cdot X)$ استعمال ہوا ہے لہٰذا اس کا خانہ بھی بناتے ہیں۔یہ خانہ بناتے ہوئے چونکہ $(1\cdot 0=0)$ اور $(1\cdot 1=1)$ ہوتا ہے لہٰذا

$$\begin{array}{ccc} X & 1 \cdot X \\ \hline 0 & 0 \\ 1 & 1 \end{array}$$

اس جدول کے دونوں خانے بالکل یکساں ہیں یعنی X اور $1 \cdot X$ تمام ممکنہ صورتوں میں برابر ہیں۔ لہذا ثابت ہوا کہ

$$1 \cdot X = X$$

اس کو گزشتہ مثال کی طرح یوں حل کریں گے۔یہاں X کا 1 کے ساتھ منطقی ضرب درکار سے لہذا مقررہ C=1 سے۔یوں

$$\begin{array}{c|cccc} C & X & C \cdot X \\ \hline 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{array}$$

حاصل ہوتا ہے۔ اس جدول میں X اور $C\cdot X$ کے خانے یکساں ہیں لہٰذا ثابت ہوا کہ $1\cdot X = X$

چند اور مثالیں جلد حل کرتے ہیں۔

 $X \cdot \overline{X} = 0$ مثال 3.4: ثابت کریں کہ

$$\begin{array}{cccc}
X & \overline{X} & X \cdot \overline{X} \\
0 & 1 & 0 \\
1 & 0 & 0
\end{array}$$

مثال 3.5: ثابت کرتے ہیں کہ X = X ہے۔ آگر 0 = X ہو تب $X \cdot X$ یعنی $0 \cdot 0 = 0$ ہے۔ اسی طرح آگر $0 \cdot 0 = 0$ ہے۔ یعنی $0 \cdot 0 = X$ ہے۔ اسی طرح آگر $0 \cdot 0 = X$ ہے۔ یعنی $0 \cdot 0 = X$ ہے مصورت میں $0 \cdot 0 = X$ ہے۔ ہو تب $0 \cdot 0 = X$ یعنی $0 \cdot 0 = X$ ہے۔ ہونگہ $0 \cdot 0 = X$ کی دونوں قیمتوں کے لئے یہ مساوات درست ہے لہٰذا یہ مساوات حتمی طور درست ہے۔

$$\begin{array}{ccc} X & \overline{X} & \overline{\overline{X}} \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{array}$$

(0+X=X) :3.7 مثال

$$\begin{array}{c|cccc} C & X & C+X \\ \hline 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{array}$$

دائیں جانب کے دو عمودی خانوں سے ثابت ہوتا ہے کہ X اور (0+X) کی قیمتیں کا جانب کے دو عمودی خانوں سے ثابت ہوا کہ (0+X=X) ہے۔

(1+X=1) :3.8 مثال

$$\begin{array}{c|cccc} C & X & C+X \\ \hline 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ \end{array}$$

دائیں جانب دو خانوں سے ثابت ہوتا ہے کہ (1+X) کی قیمت 1 ہی رہتی ہے لہٰذا ثابت ہوا کہ (1+X=1) ہے۔

 $X + Y = Y + X \qquad \qquad :3.9$ مثال

اس جدول میں جہاں X=0 اور Y=1 ہے اس صف میں

$$X+Y=0+1=1$$

 $Y+X=1+0=1$

ہیں۔یعنی یہ دونوں جواب برابر ہیں۔اسی طرح بقایا مساوات بھی ثابت کئے جا سکتے ہیں۔

					,	,	
X	Y	\mathbf{Z}	(Y+Z)	XY	XZ	X(Y+Z)	XY+XZ
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1	1	1
1	1	0	1	1	0	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1

X + XY = X :3.11 مثال

X(Y+Z) = XY + XZ :3.10 مثال

اس مساوت کو بوولین جدول کے بجائے بوولین الجبراکی مدد سے حل کرتے ہیں۔ جدول 3.4 کے شق 12 کی مدد سے دئے گئے مساوات کے بائیں جانب کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$X + XY = X(1+Y)$$

جدول 3.4 کی شِق 5 کو دو سے زیادہ متغیرات کے لئے بھی لکھا جا سکتا ہے

مثلاً

$$ABC = BAC$$
$$= BCA$$
$$= CBA$$
$$= CAB$$

اس طرح جدول 3.5 کی شِق 5 کو بھی دو سے زیادہ متغیرات کے لئے لکھا جا سکتا ہے مثلاً

$$A + B + C = B + A + C$$

$$= B + C + A$$

$$= C + B + A$$

$$= C + A + B$$

3.8 ڈی مارگن کے کلیات

دو نہایت اہم قوانین جنہیں ڈی مارگن کے کلیات یا ڈی مارگن کے مسائل کہتے ہیں مندرجہ ذیل ہیں

$$\overline{X+Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y}$$

$$\overline{X\cdot Y} = \overline{X} + \overline{Y}$$
(3.23)

ان دو مسائل کو بوولین جدول کی مدد سے ثابت کرتے ہیں۔ ڈی مارگن کے پہلے مسئلہ یعنی $(X+Y=X\cdot Y)$ سے شروع کرتے ہیں۔

Χ	Y	\overline{X}	\overline{Y}	X+Y	$\overline{X+Y}$	$\overline{X} \cdot \overline{Y}$
0	0	1	1	0	1	
0	1	1	0	1	0	0
1	0	0	1	1 1	0	0
1	1	0	0	1	0	0

اور اب ڈی مارگن کے دوسرے مسئلہ یعنی $(\overline{X \cdot Y} = \overline{X} + \overline{Y})$ کو ثابت کرتے ہیں۔

Χ	\mathbf{Y}	\overline{X}	\overline{Y}	$\mathbf{X} \cdot \mathbf{Y}$	\overline{X}	$\overline{X} + \overline{Y}$
0	0	1	1	0	1	1
0	1	1	0	0	1	1
1	0	0	1	0	1	1
1	1	0	0	1	0	1 1 1 0

جدول 3.4 کے پہلے شِق $0 \cdot X = 0$ کو لیتے ہیں۔ دونوں جانب تکملہ لیتے ہوئے

 $\overline{0 \cdot X} = \overline{0}$

حاصل ہوتا ہے۔بائیں جانب پر ڈی مارگن کا دوسرا مسئلہ لاگو کرتے ہوئے

 $\overline{0} + \overline{X} = \overline{0}$

حاصل ہوتا ہے۔مزید چونکہ 0 کا تکملہ 1 ہوتا ہے یعنی $\overline{0}=\overline{0}$ لہٰذا اسے یوں لکھ سکتے ہیں۔

 $1 + \overline{X} = 1$

اس مساوات میں آگر X کو ایک بوولین متغیرہ Z سمجھا جائے تو اسے یوں لکھ سکتر ہیں

1 + Z = 1

اس مساوات کو جدول 3.5 کے شِق 1 کے ساتھ ملاکر دیکھیں۔متغیرہ کے نام مختلف ہونے کے علاوہ یہ دونوں یکساں ہیں۔ڈی مارگن مسائل کی مدد سے ہم نے دیکھا کہ

 $0 \cdot X = 0$

اور

106

1 + X = 1

در حقیقت ایک ہی تفاعل کے دو پہلو ہیں یعنی⁸⁰

$$(0 \cdot X = 0) \Leftrightarrow (1 + X = 1)$$

اس مسئلہ کو ڈی مارگن کے پہلے مسئلہ کی مدد سے بھی دیکھا جا سکتا تھا۔ایسا کرنے کی خاطر ہم لیں گے بوولین تفاعل (1+X=1) ۔اس کے دونوں جانب کا تکملہ لیتے ہیں۔یوں حاصل ہوتا ہے

$$\overline{1+X}=\overline{1}$$

بائیں جانب پر ڈی مارگن کا پہلا مساوات استعمال کرتے ہوئے

$$\overline{1} \cdot \overline{X} = \overline{1}$$

حاصل ہوتا ہے۔یہاں $\overline{1}$ کی جگہ 0 لکھنے سے $0.\overline{X} = 0$

حاصل ہوتا ہے۔یہ مساوات کسی بھی متغیرہ \overline{X} کے لئے درست ہے۔اس متغیرہ کو آگر ہم Z کہیں تو اسے یوں لکھ سکتے ہیں

$$0 \cdot Z = 0$$

ہم دیکھتے ہیں کہ یہ بالکل X=0 کی طرح ہے۔ فرق صرف متغیرہ کے نام کا ہے۔ لہذا ثابت ہواکہ (1+X=1) اور $(0\cdot X=0)$ ایک ہی تفاعل کی دو شکلیں ہیں۔

مثال 3.12: ثابت کریں کہ $(1\cdot X\!=\!X)$ اور $(0\!+\!X\!=\!X)$ ایک ہی تفاعل کی دو شکلیں ہیں۔ 81

حل: $(1 \cdot X = X)$ کے دونوں جانب کا تکملہ لیتے ہیں۔یوں

81 یہ دو تفاعل جدول 3.4 اور جدول 3.5 کی شبق 2 میں دئے گئے ہیں۔

$$\overline{1 \cdot X} = \overline{X}$$

حاصل ہوتا ہے۔اس پر ڈی مارگن کا دوسرا قانون لاگو کرتے ہیں۔

$$\overline{1} + \overline{X} = \overline{X}$$

چونکہ آ کی قیمت 0 سے لہٰذا

108

$$0 + \overline{X} = \overline{X}$$

ملتا ہے۔یہاں X ایک متغیرہ ہے جس کو ہم Z کا نیا نام دیتے ہیں۔یوں حاصل ہوتا ہے۔

$$0+Z=Z$$

ہم دیکھتے ہیں کہ متغیرہ کا نام مختلف ہونے کے علاوہ یہ ثابت کرتا ہے کہ بوولین متغیرہ کا صفر کے ساتھ منطقی جمع اس متغیرہ کے ہی برابر ہوتا ہے۔یوں ثابت ہوتا ہے کہ $(1 \cdot X = X)$ ایک ہی تفاعل کی دو شکلیں ہیں۔

آپ اسی مثال کو پچهلی مثال کی طرح اُلٹ سمت میں ثابت کریں۔

مثال 3.13: بوولین تفاعل $Z=X\cdot (Y\cdot Z)$ پر ڈی مارگن کے قانون لاگو کر کے اس کی دوسری شکل حاصل کریں۔

حل: دئے گئے تفاعل کے دونوں جانب کا تکملہ لیتے ہوئے $\overline{(X\cdot Y)\cdot Z} = \overline{X\cdot (Y\cdot Z)}$

حاصل ہوتا ہے۔دونوں جانب ڈی مارگن کے دوسرے قانون سے $\overline{(X\!\cdot\!Y)}\!+\!\overline{Z}\!=\!\overline{X}\!+\!\overline{(Y\!\cdot\!Z)}$

حاصل ہوتا ہے۔ ڈی مارگن کا قانون استعمال کرتے وقت قوسین مین بند حصہ کو ایک متغیرہ تصور کیا گیا ہے۔ اس میں قوسین میں دئے تفاعل پر دوبارہ ڈی مارگن کا دوسرا قانون

 $\overline{(Y\cdot Z)}=(\overline{Y}+\overline{Z})$ اور $\overline{(X\cdot Y)}=(\overline{X}+\overline{Y})$ لکھتے ہوئے حاصل ہوتا ہے

$$(\overline{X} + \overline{Y}) + \overline{Z} = \overline{X} + (\overline{Y} + \overline{Z})$$

یہاں تینوں متغیرات کے تکملہ لکھے گئے ہیں۔ہم انہیں تین نئے ناموں سے پکار سکتے ہیں مثلاً X کو X کہتے ہوئے حاصل مثلاً X کو X کہتے ہوئے حاصل ہوتا ہے

$$(A+B)+C=A+(B+C)$$

یہ مساوات جدول 3.5 کی شقِ 6 میں دی گئی ہے۔

3.9 جڑواں بوولین تفاعل

گزشتہ حصہ میں دیکھاگیا کہ کسی بھی بوولین تفاعل کو دو مختلف شکلوں میں لکھ سکتے ہیں۔ یوں کسی بوولین تفاعل کو ثابت کرتے ہی اس کا جڑواں تفاعل فورا لکھا جاسکتا ہے۔ جدول 3.4 اور جدول 3.5 میں اس طرح کے جڑواں بوولین تفاعل دئے گئے ہیں۔ دونوں جدولوں میں آخری شِق کے علاوہ تمام شقوں پر ایک ہی تفاعل کے دو پہلو دئے گئے ہیں۔

3.10 ارکان ضرب کے مجموعہ کی ترکیب

منطقی مسئلہ کو بوولین تفاعل کی صورت میں لکھنا مندرجہ ذیل مثال سے با آسانی سمجھا جاسکتا ہے۔

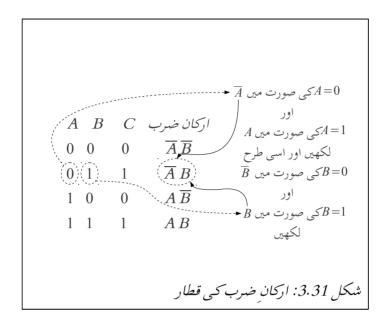
ان معلومات کو بوولین جدول کی شکل میں شکل 3.30 میں دکھایا گیا ہے۔

A 0 0 1 1	$egin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	شكل 3.30: تفاعل كا بوولين جدول

اس جدول میں دائیں جانب ارکانِ ضرب کی قطار بنائیں جیسے شکل 3.31 میں دکھایا گیا ہے۔ ارکانِ ضرب، تفاعل کے تمام آزاد متغیرات یا ان کے تکملہ کو ضرب دینے سے حاصل ہوتے ہیں۔ ارکانِ ضرب کی قطار میں کسی خانے میں رکن یوں لکھا جاتا ہے کہ اسی خانے کے صف میں اگر ایک آزاد متغیرہ کی قیمت 0 ہو تب اس متغیرہ کا تکملہ لکھا جاتا ہے۔ اس طرح حاصل متغیرات یا ان کے تکملہ کو ضرب دے کر لکھا جاتا ہے۔

شکل میں ارکانِ ضرب کی قطار میں دوسری صف پر یہ عمل ہوتے دکھایا گیا ہے۔ اس صف میں A=0 ہونے کے ناتے A=0 لیا گیا ہے۔ ہے۔ ان دونوں کو ضرب دینے سے A=0 حاصل ہوتا ہے جسے ارکانِ ضرب کے رکن کے طور لکھا گیا ہے۔

باب 3 بوولين الجبرا 111



اس تفاعل کو مساوات کی شکل میں لکھنے کی خاطر ان تمام ارکانِ ضرب کا مجموعہ لیں جن کی صف میں تفاعل کے تابع متغیرہ کی قیمت 1 ہو۔یہ مجموعہ تابع متغیرہ کے برابر ہوگا۔یہ قدم شکل 3.32 میں دکھایا گیا ہے۔

$$A \ B \ C$$
 جہاں تابع متغیرہ ارکان ضرب $A \ B \ C$ کی قیمت $B \ C$ ہے آگا $A \ B$ ان صفوں کے ارکان $A \ B$ ہموعہ لیں $A \ B$ ہموعہ لیں $A \ B$ $B \ C = A \ B + A \ B$ سے حاصل شکل 3.32: تفاعل کو ارکان ِ ضرب کے مجموعہ سے حاصل کرنا

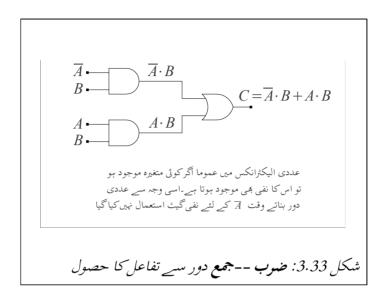
یوں دئر گئر تفاعل کو مجموعہ کی شکل میں اس طرح لکھیں گر

$$C = \overline{A}B + AB \tag{3.24}$$

اس طرح تفاعل لکھنے کو ارکانِ ضرب کے مجموعہ کی ترکیب 82 کہتے ہیں 83 ۔

⁸² sum of products expression

باب 3 بوولين الجبرا 113



منطقی گیٹوں کی مدد سے اس تفاعل کا حصول شکل 3.33 میں دکھایا گیا ہے۔ ارکان ضرب کے مجموعہ سے حاصل مساوات کو ہر صورت ضرب گیٹوں کی ایک قطار اور اس کے بعد ایک جمع گیٹ کی مدد سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔اس طرح بنائے گئے دور کو ضرب ۔۔ جمع 84 دور کہتے ہیں۔

آپ اس تفاعل کا بوولین جدول لکھ کر اس کی درستگی دیکھ سکتے ہیں۔مثلاً اس تفاعل کا بوولین جدول مندرجہ ذیل ہے۔

A	В	\overline{A}	$\overline{A}B$	АВ	$(\overline{A}B + AB)$
0	0	1	0	0	0
0	1	1	1	0	1
1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	1

دائیں جانب آخری قطار C کے برابر سے۔

114

مساوات 3.24 لکھنے کا ایک اور انداز جو نہایت مقبول ہے کو سمجھنے کی خاطر شکل 3.31 میں ایک نئی قطار بناتے ہیں۔ایسا شکل 3.34 میں دکھایا گیا ہے۔نئی قطار میں m دراصل ارکان ضرب m ہیں۔لہذا تفاعل m کی مساوات لکھتے \overline{A} لکھنے کی بجائے m_1 اور \overline{A} کی جگہ \overline{A} لکھا جاتا ہے۔یوں

$$C = \overline{A}B + AB$$

$$= m_1 + m_3$$

$$= \sum_{1} (m_1, m_3)$$

$$= \sum_{1} (1,3)$$
(3.26)

,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	A	В	С		m
	0	0	0	\overline{AB}	m_0
$(01_2)=1_{10}$	$\langle 0 \rangle$	1)	1	$\overline{A}B$	m_1
The same of the sa	1	0	0	$A.\overline{B}$	\dot{m}_2
	1	1	1	ΑВ	m_3

شكل 3.34: مجموعه اركان ضرب لكهنك كا ايك اور انداز

ارکان ضرب کو روایتی طور چهوٹی لکھائی میں m_x سے ظاہر کیا جاتا ہے جہاں باریک لکھائی میں x ، زیر نوشت کے طور استعمال ہوتا ہے۔شکل 3.34 میں زیر نوشت x لکھنے کا طریقہ دکھایا گیا ہے یعنی جدول میں کسی بھی صف میں زیر نوشت x کی قیمت جدول میں اِسی صف میں آزاد متغیرات کی قیمتوں کو ایک ثنائی عدد سمجھ کر اس کے برابر کا اعشاری عدد لیا جاتا ہے۔

مثال 3.14: مندرجہ ذیل بوولین جدول سے بوولین تفاعل کی مساوات حاصل کریں۔

A	В	\mathbf{C}	\mathbf{Z}
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

حل:اس جدول میں Z تابع متغیرہ ہے۔اس جدول کے دائیں جانب ارکان ضرب کی قطار بناتر ہیں یعنی

116 جزو 3.10 ارکان ضرب کے مجموعہ کی ترکیب

A	B	C	Z	ارکان ضرب	
0	0	0	1	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$	m_0
0	0	1	0	$\overline{A}\overline{B}C$	m_1
0	1	0	1	$\overline{A}B\overline{C}$	m_2
0	1	1	1	$\overline{A}BC$	m_3
1	0	0	0	$A\overline{B}\overline{C}$	m_4
1	0	1	0	$A \overline{B} C$	m_5
1	1	0	1	$AB\overline{C}$	m_6
1	1	1	1	ABC	m_7

اُن ارکانِ ضرب کا مجموعہ لیتے ہیں جن کی صف میں تابع متغیرہ کی قیمت \overline{A} ہے۔یعنی \overline{A} \overline{B} \overline{C} + \overline{A} B \overline{C} + \overline{A} \overline{A} B \overline{C} + \overline{A} B \overline{C}

$$Z = \overline{A} \overline{B} \overline{C} + \overline{A} B \overline{C} + \overline{A} B C + A B \overline{C} + A B C$$

یہ دئے گئے تفاعل کی مساوات ہے۔اس کو مزید سادہ صورت میں لکھا جا سکتا ہے۔ایسا کرنے کی خاطر اسے مزید حل کرتے ہیں۔

$$Z = \overline{A} \, \overline{B} \, \overline{C} + \overline{A} \, B \, \overline{C} + \overline{A} \, B \, C + A \, B \, \overline{C} + A \, B \, C$$

$$= \overline{A} (\overline{B} + B) \overline{C} + \overline{A} \, B \, C + A \, B (\overline{C} + C)$$

$$= \overline{A} (1) \overline{C} + \overline{A} \, B \, C + A \, B (1)$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B \, C) + A \, B$$

$$= \overline{A} (\overline{C} + B) + A \, B$$

$$= \overline{A} \, \overline{C} + \overline{A} \, B + A \, B$$

$$= \overline{A} \, \overline{C} + (\overline{A} + A) \, B$$

$$= \overline{A} \, \overline{C} + B$$

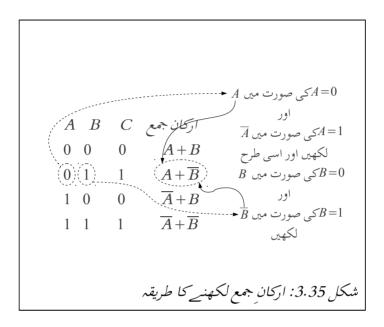
اس میں ہم نے $(\overline{C}+BC)=(\overline{C}+B)$ لکھا ہے۔ یہ جدول 3.4 کی شق 10 کی مدد سے حاصل ہوتا ہے۔ یہ دئے گئی بوولین جدول کی سادہ ترین مساوات کی شکل ہے۔ اس بوولین تفاعل کا بوولین جدول لکھ کر آپ دیکھ سکتے ہیں کہ یہ دیا گیا تفاعل ہی ہے۔

اس تفاعل کو یوں بھی لکھ سکتے ہیں۔

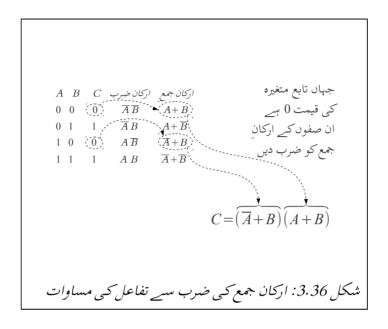
$$Z = \sum (m_0, m_2, m_3, m_6, m_7)$$

3.11 اركان جمع كى ضوب كى توكيب

پچھلے حصہ میں بوولین جدول کی مدد سے تفاعل کی مساواتی شکل حاصل کی گئی تھی جس میں ان صفوں کے ارکانِ ضرب جمع کئے گئے تھے جن میں تابع متغیرہ کی قیمت 1 تھی۔اب ہم ارکان جمع لکھتے ہیں۔

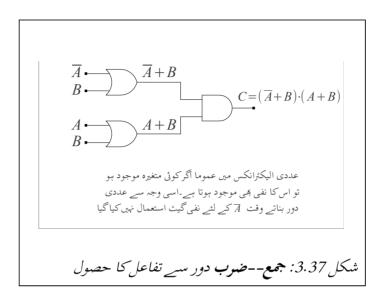


اس حصہ کو سمجھنے کی خاطر ہم شکل 3.31 میں دئے تفاعل کی ہی مثال لیتے ہیں اور اس میں دئے جدول میں ارکان ضرب کی بجائے ارکانِ جمع 86 کی قطار کا اضافہ کرتے ہیں جیسا شکل 3.35 میں دکھایا گیا ہے۔ارکانِ جمع، تفاعل کے تمام آزاد متغیرات یا ان کے تکملہ کو جمع کرنے سے حاصل ہوتے ہیں۔ارکانِ جمع کی قطار میں کسی خانے میں رکن یوں لکھا جاتا ہے کہ اسی خانے کے صف میں آگر ایک آزاد متغیرہ کی قیمت 1 ہو تب اس متغیرہ کا تکملہ لکھا جاتا ہے اور آگر اس کی قیمت 0 ہو تب متغیرہ از خود لکھا جاتا ہے۔اس طرح حاصل متغیرات یا ان کے تکملہ کے مجموعہ کو رکنِ جمع کہتے ہیں۔



شکل 3.36 میں ارکانِ ضرب اور ارکانِ جمع دونوں دکھائے گئے ہیں۔اس تفاعل کو مساوات کی شکل میں لکھنے کی خاطر ان تمام ارکانِ جمع کو ضرب دیں جن کی صف میں تفاعل کے تابع متغیرہ کے برابر ہوگا۔یہ قدم شکل کے تابع متغیرہ کے برابر ہوگا۔یہ قدم شکل 3.36 میں دکھایا گیا ہے۔یوں

$$C = (\overline{A} + B)(A + B) \tag{3.27}$$



منطقی گیٹوں کے ذریعے اس مساوات کے حصول کا طریقہ شکل 3.37 میں دکھایا گیا ہے۔

اس طرح تفاعل لکھنے کو ارکانِ جمع کی ضرب کی ترکیب 87 کہتے 88 ہیں۔ارکان جمع کی ضرب سے حاصل مساوات کو ہر صورت جمع گیٹوں کی ایک قطار اور اس کے بعد ایک ضرب گیٹ کی مدد سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔یوں بنائے گئے دور کو جمع – ضرب 89 دور کہتے ہیں۔

مساوات 3.27 کو ایک اور نہایت مقبول طریقہ سے لکھا جا سکتا ہے۔اس طریقہ کو سمجھنے کی خاطر شکل 3.38 میں ایک نئی قطار بناتے ہیں۔ایسا شکل 3.38 میں

⁸⁷ product of sums expression

⁸⁸ اس کو ضرب ِ ارکان ِ جمع بھی کہہ سکتے ہیں

دکھایا گیا ہے۔ اسی شکل میں **ارکانِ جمع** 90 لکھنے کا نیا انداز بھی دکھایا گیا ہے۔ اس ترتیب میں M_2 کو M_0 کو M_0 سے ظاہر کرتے ہیں جبکہ M_0 کو M_0 کو مساوات 3.27 کو اس طرح لکھ سکتے ہیں۔

$$C = (A+B) \cdot (\overline{A}+B) = M_0 \cdot M_2 = \prod (M_0, M_2) = \prod (0,2)$$
 (3.28)

$\begin{array}{ccc} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{array}$	0	0	(A + B)	M_0
0 .	1			U
	1	1	$(A + \overline{B})$	M_1
1 (0	0	$(\overline{A} + B)$	M_2
1	$1 \mid$	1	$(\overline{A} + \overline{B})$	M_3

شكل 3.38: ضرب اركان جمع لكهنر كا ايك اور انداز

ارکانِ جمع کو بڑے حروف میں M_x سے ظاہر کیا جاتا ہے جہاں باریک لکھائی میں ، زیر نوشت کے طور استعمال ہوتا ہے۔اس زیر نوشت کی قیمت بھی شکل 3.34

⁹⁰ maxterms

میں دئے گئے طریقہ سے حاصل کی جاتی ہے۔

مثال 3.15: ڈی مارگن کے کلیات استعمال کرتے ہوئے مجموعہ ارکانِ ضرب سے ضرب ارکان جمع کی ترکیب حاصل کریں۔

حل: ہم ایک بار پھر شکل 3.31 میں دیا تفاعل لیتے ہیں اور اس میں \overline{C} اور ارکانِ ضرب کی قطار شامل کرتے ہیں یعنی

اس جدول میں C کے بجائے \overline{C} کو تابع متغیرہ سمجھ کر اس کے لئے ارکان ضرب کا مجموعہ لیتے ہوئے ہم لکھ سکتے ہیں۔

$$\overline{C} = \overline{A} \overline{B} + A \overline{B}$$

اس مساوات کا آگر تکملہ لیا جائے تو چونکہ $\overline{\overline{C}} = C$ ہوتا ہے لہذا

$$\overline{\overline{C}} = C = \overline{\overline{A} \, \overline{B} + A \, \overline{B}}$$

ڈی مارگن کلیات بار بار استعمال کرتے ہوئے

$$C = \overline{\overline{A}} \, \overline{B} + A \, \overline{B}$$

$$= (\overline{\overline{A}} \, \overline{B}) (\overline{A} \, \overline{B})$$

$$= (\overline{A} + \overline{B}) (\overline{A} + \overline{B})$$

$$= (A + B) (\overline{A} + B)$$
(3.29)

یہ وہی جواب ہے جو مساوات 3.27 میں دیاگیا ہے۔پس ثابت ہواکہ مجموعہ ارکانِ ضرب سے ضربِ ارکان جمع حاصل کی جا سکتی ہے۔

مثال 3.16:مندرجہ ذہل بوولین جدول سے ارکان جمع کی ضرب کی صورت میں تفاعل حاصل کریں۔ حاصل کریں۔ حاصل کریں۔ اسی بوولین جدول کے ارکانِ ضرب کا مجموعہ لیتے ہوئے تفاعل حاصل کریں۔

A	В	\mathbf{C}	Z	
0	0	0	0	
0	0	1	1	
0	1	0	1	
0	1	1	0	
1	0	0	0	
1	0	1	1	
1	1	0	1	
1	1	1	1	

حل:اس جدول میں ارکان جمع کی قطار شامل کرتے ہیں۔

\boldsymbol{A}	B	C	Z	اركان جمع	ركان ٍ ضرب
0	0	0	0	A+B+C	$\overline{A}\overline{B}\overline{C}$
0	0	1	1	$A+B+\overline{C}$	$\overline{A}\overline{B}C$
0	1	0	1	$A + \overline{B} + C$	$\overline{A}B\overline{C}$
0	1	1	0	$A + \overline{B} + \overline{C}$	$\overline{A}BC$
1	0	0	0	$\overline{A} + B + C$	$A \overline{B} \overline{C}$
1	0	1	1	$\overline{A} + B + \overline{C}$	$A \overline{B} C$
1	1	0	1	$\overline{A} + \overline{B} + C$	$AB\overline{C}$
1	1	1	1	$\overline{A} + \overline{B} + \overline{C}$	ABC

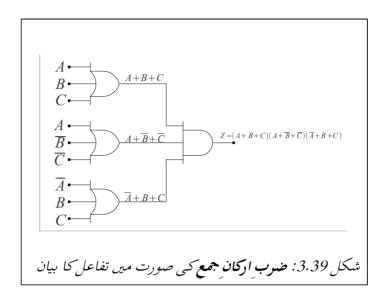
جن صفوں میں تابع متغیرہ Z کی قیمت 0 ہے ان صفوں کے ارکان جمع کو ضرب دیتے ہوئے

$$Z = (A + B + C)(A + \overline{B} + \overline{C})(\overline{A} + B + C)$$

جواب حاصل ہوتا ہے۔اسی مساوات کو یوں بھی لکھ سکتے ہیں۔

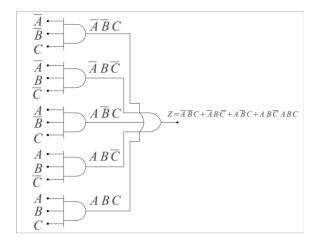
$$Z = M_0 \cdot M_3 \cdot M_4 = \prod (M_0, M_3, M_4)$$

اس تفاعل کو عددی گیٹوں کی مدد سے شکل 3.39 میں حاصل کیا گیا ہے۔



دئے گئے جدول کے ارکانِ ضرب کا مجموعہ لیتے ہوئے ہم لکھ سکتے ہیں $Z = \overline{A} \, \overline{B} \, C + \overline{A} \, B \, \overline{C} + A \, \overline{B} \, \overline{C} + A \, B \, \overline{C} + A \, B \, \overline{C}$

اس مساوات کو شکل 3.40 میں عددی گیٹوں کی مدد سے حاصل کیا گیا ہے۔



شكل 3.40: مجموعه اركان ضرب سر حاصل تفاعل

اس مثال میں ایک ہی تفاعل کو دو طریقوں سے گیٹوں کے ذریعہ حاصل کیا گیا۔ ضرب ارکان جمع سے حاصل جواب میں تین جمع گیٹ اور ایک ضرب گیٹ استعمال ہوتا ہے جسے شکل 3.39 میں دکھایا گیا ہے جبکہ مجموعہ ارکانِ ضرب سے حاصل جواب میں پانچ ضرب گیٹ اور ایک جمع گیٹ استعمال ہوتے ہیں جسے شکل 3.40 میں دکھایا گیا ہے۔یوں اس تفاعل کو ضرب ارکانِ جمع سے حاصل کرنے میں کم منطقی گیٹ استعمال ہوتے ہیں۔یاد رہے کہ ضرب ارکانِ جمع اور مجموعہ ارکانِ ضرب منطقی طور پر برابر ہیں۔

3.12 مجموعہ ارکان ضرب اور ضرب ارکان جمع کے مابین تبادلہ

مثال 3.16 میں دئے گئے تفاعل کو مجموعہ ارکانِ ضرب اور ضربِ ارکانِ جمع کی صورت میں ایک ساتھ لکھتے ہیں۔

$$Z = m_1 + m_2 + m_5 + m_6 + m_7 = \sum (1,2,5,6,7)$$

$$Z = M_0 \cdot M_3 \cdot M_4 = \prod (0,3,4)$$

مجموعہ ارکانِ ضرب میں پہلا، دوسرا، پانچواں، چھٹا اور ساتواں ارکانِ ضرب استعمال ہوا ہے۔ضرب ارکانِ جمع لکھتے ہوئے پہلے، دوسرے، پانچویں، چھٹے اور ساتویں ارکانِ جمع کو استعمال نہیں کیا جاتا۔ یوں بقایا ارکانِ جمع یعنی صفرواں، تیسرا اور چوتھا ارکانِ جمع لیتے ہوئے ضرب ارکانِ جمع کی صورت میں اس تفاعل کو لکھا گیا ہے۔ یہ ایک عمومی طریقہ ہے جسے استعمال کرتے تفاعل کی مساوات کو ایک شکل سے دوسری شکل میں تبدیل کیا جاتا ہے۔

3.13 مجموعہ ارکان ِ ضرب سے نفی۔ضرب -- نفی۔ضرب دورکا حصول

کسی بھی بوولین تفاعل کو مجموعہ ارکانِ ضرب کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے۔ یوں لکھے گئے تفاعل کو ضرب-جمع گیٹوں سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔ شکل 3.41 میں سب سے اُوپر ایک ایسا ہی تفاعل $(A \cdot B + C \cdot D)$ دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں جمع گیٹ کی جگہ شکل 3.18 میں دیا گیا نفی۔ ضرب گیٹوں پر مبنی اس کا مساوی دور نصب کرتے ہوئے شکل کا درمیانہ دور ملتا ہے۔ شکل 3.16 میں نفی۔ ضرب گیٹ بطور نفی گیٹ استعمال ہوتے دکھایا گیا ہے۔ یوں ضرب گیٹ اور نفی گیٹ کی جگہ نفی۔ ضرب گیٹ استعمال کرتے ہوئے شکل کا نچلا دور ملتا ہے جو صرف نفی۔ضرب گیٹوں پر مبنی ہے۔

اس طرح کے دور کو ن**فی۔ضرب -- نفی۔ضرب** ⁹¹دور کہتے ہیں۔

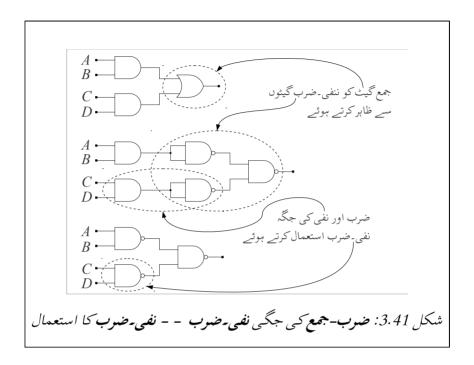
مجموعہ ارکانِ ضرب کو ضرب-جمع دور کی بجائے یوں نفی۔ضرب-نفی۔ضرب دور سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔کسی بھی تفاعل کو مجموعہ ارکانِ ضرب کی صورت میں لکھ کر اس کا ضرب-جمع دور بنایا جاتا ہے۔آگر اس دور میں تمام گیٹوں کی جگہ نفی۔ضرب گیٹ نصب کر دئے جائیں تو حاصل نفی۔ضرب-نفی۔ضرب دور بھی اسی تفاعل کو ظاہر کرتا ہے۔

موجودہ فنی مہارت سے سائنسدان اور انجنیئر سلیکان کی پتری پر لا محدود گیٹ فی مربع سنٹی میٹر بناتے ہیں۔

عددی ادوار بناتے ہوئے سلیکان کی پتری پر ایک ہی قسم کے گیٹ نسبتاً زیادہ آسانی اور بہتر طریقہ سے بنائے جا سکتے ہیں۔یوں کسی بھی تفاعل کو ضرب-جمع کی بجائے نفی۔ضرب-نفی۔ضرب ادوار سے حاصل کرنا زیادہ سود مند ثابت ہوتا ہے۔اسی وجہ سے وسیع پیمانہ کی اجتماعی الیکڑانکس ⁹² میں نفی۔ضرب گیٹ نہایت مقبول ہیں۔

⁹¹ NAND-NAND

⁹² very large scale integration (VLSI)



مثال 3.17: مندرجم ذيل تفاعل كا نفي مرب-نفي مندرب دور حاصل كرين ـ

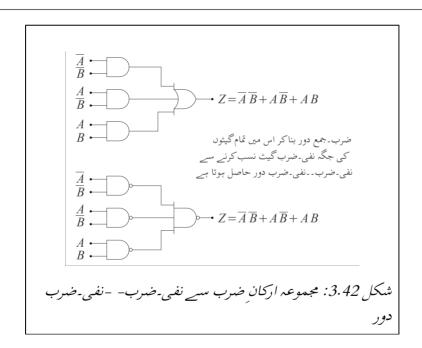
Α	В	\mathbf{Z}
0	0	1
0	1	0
1	0	1
1	1	1

جواب: اس تفاعل کا مجموعہ ارکان ِ ضرب لکھنے کی غرض سے جدول میں ارکان ضرب کا کالم بناتے ہیں۔

جزو 3.13 نفی۔ضرب دور کا حصول -- مجموعہ ارکانِ ضرب سے نفی۔ضرب 130

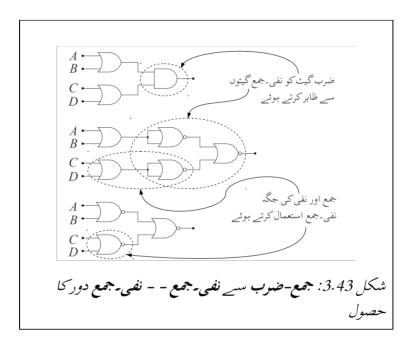
A	В	Z	
0	0	1	\overline{AB}
0	1	0	$\overline{A}B$
1	0	1	$A \overline{B}$
1	1	1	АВ

یوں $Z = \overline{A} \, \overline{B} + A \, \overline{B} + A \, B$ حاصل ہوتا ہے۔ اس کا ضرب-جمع دور بنا کر تمام گیٹوں کی جگہ نفی۔ضرب گیٹ نصب کرنے سے نفی۔ضرب-نفی۔ضرب دور حاصل ہوتا ہے۔



3.14 ضرب اركان جمع سے نفی-جمع - - نفی جمع دور كا حصول

گزشتہ حصے کی طرح اگر کسی تفاعل کا ضربِ ارکانِ جمع کی مدد سے جمع۔ ضرب دور بنا کر اس دور میں تمام گیٹوں کی جگہ نفی۔جمع گیٹ نصب کئے جائیں تو حاصل دور بھی اسی تفاعل کو ظاہر کرتا ہے۔



شکل 3.43 میں یہ اقدام قدم با قدم دکھائے گئے ہیں جہاں سب سے پہلے قدم میں ضرب گیٹ کی جگہ شکل 3.17 میں دیا گیا اس کا مساوی نفی۔ جمع گیٹوں پر مبنی دور نصب کیا گیا ہے۔ اس کے بعد شکل 3.16 کی مدد سے نفی۔ جمع گیٹ کو نفی گیٹ پہچان کر نفی۔ جمع کی جگہ نفی۔ جمع گیٹ استعمال کر کے نار-نار⁹³ دور حاصل کیا گیا ہے۔

3.15 علامتي روپ ياكوڈ

عموماً زبانوں میں الفاظ یا معلومات کی لکھائی اس زبان کے حروف تہجی میں کی جاتی ہے۔حروف تہجی کو سلسلہ وار اس طرح جوڑا جاتا ہے کہ ان کی آوازیں مل کر لکھنے والے لفظ کی آواز پیدا کریں مگر چینی زبان قدرے مختلف ہے۔چینی زبان ایک علامتی زبان ہے جس میں ہر لفظ کی اپنی علامت ہے۔حروف تہجی پر مبنی لکھائی کوئی بھی پڑھ سکتا ہے جبکہ علامتی زبان میں کسی بھی علامت کا استعمال اس وقت ممکن ہوتا ہے جب تمام لوگ اس علامت پر متفق ہوں۔کمپیوٹر اس لحاظ سے چینی زبان کے ساتھ مشابہت رکھتا ہے۔اس میں بھی معلومات کو علامتی روپ 94 دیا جاتا ہے۔

کاغذ اور قلم سے انسان کسی بھی شکل کی لکیر بناکر اسے ایک علامت تصور کر سکتا ہے۔ کمپیوٹر کی دنیا میں ایساکرنا ممکن نہیں۔ کمپیوٹر صرف 0 اور 1 کو جانتا ہے لہٰذا اس میں علامتیں بھی 0 اور 1 کو مختلف ترتیب سے جوڑ کر بنائی جاتی ہیں۔ یوں اگر تین بٹ پر مبنی علامتیں بنائیں جائیں تو مندرجہ ذیل علامتیں ممکن ہیں۔

0002
0012
010_{2}
0112
100_{2}
101 ₂
110_{2}
111 ₂

جدول 3.6 تین بِٹ پر مبنی تمام ممکنہ علامتیں

یوں تین بِٹ استعمال کرتے آٹھ علامتیں بنائی جا سکتی ہیں جنہیں آٹھ مختلف اشیاء

⁹⁴ code

یا معلومات کی پہچان کے لئے استعمال کیا جا سکتا ہے۔اس نظام میں اس سے زیادہ معلومات کا بیان ممکن نہیں۔

3.15.1 ايسكى علامتي روپ اور عالمي علامتي روپ

شروع میں کمپیوٹر میں استعمال کی خاطر انگریزی زبان کے حروف تہجی اور اعشاری گنتی کی علامتیں متعین کی گئیں۔ایک بائٹ پر مبنی علامتی روپ 95 جو نہایت مقبول ہوا ایسکی علامتی روپ 96 کہلاتا ہے۔اس علامتی روپ میں انگریزی حروف تہجی وغیرہ یوں متعین کئے گئے ہیں۔

ascii code	alphabet
01000001_2	A
01000010_2	В
01000011_2	\mathbf{C}
01000100_2	D
00110000_2	010
00110001_2	1_{10}
00110010_2	2_{10}
00110011_2	3_{10}
00110100_2	4_{10}
00110101_2	5_{10}
00110110_2	6_{10}
00110111_2	7_{10}
00111000_2	8_{10}
00111001_2	9_{10}

اس علامتی نظام میں A کو $O1000001_2$ یعنبی $O1000001_3$ کی علامت دی گئی

⁹⁵ encoding

⁹⁶ ascii code

ہے۔یوں اس نظام کو استعمال کرتے ہوئے کمپیوٹر مبی A کو 01000001_2 کے طور پہچانا اور رکھا جائے گا۔اسی طرح B کو 0100001_0 لکھا جائے گا، وغیرہ وغیرہ صفر یعنی 0_{10} کو 00110000_2 اور ایک یعنی 0_{10} کو 00110000_2 کے نظام میں جدول کو دیکھ کر ہی علامت سے مطلب اخذ کیا جا سکتا ہے۔

ایک بائٹ میس $_2$ 00000000 سے $_2$ 11111111 تک $_3$ 256 مختلف علامتیں ہیں۔ لہٰذا اس کو استعمال کرتے $_3$ 256 مختلف معلومات کو علامتی روپ دیا جا سکتا ہے۔ یہ ایک محدود تعداد ہے اور جیسے جیسے دنیا کی مختلف زبان بولنے والوں کے ہاں کمپیوٹر کا استعمال رائج ہوا ایسکی علامتی روپ کی یہ محدود علامتیں کم پڑگئیں۔ موجودہ دور میں عالمی علامتی روپ $_3$ رائج ہے جس میں دنیا کی تمام زبانوں کے حروف تہجی کی علامتیں ڈھالی جا سکتی ہیں $_3$ اس نظام میس ریاضیات اور سائنس کے دیگر مضامین میں درکار علامتیں بھی ڈھالی جا سکتی ہیں $_3$ امید یہی ہے کہ یہ نظام آنے والے زمانے میں درکار ضروریات پوری کررگا۔

3.15.2 اعشارى اعدادكا ثنائي علامتي روپ

کمپیوٹر کی مادری زبان ثنائی ہے جبکہ انسان اعشاری نظام استعمال کرتا ہے۔ اعشاری گنتی کے کئی علامتی روپ زیرِ استعمال ہیں جن میں سے ایک قسم اعشاری اعداد کا ثنائی علامتی روپ استعمال ہیں جن میں سے ایک قسم اعشاری آدین کی کُل دس علامتیں ہیں۔جدول 3.6 میں تین بیٹ کی تمام ممکنہ علامتیں دکھائی گئی ہیں۔یہ کُل سات علامتیں ہیں۔انہیں استعمال کرتے ہوئے اعشاری گنتی کے دس ہندسوں کو علامتی روپ نہیں دیا جا سکتا۔اس کے برعکس چار بِٹ پر مبنی کُل سولہ علامتیں ممکن ہیں۔انہیں استعمال کرتے ہوئے اعشاری گنتی کے دس ہندسوں کو علامتی روپ دیا جا سکتا ہے۔جدول 3.7 میں چار بٹ پر مبنی پہلی دس دس ہندسوں کو علامتی روپ دیا جا سکتا ہے۔جدول 3.7 میں چار بٹ پر مبنی پہلی دس

⁹⁷ uni code

⁹⁸ عالمي علامتي روپ كى علامتيں چار بائث لمبي ہيں

⁹⁹ یہ کتاب **عالمی علامتی روپ** کے ذیلی سیٹ **یو ٹی ایف-8** (utf-8) میں لکھی گئی ہے 100 binary coded decimal (BCD)

علامتیں استعمال کرتے ہوئے اعشاری گنتی کے ہندسوں کی علامتیں متعین کی گئی ہیں۔ آخری چھ علامتیں زیرِ استعمال نہیں لائی گئیں۔یہ نظام اعشاری اعداد کا ثنائی علامتی روپ کہلاتا ہے۔

0000_{2}	0_{10}	
0001_{2}	1_{10}	
0010_{2}	2_{10}	
0011_{2}	3_{10}	
0100_{2}	4_{10}	
0101_{2}	5_{10}	
0110_{2}	6_{10}	
0111_{2}	7_{10}	
1000_{2}	8_{10}	
1001_{2}	9_{10}	
-		

جدول 3.7 اعشاری اعداد کا ثنائی علامتی روپ

3.15.3 گرمے علامتی روپ یا گرمے کوڈ

اس نظام میں اعشاری گنتی کے ہندسوں کی علامتیں یوں متعین کی گئی ہیں کہ کسی بھی دو متواتر اعشاری ہندسوں کی علامتوں میں صرف ایک بِٹ کا فرق ہو۔مندرجہ ذیل جدول چار بٹ پر مبنی گرمے علامتی روپ کو پیش کرتا ہے۔

طبعی متغیرات کو عددی شکل میں عموماً گرمے علامتی روپ ¹⁰¹ میں لکھا جاتا ہے۔ اس کی افادیت ایک مثال سے سمجھتے ہیں۔

تصور کریں کہ کسی بڑھتے ہوئے فاصلے کو عام ثنائی نظام میں ناپا جاتا ہے۔ یوں 1000_2 بعد 1000_2 آئے گا۔اب تصور کریں کہ کسی وجہ سے اس چار بِٹ کے ثنائی عدد میں بلند تر رتبہ والا بِٹ نسبتاً جلد 0 سے 1 میں تبدیل ہوتا ہو۔یوں ایک

¹⁰¹ یہ کوڈ بیل ٹیلیفون لیبارٹری کے سائنسدان فرینک گرمے نے تجویز کیا تھا اور اسی کے نام سے جانا جاتا ہے۔ (Gray code)

لمحہ کے لئے 0111_2 کے بعد 1111_2 کا عدد پڑھا جائے گا اور پھر اصل عدد یعنی 1000_2 آئے گا۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ایک لمحہ کے لئے غلط فاصلہ پڑھا جائے گا جس سے مسائل کھڑے ہو سکتے ہیں۔اس کے برعکس آگر گرمے علامتی روپ استعمال کیا جائے تو 0100 کے بعد 1100 ہی پڑھا جائے گا۔

0000	010
0001	1_{10}
0011	2_{10}
0010	3 ₁₀
0110	4_{10}
0111	5 ₁₀
0101	6 ₁₀
0100	7 ₁₀
1100	8 ₁₀
1101	9 ₁₀
1111	10 ₁₀
1110	11 ₁₀
1010	12 ₁₀
1011	13 ₁₀
1001	14 ₁₀
1000	15 ₁₀

جدول 3.8 چار بٹ گرمے علامتی روپ

4 كارناف نقشہ جات

بوولین جدول سے کسی بھی تفاعل کی مساوات بذریعہ مجموعہ ارکانِ ضرب یا ضرب ارکانِ جمع حاصل کر کے اسے گیٹوں کی مدد سے جامہ پہنایا جا سکتا ہے۔ عموماً یوں حاصل کئے گئے مساوات میں درکار گیٹوں کی تعداد اور فی گیٹ مداخل کی تعداد کم کی جا سکتی ہے۔اس طرح کم مداخل والے اور کم تعداد میں گیٹ استعمال کرتے ہوئے دور کو سستے دام بنایا جا سکتا ہے۔کسی بھی تفاعل کی سادہ شکل حاصل کرنا بوولین منطق کے استعمال سے ممکن ہے البتہ ایک نہایت عمدہ اور سادہ طریقہ کار جسے کارناف نقشہ جات کا طریقہ کہتے ہیں عموماً تفاعل کی جلد سادہ شکل حاصل کرنے کے لئے استعمال کیا جاتا ہے۔اس باب میں اسی پر غور ہو گا۔یہ طریقہ چار اور چار سے کم آزاد متغیرات کے تفاعل کی سادہ شکل حاصل کرنے کے لئے متغیرات کے تفاعل کی سادہ شکل حاصل کرنے کے لئے تابیت آسان ثابت ہوتا ہے۔

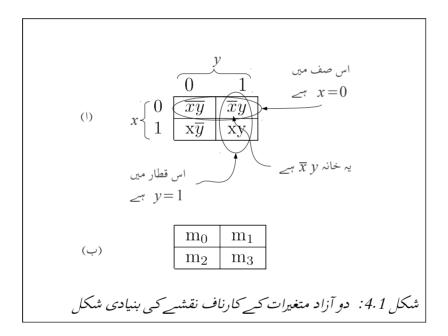
4.1 كارناف نقشر كى بنيادى شكل

دو آزاد متغیرات کے تفاعل F(x,y) کے بوولین جدول میں چار مختلف ارکان ضرب ممکن ہیں جنہیں مساوات 4.1 میں دکھایا گیا ہے۔یوں اس کے کارناف نقشے میں خور خانے ہوتے ہیں۔شکل 4.1 (۱) میں کارناف نقشے 100 میں والے صف میں 100 میں والے صف میں 100 میں والے صف اور دائیں قطار میں 100 میں 100 میں 100 میں والے میں 100 میں والے خانے میں 100 میں اس خانے کے آزاد متغیرات کی ثنائی قیمتوں کو آکٹھے یعنی 100 لکھیں۔اس ثنائی عدد کا مساوی اعشاری عدد یعنی ثنائی قیمتوں کو بطورِ زیرِ نوشت استعمال کرتے ہوئے اس خانے کو 100 لکھا جاتا ہے۔ اس طرح اس خانے کو 100 میں اس خانے میں 100 میں اسی خانے میں 100 لکھا گیا ہے۔آپ بقایا خانوں کا

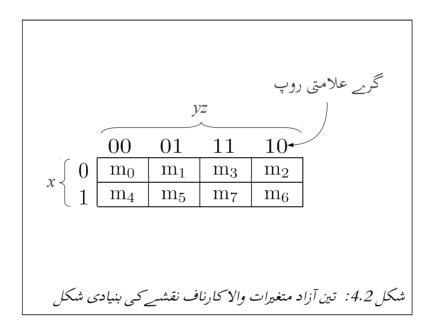
¹⁰² مارث کارناف نے یہ طریقہ پیش کیا اور یہ انہیں کے نام سے جانا جاتا ہے

¹⁰³ Karnaugh map (K map)

ھی اسی طرح تعین کر سکتے ہیں۔شکل 4.3 میں اسی طرز پر چار آزاد متغیرات والے تفاعل کے کارناف نقشے میں خانہ m_{11} کی نشاندہی کی گئی ہے۔

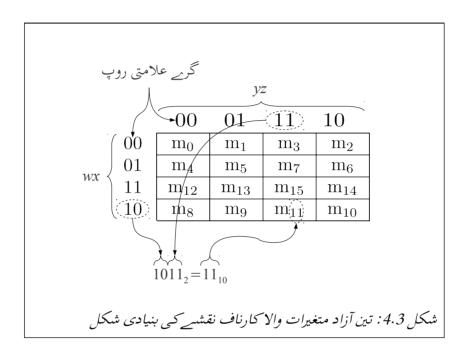


تین آزاد متغیرات والے تفاعل F(x,y,z) کے آٹھ ممکنہ ارکانِ ضرب ہیں۔یوں اس کے کارناف نقشہ کے آٹھ خانے ہوں گے جیساکہ شکل 4.2 میں دکھایا گیا ہے۔اس شکل میں دو صف اور چار قطار ہیں۔صفوں کا تعین x کی قیمت سے کیا جاتا ہے جبکہ



چار آزاد متغیرات والے تفاعل F(w,x,y,z) کے سولہ ممکنہ ارکانِ ضرب ہو تے ہیں جنہیں چار صفوں اور چار قطاروں والے کارناف کے نقشہ میں سمویا جا سکتا ہے۔ شکل 4.3 میں ایسا کارناف نقشہ دکھایا گیا ہے۔ یہاں صفوں کا تعین wx کی قیمت سے کیا جاتا ہے۔صفوں اور قطاروں کو ثنائی گنتی کے بجائے گرمے علامتی روپ کی طرز پر رکھا جاتا ہے۔

¹⁰⁴ Gray code

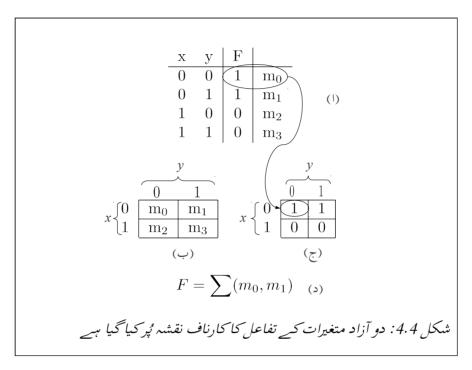


اب تک آپ پر واضح ہو چکا ہو گاکہ کارناف نقشہ جات بناتے وقت صفوں اور قطاروں کو گرمے علامتی روپ کی طرز پر رکھا جاتا ہے۔چار سے زیادہ متغیرات کے کارناف نقشہ جات کا استعمال نسبتاً مشکل ہوتا ہے اور ان کی سادہ شکل عموماً کمپیوٹر کی مدد سے حاصل کی جاتی ہے۔

4.2 كارناف نقشه پُركرنا

کسی بھی بوولین جدول سے کارناف کا نقشہ پُر کرنا نہایت آسان اور سیدھا عمل ہوتا ہے۔بوولین جدول کے جس صف میں تفاعل کی قیمت 1 ہو،کارناف کے نقشے

میں اس صف کے ارکانِ ضرب کے خانے میں 1 پُر کریں۔ شکل 4.4 (۱) میں دو آزاد متغیرات والا ایک تفاعل مثال کے طور دیا گیا ہے۔ شکل (ج) میں اس تفاعل کے **کارناف** کا نقشہ پُر کیا ہوا دکھایا گیا ہے۔



شکل 4.4 (د) کو دیکھنے سے معلوم ہوتا ہے کہ تفاعل کو مجموعہ ارکانِ ضرب کی شکل میں لکھنے سے کارناف نقشہ کے پُر کئے جانے والے خانوں کی نشاندہی ہوتی ہے۔ میں لکھنے سے کارناف نقشہ کے پُر کئے جانے والے خانوں کی نشاندہی ہوتی ہے۔ تین آزاد متغیرات والے تفاعل کی مثال شکل 4.5 میں دی گئی ہیں۔

x y z F
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$egin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $
$0 1 0 \mid 0 \mid m_2$
$0 1 1 \mid 1 \mid m_3$
$egin{array}{c c c c c c c c c c c c c c c c c c c $
$1 0 1 \mid 1 \mid m_5$
$1 1 0 \mid 1 \mid \mathrm{m}_6$
$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$F = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7)$
yz
00 01 11 10
$x \left\{ \begin{array}{c cccc} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 1 \end{array} \right.$
شکل 4.5: تین آزاد متغیرات کے تفاعل کا کارناف نقشہ پُر کیا گیا ہے

4.3 کارناف نقشہ سے تفاعل کی سادہ مساوات کا حصول

کارناف نقشے میں قریبی خانوں سے مراد ایسے "2 خانے ہیں جنہیں مربع یا قائم الزاویہ میں گھیرا جا سکے، جہاں " کی قیمت ایک یا دو یا تین ہو سکتی ہے۔یوں دو یا چار یا آٹھ ایسے خانے جنہیں مربع یا قائم الزاویہ میں گھیرا جا سکے کو قریبی خانے کہیں گے۔کوئی بھی خانہ (یا خانے) ایک سے زیادہ مربع یا قائم الزاویہ کا حصہ بن سکتا ہے (سکتر ہیں)۔

قریبی خانوں میں تفاعل کی قیمت 1 ہونے کی صورت میں ان خانوں کے ارکانِ ضرب کے مجموعہ کو حل کر کے ان سے ایک رکنِ ضرب حاصل کیا جا سکتا ہے۔ یہی ان خانوں کے ارکانِ ضرب کے مجموعہ کی سادہ ترین شکل ہوتی ہے۔حاصل رکنِ ضرب ان

قریبی خانوں کے ارکانِ ضرب میں مشترکہ پائے جانے والے حصے پر مشتمل ہوتا ہے۔

دو قریبی خانوں میں تفاعل کی قیمت 1 ہونے کی صورت میں ان دو خانوں کے ارکانِ ضرب کے مجموعہ سے حاصل ایک رکنِ ضرب میں آزاد متغیرات کی تعداد، تفاعل میں آزاد متغیرات کی تعداد سے ایک کم ہوتی ہے۔

اسی طرح چار قریبی خانوں میں تفاعل کی قیمت 1 ہونے کی صورت میں ان چار خانوں کے ارکانِ ضرب کے مجموعہ سے حاصل رکنِ ضرب میں آزاد متغیرات کی تعداد، تفاعل میں آزاد متغیرات کی تعداد سے دو کم ہوتی ہے۔

آٹھ قریبی خانوں میں تفاعل کی قیمت 1 ہونے کی صورت میں ان آٹھ خانوں کے ارکان ِ ضرب کے مجموعہ سے حاصل رکن ِ ضرب میں آزاد متغیرات کی تعداد، تفاعل میں آزاد متغیرات کی تعداد سے چار کم ہوتی ہے۔

قریبی خانے گھیرتے وقت یہ کوشش ہونی چاہئے کہ بڑے سے بڑے مربع یا قائم الزاویہ بنائے جائیں۔ایسا کرنے سے سادہ ترین مساوات حاصل ہو گی۔عموماً قریبی خانے گھیرتے وقت انہیں ایک سے زیادہ طریقوں سے گھیرا جا سکتا ہے۔ایسی صورت میں یہ تفاعل کے مختلف سادہ مساوات دیتے ہیں۔

اب ہم چند مثالوں کی مدد سے اس طریقہ کار کو سیکھتے ہیں۔

4.3.1 دو آزاد متغیرات والا تفاعل

شکل 4.6 میں m_0 اور m_1 آپس میں قریبی خانے ہیں۔اسی طرح m_0 اور m_0 بیں۔ اسی خانے ہیں ہیں۔ m_1 بھی آپس میں قریبی خانے ہی جبکہ m_1 اور m_2

$\overline{y} - y$	X	v	F	
\overline{x} 1	$\frac{\lambda}{0}$	$\frac{\mathbf{y}}{0}$	1	$\overline{\mathrm{m}_{\mathrm{0}}}$
$x \mid 0 \mid 0$	0	1	1	m_1
	1	0	0	m_2
\overline{y} y	1	1	0	m_3
$\overline{x} \mid \overline{xy} \mid \overline{xy} $				
x		F	$= \overline{x}$	$\overline{y} + \overline{x}y$
یبی خانوں میں \overline{x} مشترک			$= \overline{x}$	$(\overline{y}+y)$
یوں ان دو ارکانِ ضرب کی صرف \overline{x} لکھا جا سکتا	ہے۔ جگہ		$= \overline{x}$	(1)
	ہے۔		$= \overline{x}$	

شکل 4.6: کارناف نقشہ میں قریبی خانوں کو یکجا کر کے سادہ مساوات کا حصول

شکل 4.6 میں دو آزاد متغیرات کا تفاعل اور اس کا کارناف نقشہ دیا گیا ہے۔ اس تفاعل کے کارناف نقشہ دیا گیا ہے۔ اس تفاعل کے کارناف نقشے میں دو قریبی خانوں میں تفاعل کی قیمت 1 ہے جنہیں نکتہ دار قائم الزاویہ سے گھیرا گیا ہے۔ شکل میں ان دو خانوں کے ارکانِ ضرب کے مجموعہ سے ان کی سادہ شکل یعنی $F = \overline{x}$ حاصل کی گئی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ان دو خانوں کے ارکانِ ضرب کے مجموعہ سے ایک متغیرہ والا ایک رکن حاصل ہوتا ہے۔ یہی مساوات کارناف نقشے میں نکتہ دار قائم الزاویہ میں گھیرے ہوئے دو قریبی خانوں کو دیکھتے ہوئے لکھی جا سکتی ہے۔ نکتہ دار قائم الزاویہ میں گھیرے ہوئے دو قریبی خانوں دیکھتے ہوئے لکھی جا سکتی ہے۔ نکتہ دار قائم الزاویہ میں گھیرے ہوئے دو قریبی خانوں دیکھتے ہوئے لکھی جا سکتی ہے۔ نکتہ دار \overline{x} ہیں۔ ان دونوں ارکانِ ضرب میں \overline{x} مشترکہ ہے۔ یہی ان دو ارکانِ ضرب کے مجموعہ کا حل ہے۔ یوں \overline{x} ہیں اس تفاعل کی مساوات ہے۔

شکل 4.7 میں دو مزید مثال دئے گئے ہیں۔ شکل (۱) میں قریبی خانوں کے ارکانِ ضرب یعنی \overline{x} اور \overline{x} میں \overline{y} مشترک ہے۔ یوں یہی ان کا مجموعہ ہے۔ چونکہ تفاعل کے یہی دو ارکانِ ضرب ہیں لہذا اس تفاعل کی سادہ مساوات \overline{x} ہی ہے۔ شکل (ب) میں دئے گئے تفاعل کے ارکانِ ضرب یعنی \overline{x} اور \overline{x} میں \overline{x} مشترک ہے۔ چونکہ اس تفاعل میں بھی یہی دو ارکانِ ضرب ہیں لہذا اس کی سادہ مساوات F=x ہے۔

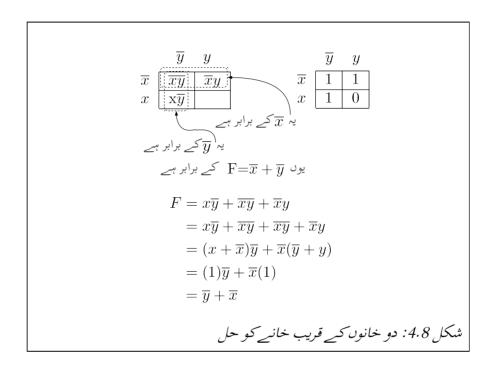
$$\overline{x} \quad \overline{y} \quad y \\
x \quad \overline{1} \quad 0 \\
x \quad 1 \quad 1 \quad 0$$

$$\overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{1} \quad 0 \\
x \quad 1 \quad 0$$

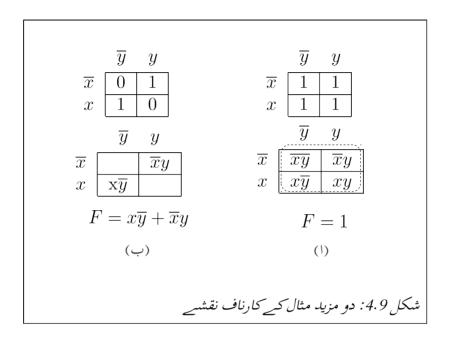
$$\overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \\
x \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \\
x \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \\
x \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \\
x \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \\
x \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \\
x \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \quad \overline{x} \\
x \quad \overline{x} \quad$$

شکل 4.8 میں ایک ہی خانے کو دو قریبی خانوں کے ساتھ باری باری جوڑتے ہوئے سادہ مساوات حاصل کرنا دکھایا گیا ہے۔ اسی کو بوولین منطق سے بھی حل کیا گیا ہے جہاں مساوات 3.5 کی شق چار استعمال کرتے ہوئے ہوئے $\overline{x}\,\overline{y}=\overline{x}\,\overline{y}+\overline{x}\,\overline{y}$ لکھتے

ہوئے اسے حل کیا گیا ہے۔



شکل 4.9 میں دو مزید مثال دئے گئے ہیں۔شکل (۱) میں چاروں ارکان ِ ضرب موجود ہیں جن کا مجموعہ 1 سے۔

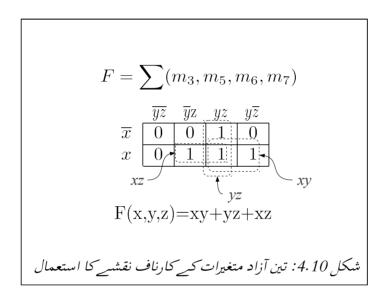


مشق: ثابت کریں کہ شکل 4.9 (۱) میں تفاعل کی سادہ مساوات F=1 ہے۔ F=0 مشق: کسی بھی ارکان ضرب کی عدم موجودگی میں ثابت کریں کہ تفاعل حاصل ہوتا ہے۔

شكل 4.9 (ب) ميں ايسا تفاعل دياگيا ہر جس كر خانر كسى مربع يا قائم الزاویہ میں نہیں گھیرے جا سکتے۔ایسے تفاعل کو مزید سادہ کرنا ناممکن ہوتا ہے۔

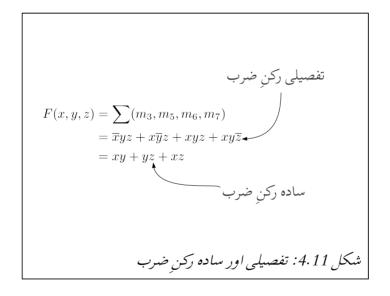
4.3.2 تين متغيرات والا تفاعل

تین متغیرات والا ایک تفاعل اور اس کا کارناف نقشہ شکل 4.10 میں دکھائے گئے ہیں۔ کارناف نقشے میں دو قریبی خانوں کو گھیرنے والے تین قائم الزاویہ بنائے گئے ہیں۔



ان میمی درمیانی قائم الزاویہ نے m_3 یع نبی خانہ \overline{x} اور m_7 یع نبی خانہ xyz کو گھیرا ہوا ہے۔ان دو ارکانِ ضرب میں yz مشترکہ ہے۔یہی ان دو ارکانِ ضرب کے مجموعہ کی سادہ شکل ہے۔اسی طرح بقایا دو قائم الزاویہ سے xy اور xz حاصل ہوتے ہیں۔ان تمام کا مجموعہ لکھ کر تفاعل کی سادہ مساوات F=xy+yz+xz حاصل کی گئی ہے۔

اس مثال میں مجموعہ ارکانِ ضرب کی شکل میں دئے گئے تفاعل کی سادہ مساوات حاصل کی گئی۔ان دونوں مساواتوں کو شکل 4.11 میں دکھایا گیا ہے۔دی گئی مساوات میں ارکانِ ضرب لکھتے ہوئے تمام آزاد متغیرات استعمال کئے گئے ہیں۔اس طرح کے رکنِ ضرب کو تفصیلی رکنِ ضرب آ¹⁰⁵ کہتے ہیں۔حاصل کردہ سادہ مساوات میں رکنِ ضرب میں تمام آزاد متغیرات موجود نہیں۔اس طرح کے رکنِ ضرب کو سادہ رکنِ ضرب مسے ہی پکارا جاتا ہے۔ اس کتاب میں عموماً دونوں اقسام کے ارکانِ ضرب کو رکنِ ضرب سے ہی پکارا جاتا ہے۔ امید کی جاتی ہے کہ متن سے اس کی مطلوبہ مطلب واضح ہو گی۔جہاں ایسا نہ ہو وہاں انہیں ان کے مکمل نام سے پکارا جائے گا۔



¹⁰⁵ canonical minterm

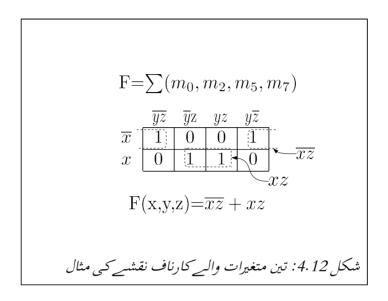
¹⁰⁶ non-canonical minterm

مشق: بوولین الجبرا کے استعمال سے ثابت کریں کہ شکل 4.10 میں دئے گئے تین قائم الزاویہ سے تین دکھائے گئے سادہ رکن ضرب حاصل ہوتے ہیں۔

شکل 4.12 میں تین متغیرات والے تفاعل کی ایک اور مثال دکھائی گئی ہے۔اس شکل میں $m_0 = \overline{x}\, y\, \overline{z}$ اور $m_2 = \overline{x}\, y\, \overline{z}$ کا مجموعہ حاصل کرتے ہیں۔

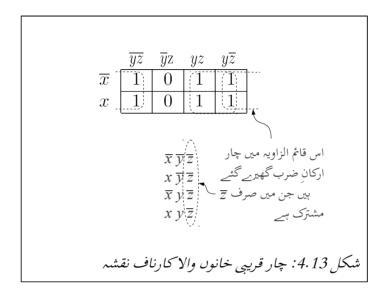
$$m_0 + m_2 = \overline{x} \, \overline{y} \, \overline{z} + \overline{x} \, y \, \overline{z}$$
$$= \overline{x} \, \overline{z} (\overline{y} + y)$$
$$= \overline{x} \, \overline{z}$$

یہاں تین متغیرات والے ارکانِ ضرب کے مجموعہ سے دو متغیرات والا رکنِ ضرب حاصل ہوتا ہے۔یوں یہ دو خانے بھی آپس میں قریبی خانے ہیں۔اس طرح تین متغیرات کے کارناف نقشے کو گول لپٹی ہوئی کاغذ پر لکھا ہوا تصور کرنا چائیے۔یوں m_0 اور m_2 آپس میں قریبی خانے بنیں گے اور اسی طرح m_4 اور m_6 آپس میں قریبی خانے بنیں گے۔



شکل 4.12 میں کٹے ہوئے قائم الزاویہ سے m_0 اور m_2 کو گھیمرا ہوا دکھایا گیا ہے۔ ان دو خانوں کے ارکانِ ضرب یعنی $\overline{x}\,\overline{y}\,\overline{z}$ اور $\overline{x}\,y\,\overline{z}$ میں $\overline{x}\,\overline{z}$ مشترک ہے۔ یہی ان دو کے مجموعے کی سادہ شکل ہے۔اسی طرح دوسرے قائم الزاویہ سے xz حاصل ہوتا ہے۔ان دو کا مجموعہ تفاعل کی سادہ مساوات $F=\overline{x}\,\overline{z}+xz$ دیتا ہے۔

شکل 4.13 میں تین متغیرات والے ایسے تفاعل کا کارناف نقشہ دیا گیا ہے جس میں چار قریبی خانوں کے دو قائم الزاویہ بنائے گئے ہیں۔ آپ کارناف نقشے کو دیکھ کر اس تفاعل کی سادہ مساوات $F = y + \overline{z}$ حاصل کر سکتے ہیں۔



مشق: شکل 4.13 میں دئے گئے تفاعل کی سادہ مساوات کارناف نقشے حاصل کریں۔ اسی مساوات کو بوولین الجبراکی مدد سے حاصل کریں۔

4.3.3 چار آزاد متغیرات والیے تفاعل

چار آزاد متغیرات والے تفاعل کے سولہ ارکانِ ضرب ممکن ہیں۔ اس کارناف نقشے میں قریبی خانوں کو پہچانے کی خاطر نقشے کو ایسی سطح پر بنا ہوا تصور کریں کہ نقشے کا دایاں قطار نقشے کے بائیں قطار سے جڑتا ہو۔ اسی طرح نقشے کا اوپر والا صف نقشے کے نچلی صف سے جڑتا ہو۔ یوں m_4 خانہ m_6 خانے سے جڑتا ہے۔ جبکہ m_1 خانہ m_6 خانے سے جڑتا ہے۔ m_6 خانے سے جڑتا ہے۔

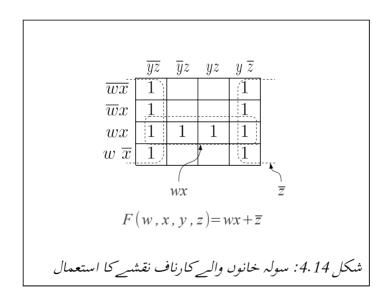
اس نقشے میں دو، چار، آٹھ اور سولہ قریبی خانے ممکن ہیں۔دو قریبی خانوں کے ارکانِ ضرب کا مجموعہ ایک رکنِ ضرب دیتا ہے جس میں تین آزاد متغیرات پائے جاتے ہیں۔

چار قریبی خانوں کے ارکانِ ضرب کا مجموعہ ایک رکنِ ضرب دیتا ہے جس میں دو آزاد متغیرات پائے جاتے ہیں۔ آٹھ قریبی خانوں کے ارکانِ ضرب کا مجموعہ ایک رکنِ ضرب دیتا ہے جس میں ایک آزاد متغیرہ پایا جاتا ہے جبکہ سولہ قریبی خانوں کے ارکانِ ضرب کا مجموعہ 1 کے برابر ہوتا ہے۔

ان کی چند مثالیں لیتے ہیں۔

مثال: مندرجہ ذیل تفاعل کی سادہ مساوات حاصل کریں۔

$$F(w, x, y, z) = \sum (m_0, m_2, m_4, m_6, m_8, m_{10}, m_{12}, m_{13}, m_{14}, m_{15})$$



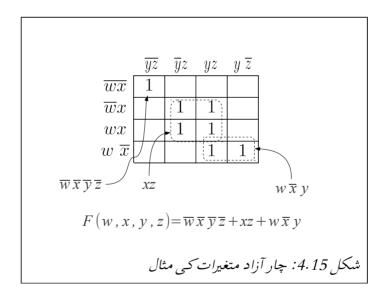
مثال: مندرجم ذیل دو تفاعل کی ساده مساوات حاصل کریں۔

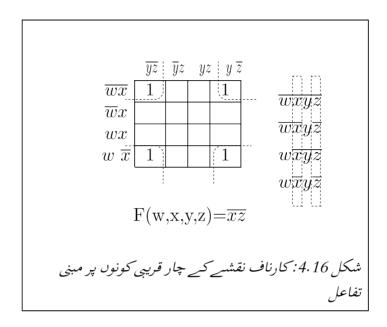
$$F(w, x, y, z) = \sum (m_0, m_5, m_7, m_{10}, m_{11}, m_{13}, m_{15})$$

$$F(w, x, y, z) = \sum (m_0, m_2, m_8, m_{10})$$

حل: پہلی تفاعل کو شکل 4.15 میں دکھایا گیا ہے جہاں تفاعل کے چار ارکانِ ضرب مل کر ایک رکنِ ضرب دیتے مل کر ایک رکنِ ضرب دیتے ہیں جبکہ دو مزید ارکانِ ضرب مل کر ایک رکنِ ضرب دیتے ہیں۔ ایک رکنِ ضرب اس تفاعل میں ایسا ہے جو کسی دوسرے رکنِ ضرب کے قریب نہیں۔ اسے مزید سادہ نہیں بنایا جا سکتا۔ یوں یہ تین مل کر تفاعل کی سادہ مساوات دیتے ہیں۔

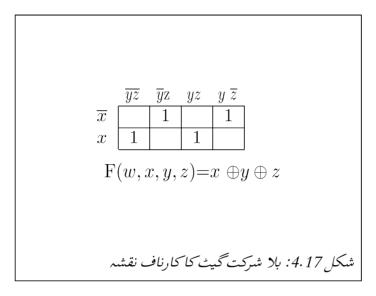
دوسرے تفاعل کے چاروں ارکانِ ضرب کارناف نقشے کے کونوں پر بستے ہمی اس تفاعل کا کارناف نقشے کو چاروں کونے آپس تفاعل کا کارناف نقشہ شکل 4.16 میں دکھایا گیا ہے۔کارناف نقشے کو چاروں کونے آپس میں قریبی تصور کئے جاتے ہیں ان چار ارکانِ ضرب کو شکل میں لکھ کر ان سے وہ حصہ لیا گیا ہے جو تمام میں مشترکہ ہے۔یہی اس تفاعل کی سادہ مساوات ہے۔





مثال: تین آزاد متغیرات کے بلا شرکت گیٹ کا کارناف نقشے حاصل کریں۔

حل: شکل 4.17 میں یہ نقشہ دکھایا گیا ہے۔بلا شرکت گیٹ کا کارناف نقشہ اسی طرح طاق خانوں پر مشتمل ہوتا ہے۔



4.3.4 سادہ مساوات سے تفاعل کی ارکان ضرب کی شکل کا حصول

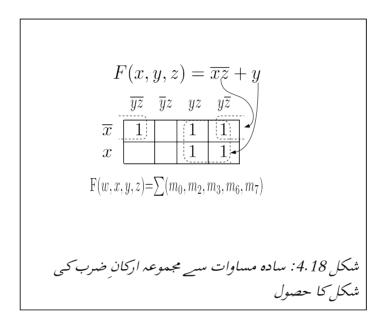
کسی بھی تفاعل کی سادہ مساوات کا حصول بذریعہ کارناف نقشہ جات آپ نے دیکھا۔اس حصے میں اس طریقہ کار کو اُلٹ چلا کر سادہ مساوات سے تفاعل کو اس کے مجموعہ ارکانِ ضرب کی شکل میں حاصل کیا جائے گا۔یہ ترکیب ایک مثال سے زیادہ آسانی سے سمجھی جا سکتی ہے۔

مثال: مندرجہ ذیل سادہ مساوات سے تفاعل کو مجموعہ ارکانِ ضرب کی شکل میں لکھیں۔

$$F(x,y,z)=y+\overline{xz}$$

حل: شکل 4.18 میں پہلے اس سادہ مساوات سے کارناف نقشہ حاصل کیا گیا ہے اور

پر اس سے تفاعل کو مجموعہ ارکانِ ضرب کی شکل میں لکھا گیا ہے۔



4.4 ضرب اركان جمع كى شكل مين ساده مساوات

کسی بھی تفاعل کے کارناف نقشہ میں ان خانوں میں 1 پُر کیا جاتا ہے جن میں تفاعل کے بوولین جدول میں ارکانِ ضرب کی قیمت 1 ہوتی ہے۔آگر اس تفاعل کا تکملہ لیا جائے تو اس کے بوولین جدول میں جہاں پہلے 0 تھا اب وہاں 1 ہوگا۔یوں آگر اس بوولین جدول کے کارناف نقشہ سے سادہ ارکانِ ضرب کی مساوات حاصل کی جائے تو یہ مساوات دی گئی تفاعل کے تکملہ کی سادہ مساوات ہو گی۔یہ مساوات مجموعہ ارکانِ ضرب کے شکل میں ہو گی جس کا تکملہ لے کر اصل تفاعل کی مساوات حاصل کی جا

سکتی ہے جو کہ ضربِ ارکانِ جمع کی شکل میں ہو گی۔ایک مثال سے ایسا ہوتے دیکھتے ہیں۔

مثال: مندرجہ ذیل تفاعل کی مجموعہ ارکانِ ضرب اور ضربِ ارکانِ جمع کے سادہ مساوات حاصل کریں۔

 $F(x,y,z) = \sum (m_2, m_3, m_4, m_5)$

حل: شکل 4.19 میں اس تفاعل کا بوولین جدول دکھایا گیا ہے جس میں اس تفاعل کے تکملہ یعنی F کو بھی دکھایا گیا ہے۔ شکل میں اوپر والے کارناف نقشے میں 1 رکھنے والے قریبی خانوں کو قائم الزاویہ میں گھیر کر ان کے سادہ رکنِ ضرب حاصل کر کے تفاعل کی سادہ مجموعہ ارکانِ ضرب کی شکل میں مساوات حاصل کی گئی ہے۔

شکل کے نچلے کارناف نقشے میں ان خانوں کو قائم الزاویہ میں گھیرا گیا ہے جن میں 0 لکھا گیا ہے۔ آپ بوولین جدول سے دیکھ سکتے ہیں کہ انہیں خانوں میں \overline{F} کی قیمت \overline{F} ہے۔ یوں گھیرے گئے خانے دراصل \overline{F} کے کارناف نقشے کے مطابق ہے اگرچہ ہم یہاں اصل تفاعل \overline{F} کا کارناف نقشہ ہی استعمال کر رہے ہیں۔ یوں ان گھیرے گئے خانوں کے سادہ ارکانِ ضرب لیتے ہوئے ان کا مجموعہ لیا گیا ہے جو \overline{F} کی سادہ مساوات ہے۔ بوولین کا قلیہ استعمال کرتے ہوئے اس تفاعل کا تکملہ لیا گیا ہے جس سے تفاعل \overline{F} کی سادہ مساوات ضرب ارکانِ جمع کی شکل میں حاصل ہوتی ہے۔

شكل 4.19: مجموعہ اركان ضرب اور ضرب ِ اركان ِ جمع كى شكل ميں ساده مساوات كا حصول

4.5 غير ضروري ترتيب

ابھی تک ہم نے جتنے تفاعل دیکھے ان میں مداخل کے ہر ممکنہ ترتیب کے لئے مخارج کی قیمت دستیاب بھی تھی اور ضروری بھی تھی۔بعض اوقات ایسا ہوتا ہے کہ کچھ مداخل کے ترتیب حقیقت میں یا تو ممکن ہی نہیں ہوتے یا ان ترتیب کی صورت میں مخارج استعمال ہی نہیں کیا جاتا۔مداخل کے ایسے ترتیب کو غیر ضروری ترتیب کا جاتا۔مداخل کے ایسے ترتیب کو غیر ضروری ترتیب

تفاعل کی سادہ مساوات حاصل کرتے وقت غیر ضروری ترتیب کے خانوں میں نا تو 1 لکھا جاتا ہے۔قریبی خانے گھیرتے 1 تو 1 لکھا جاتا ہے۔

¹⁰⁷ don't care conditions

وقت آگر کسی غیر ضروری خانے میں 1 تصور کرنے سے زیادہ سادہ مساوات حاصل ہوتی ہے تو اس میں 1 تصور کیا جاتا ہے اور آگر اس میں 0 تصور کرنے سے زیادہ سادہ مساوات حاصل ہوتی ہے تو اس میں 0 تصور کیا جاتا ہے۔

مثال: مندرجہ ذیل تفاعل کے سادہ مساوات مجموعی ارکانِ ضرب اور ضربِ ارکانِ جمع کی صورت میں حاصل کریں۔

$$F(x,y) = \sum (m_0, m_3)$$
$$d(x,y) = \sum (m_2)$$

حل: اس تفاعل میں ایک ہی غیر ضروری ترتیب ہے۔شکل 4.20 میں اس تفاعل کا بوولین جدول اور کارناف نقشے دکھائے گئے ہیں۔ مجموعہ ارکانِ ضرب کی صورت میں سادہ مساوات حاصل کرتے وقت غیر ضروری خانے کی قیمت 1 تصور کرنے سے سادہ ترین مساوات حاصل ہوتی ہے۔ ضرب ارکانِ جمع کی سادہ مساوات بھی اس وقت حاصل ہوتی ہے جب اس خانے کی قیمت 1 تصور کی جائے۔

$$\overline{x} \quad \overline{y} \quad y \\
x \quad \boxed{1} \quad 0 \\
x \quad \boxed{d} \quad 1\underline{y}$$

$$F = \overline{y} + x$$

$$\overline{x} \quad \boxed{1} \quad \boxed{0} \\
x \quad \boxed{1} \quad \boxed{0}$$

$$\overline{x} \quad \boxed{1} \quad \boxed{0}$$

$$\overline{x} \quad \boxed{T} = \overline{x}y$$

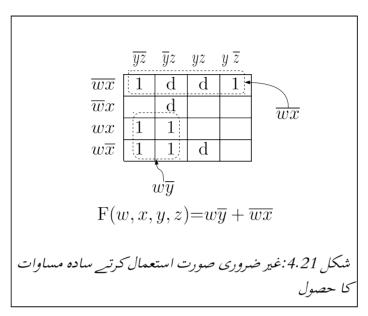
$$F = \overline{F} = \overline{x}y$$

 $=(x+\overline{y})$

شكل 4.20: غير ضروري ترتيب

مثال: مندرجہ ذیل تفاعل کی سادہ مساوات حاصل کریں۔
$$F(w,x,y,z)=\sum (m_0,m_2,m_8,m_9,m_12,m_13,m_15)$$

$$d(w,x,y,z)=\sum (m_1,m_3,m_11)$$



حل: شکل 4.21 میں تفاعل کا کارناف نقشہ دیا گیا ہے۔ اس سے سادہ مساوات حاصل کرنے کی خاطر دو غیر ضروری خانوں کی قیمت 1 تصور کی گئی ہے جبکہ بقایا دو غیر ضروری خانوں کی قیمت 0 تصور کی گئی ہے۔کارناف نقشہ بناتے وقت 0 رکھنے والے خانوں کو خالی رکھا گیا ہے تاکہ نقشہ قدرِ صاف نظر آئے۔سادہ مساوات شکل میں دکھائی گئی ہے۔

5 ترکیبی منطق اور ترکیبی ادوار

ترکیبی منطق 108 سے مراد وہ منطق ہے جس میں کسی بھی لحم تفاعل کا مخارج اُسی لحم اس کے مداخل پر منحصر ہوتا ہے۔اس طرح کی تفاعل کو ترکیبی ادوار 109 شائی گیٹوں کی مدد سے حاصل کئے جاتے ہیں۔اس باب میں اس طرح کے ترکیبی ادوار پو غور کیا جائے گا۔

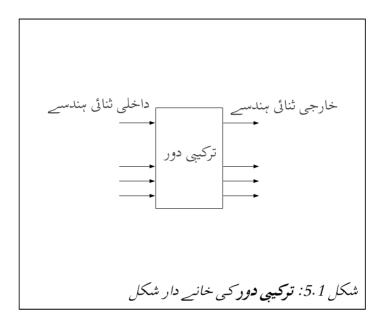
اس کے برعکس سلسلہ وار منطق 110 سے مراد وہ منطق ہے جس میں کسی بھی لمحہ تفاعل کا مخارج گزرے زمانے اور موجودہ وقت پر اِس کے مداخل پر منحصر ہوتا ہے۔ سلسلہ وار منطق کو سلسلہ وار ادوار 111 سے جامہ پہنایا جاتا ہے۔ اس طرح کے ادوار پر اگلے باب میں غور کیا جائے گا۔

¹⁰⁸ combinational logic

¹⁰⁹ combinational circuits

¹¹⁰ sequential logic

¹¹¹ sequential circuits



کسی بھی ترکیبی دور کو شکل 5.1 کی طرح خانے دار شکل سے ظاہر کیا جا سکتا

5.1.1 ثنائي جمع كار اور ثنائي منفى كار

دو اعداد کو جمع یا منفی کرنا بنیادی حساب کا حصہ سے ۔ آئیبی دو بِٹ جمع کرنے والے دور پر غور کریں ۔

5.1.2 نصف جمع كار

چونکہ ایک بٹ کی قیمت صرف 0 یا 1 ہو سکتی ہے لہذا دو بٹ جمع کرتے ہوئے مندرجہ ذیل چار ممکنہ صورتیں پیدا ہوتی ہیں۔

$$0+0=0$$

 $0+1=1$
 $1+0=1$
 $1+1=10$ (5.1)

اس مساوات میں دو بٹ جمع کئے گئے، یوں اس کے دو مداخل ہیں۔مساوات میں اگرچہ پہلے تین جوابات ایک بٹ پر مبنی اعداد ہیں لیکن آخری جواب دو بٹ پر مبنی عدد ہے۔ یوں تمام صورتوں سے نپٹنے کی خاطر جوابات کو دو بٹ پر مبنی اعداد سمجھا جائے۔ لہذا اسی مساوات کو اس طرح لکھنا بہتر ہے۔

$$0+0=00$$

$$0+1=01$$

$$1+0=01$$

$$1+1=10$$
(5.2)

اس مساوات سے واضح ہے کہ جوابات دو بٹ پر مبنی اعداد ہیں۔ لہذا دو بٹ کو جمع کرنے والے دور کے دو مداخل اور دو مخارج ہوں گے۔

مداخل کو z اور z جبکہ مخارج کو z اور z لکھتے اسی مساوات کو جدول کی شکل میں لکھتے ہیں۔

	\mathbf{z}	С	S
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	0 0 0 1	0

اس جدول سے محموعہ سے حاصل c کے تفاعل کو بذریعہ ارکان ضرب کے مجموعہ سے حاصل

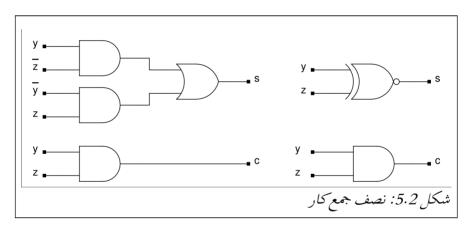
166 جزو 5 تركيبي منطق اور تركيبي ادوار

کرتے ہیں۔

$$c = yz$$

$$s = \bar{y}z + y\bar{z}$$
(5.4)

اِن دو تفاعل کے ادوار کو شکل 5.2 میں دو مختلف طریقوں سے بنا دکھایا گیا ہے۔اس شکل میں دئے دور کو نصف جمع کار ¹¹² کہتے ہیں۔اس نام کی وضاحت آگلے حصہ میں ہو گی۔



5.1.3 مكمل جمع كار

اب ہم ایک سے زیادہ بٹ پر مبنی ثنائی اعداد کا مجموعہ لینے کے عمل کو دیکھتے ہیں۔ $y=111_2$ اور $z=11_2$ جمع کرنے کا عمل یہ ہے۔

¹¹² half adder

 $\begin{array}{r}
 111 \\
 111 \\
 \hline
 1010
 \end{array}$

جمع شروع کرتے ہوئے پہلے قدم پر کم تر رتبہ والے بِٹ y_0 اور z_0 کو نصف جمع کار حل کر سکتا ہے لیکن اس سے آگلے قدم پر بِٹ y_1 اور z_1 کو جمع کرتے وقت گزشتہ حصہ سے حاصل 1 کو بھی جمع کرنا ضروری ہے۔

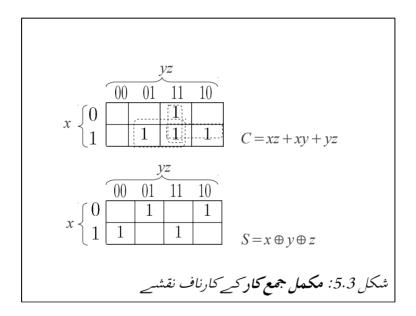
اس عمل سے ظاہر ہے کہ حقیقت میں دو اعداد کا مجموعہ حاصل کرنے کی خاطر ایک ایسا دور درکار ہوگا جو تین بٹ کو جمع کر سکے۔

z اور z کو یہاں گزشتہ حصہ کا حاصل تصور کیا گیا ہے۔ ہم اس کا جدول یوں لکھ سکتے ہیں۔

X	У	\mathbf{z}	С	\mathbf{s}
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

اس جدول سے c اور s کے تفاعل بذریعہ **ارکان ضرب کے مجموعہ** سے حاصل کرتے ہیں۔ یاد رہے کہ جدول میں تین آزاد متغیرات ہیں جبکہ اس میں دو تابع متغیرات ہیں۔ کسی

جمی تابع متغیرہ کی مساوات حاصل کرتے وقت دوسرے تابع متغیرہ کو بالکل نظر انداز کریں۔یوں c کا تفاعل حاصل کرتے وقت جدول میں تینوں مداخل اور صرف c مخارج کو مدِ نظر رکھیں۔اسی طرح c کا تفاعل حاصل کرتے وقت تینوں مداخل اور صرف c مخارج کو مدِ نظر رکھیں۔ایسا کرتے ہوئے شکل c میں **کارناف نقشوں** کی مدد سے ان تفاعل کو حاصل کیا گیا ہے۔



کارناف نقشے کے استعمال کے بغیر مساوات 5.5 سے براہ راست مندرجہ ذیل مساوات لکھے جا سکتے ہیں۔

$$c = \overline{x} \ y \ z + x \ \overline{y} \ z + x \ y \ \overline{z} + x \ y \ z$$

$$s = \overline{x} \ \overline{y} \ z + \overline{x} \ y \ \overline{z} + x \ \overline{y} \ \overline{z} + x \ y \ z$$

$$(5.6)$$

اس مساوات میں c کی ایک سادہ شکل یوں حاصل کی جا سکتی ہے۔

$$c = \overline{x} y z + x \overline{y} z + x y \overline{z} + x y z$$

$$= (\overline{x} + x) y z + x (\overline{y} z + y \overline{z})$$

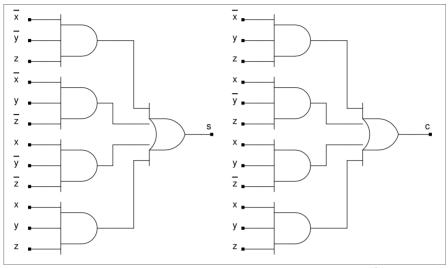
$$= y z + x (\overline{y} z + y \overline{z})$$

$$= y z + x (y \oplus z)$$

$$= y z + x (y \oplus z)$$

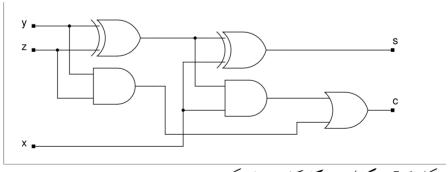
$$\implies c \quad :5.4 \text{ Line}$$

تفاعل 5.6 حاصل كرنے والا دور شكل 5.5 ميں ديا گيا ہے۔



ش*كل 5.5: مكمل جمع كار ك*ا پهلا دور

تفاعل 5.6 کو نصف جمع کار اور ایک جمع گیٹ کی مدد سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ ایسا دور شکل 5.6 میں دکھایا گیا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ یہ دور قدرِ بہتر ہے۔



شکل 5.6: **مکمل جمع کار** کا دوسرا ممکنه دور

اس دور میں دئے 8 کے لئے حل کرتے ملتا ہے۔

$$s = x \oplus (y \oplus z)$$

$$= x \oplus (y \overline{z} + \overline{y} z)$$

$$= x (y \overline{z} + \overline{y} z) + \overline{x} (y \overline{z} + \overline{y} z)$$

$$= x (y z + \overline{y} \overline{z}) + \overline{x} (y \overline{z} + \overline{y} z)$$

$$= x (y z + \overline{y} \overline{z}) + \overline{x} (y \overline{z} + \overline{y} z)$$

$$= x y z + x \overline{y} \overline{z} + \overline{x} y \overline{z} + \overline{x} \overline{y} z$$

یہ مساوات 5.6 میں دئے گئے s کے برابر ہے۔اسی طرح شکل میں c کے لئے حل کرنے سے ملتا ہے۔

$$c = yz + x(y \oplus z)$$

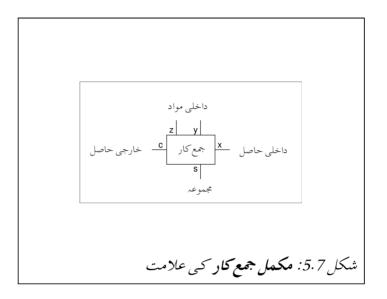
جو شکل 5.4 میں دئے گئے c کے ہی برابر ہے۔

چونکہ شکل 5.6 مکمل جمع کار 113 کہلاتا ہے لہذا شکل 5.2 نصف جمع کار کہلاتا ہے۔ لہذا شکل 5.7 نصف جمع کار کہلاتا ہے۔ شکل 5.7 میں مکمل جمع کار کی علامت دی گئی ہے۔ اس علامت میں مکمل جمع کار کے بجائے صرف جمع کار لکھا گیا ہے۔ جہاں غلطی کا امکان ہو وہاں علامت پر مکمل جمع کار لکھا جائے گا۔ اس شکل میں دائیں جانب x کو داخلی حاصل 114 جبکہ بائیں جانب c کو خارجی حاصل 115 کہتے ہیں۔

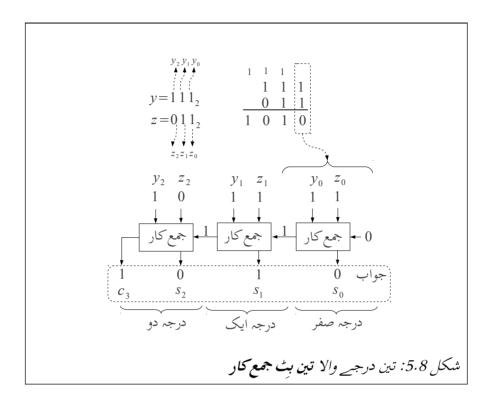
¹¹³ full adder

¹¹⁴ carry in

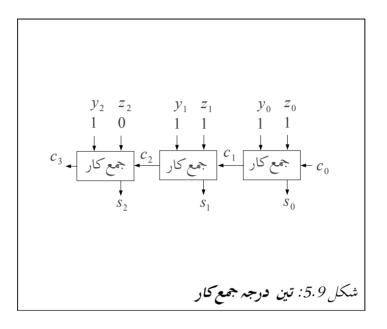
¹¹⁵ carry out



یہاں ایک مرتبہ رک کر $y=111_2$ اور $y=11_2$ کے مجموعہ کو مکمل جمع کار کی مدد سے حاصل کرتے ہیں۔ آگر $y=111_2$ اور $y=111_2$ لیا جائے تو **کم تر رتبہ والے بِٹ** جمع کرتے وقت یاد رہے کہ یہاں **داخلی حاصل** نہیں پایا جاتا لہذا اسے $y=111_2$ لیا جاتا ہے۔ شکل 5.8 میں یہ ہوتا دکھایا گیا ہے جہاں تین درجہ کا دور دکھایا گیا ہے۔



اگر زیادہ بِٹ پر مبنی اعدا کو جمع کرنا ہو تو اسی طرز پر شکل 5.8 کے بائیں جانب مکمل جمع کارکا اضافہ کیا جاتا ہے۔ یوں 8 بِٹ کے اعداد جمع کرنے والا دور آٹھ درجہ کا ہوگا اور اس میں 8 مکمل جمع کار شامل ہونگے جبکہ 64 بِٹ کے اعداد جمع کرنے والا دور چونسٹھ درجہ کا ہوگا اور اس میں 64 مکمل جمع کار استعمال ہوں گے۔



شکل 5.9 میں تین درجہ جمع کار 116 دکھایا گیا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کسی ایک درجہ کا خارجی حاصل اِس سے اگلے درجہ کا داخلی حاصل ہوتا ہے۔اس طرح کے ادوار میں مختلف بِٹ کے درست نام شکل میں دئے گئے ہیں۔یوں درجہ صفر کا داخلی حاصل c_0 کہلاتا ہے جبکہ اِسی درجہ کے خارجی حاصل کو درجہ ایک کے داخلی حاصل کے طور پہچانا جاتا ہے اور اسے c_1 کہتے ہیں۔

مشق: 74283 چار بِٹ کا مکمل جمع کار ہے۔اس کے معلوماتی صفحات انٹرنیٹ سے حاصل کریں۔ اس مخلوط دور کو استعمال کرتے ہوئے دو ثنائی اعداد جمع کریں۔

¹¹⁶ three stage adder

5.1.4 منفی کار

کمپیوٹر دو اعداد کو تکملہ دو ¹¹⁷کی مدد سے منفی کرتا ہے۔ یہاں رک کر تکملہ دو کی مدد سے دو ثنائی اعداد کے منفی کرنے کے طریقہ کو ایک بار دوبارہ دہرائیں۔ یاد رہے کہ اگر بلند تر رتبہ والے بِٹ جمع کرتے ہوئے آخری حاصل ¹¹⁸ پیدا ہو تو اسے ضائع کر دیتے ہیں اور اگر ایسا نہ ہو تب جواب تکملہ دو کی شکل میں منفی عدد سمجھا جاتا ہے۔

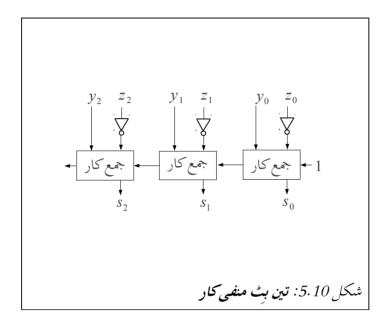
کسی بھی ثنائی عدد کے تکملہ ایک کے ساتھ 1 جمع کرنے سے اس عدد کا تکملہ دو حاصل ہو جاتا ہے۔تکملہ ایک حاصل کرنے کی خاطر عدد کے ہر بِٹ کا نفی لیا جاتا ہے۔ جاتا ہے۔

تین بِٹ کے ثنائی اعداد y اور z کا اگر y-z حاصل کرنا ہو تو z کا تکملہ ایک لے کر اس کے ساتھ z اور z جمع کرنے سے ایسا کرنا ممکن ہوگا۔ شکل تکملہ ایک لیے کہ ایسا ہی دکھایا گیا ہے جہاں نفی گیٹ استعمال کرتے z کا تکملہ ایک لیا گیا ہے جبکہ اس کے ساتھ z جمع کرنے کی خاطر z کو z رکھا گیا ہے۔

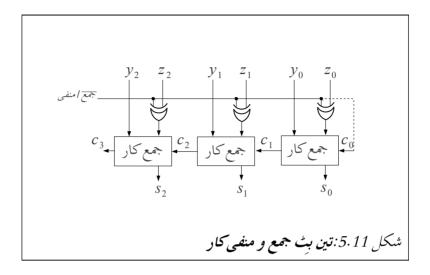
^{117 2&#}x27;s complement

¹¹⁸ end carry

¹¹⁹ NOT gate



شکل 5.8 اور شکل 5.10 سے یہ واضح ہے کہ جمع اور منفی کرنے والے ادوار دونوں مکمل جمع کار کو استعمال کرتے بنائے جاتے ہیں۔ شکل 5.8 میں دئے دور کے ساتھ نفی گیٹ منسلک کر کے اور c_0 کو 0 کی بجائے 1 رکھنے سے شکل 5.10 نفی گیٹ منسلک کر کے اور منفی کرنے کے اعمال کو ایک ہی دور سے بھی حاصل حاصل ہو جاتی ہے۔ جمع کرنے اور منفی کرنے کے اعمال کو ایک ہی دور سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ ایسا دور جسے جمع و منفی کار کہتے ہیں کو شکل 5.11 میں دکھایا گیا ہے۔



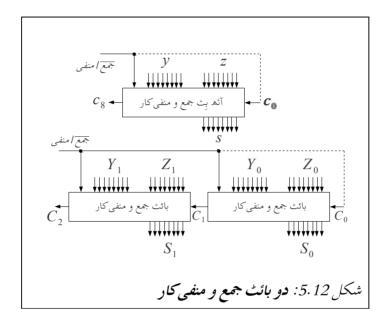
جب مداخل جمع امنفی بلند ہو یعنی اس کی قیمت 1 ہو تب بلا شرکت جمع گیٹ z عدد کا تکملہ ایک حاصل کر کے اسے جمع کرنے والے مکمل دور تک پہنچا دیتا ہے۔ساتھ ہی ساتھ c_0 پر 1 مہیا ہوتا ہے۔اس صورت یہ دور بالکل شکل 5.10 کی طرح تین بِٹ منفی کرنے والے دور کے حیثیت سے کام کرتا ہے۔یوں جب جمع امنفی بلند ہو تو یہ دور منفی کرنے کا کردار ادا کرتا ہے۔

¹²⁰ XOR gate

مداخل جمع امنفی میں جمع کے اُوپر لکیر اس بات کی یاد دہانی کراتی ہے کہ اگر یہ مداخل پست کیا جائے تو دور جمع کرنے کے کام آئے گا۔اسی طرح جمع امنفی میں منفی پر کوئی لکیر نہ لگانا اس بات کی یاد دہانی کراتا ہے کہ اگر یہ مداخل بلند کیا جائے تو دور منفی کرنے کے کام آئے گا۔بس ہم ایک ہی دور سے جمع کرنے اور منفی کرنے کے دونوں کام لے سکتے ہیں۔

شکل میں c_0 کو جمع /منفی مداخل کے ساتھ نکتہ دار لکیر سے جوڑا دکھایا گیا ہے۔یہ اِس بات کی یاد دہانی کرانے کی خاطر کی گئی ہے کہ صرف اور صرف c_0 کو جہاں جمع /منفی کے ساتھ منسلک کرنا ہوتا ہے۔اس کی وضاحت آگلی شکل میں ہوگی جہاں اِس طرح کے کئی ادوار جوڑ کر زیادہ بڑے دور بنائے گئے ہیں۔

شکل 5.12 میں اوپر جانب آٹھ بِٹ یعنی ایک بائٹ جمع یا منفی کرنے والا دور دکھایا گیا ہے اور پھر اسی کو استعمال کرتے دو بائٹ جمع یا منفی کرنے والا دور بنایا گیا ہے۔ اس شکل کے بائیں جانب اسی طرح مزید درجات جوڑتے ہوئے زیادہ بائٹ کا دور بنایا جاتا ہے۔ نکتہ دار لکیر یہاں بھی یاد دہانی کرا تی ہے کہ صرف C_0 کو جمع /منفی کے ساتھ منسلک کرنا ہے۔



اس شکل میں اُوپر چھوٹے حروف میں c_8 ساتویں بِٹ سے خارجی حاصل کو ظاہر کرتا ہے جبکہ اسی شکل میں نیچے بڑے حروف میں C_2 بائٹ C_3 کے خارجی حاصل کو ظاہر کرتا ہے۔

5.1.5 اعشاری اعداد کا جمع کار

جیسا کہ پہلے ذکر ہوا، اعشاری اعداد کو اعشاری اعداد کی ثنائی علامتوں N ہمے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ہم ایک ایسا مکمل جمع کار بناتے ہیں جو دو اعشاری ہندسوں N ہما ہم کار بناتے ہیں جو دو اعشاری ہندسے صفر تا N ہما ہما کو جمع کر سکے۔ چونکہ اعشاری ہندسے صفر تا نو ممکن ہیں جبکہ داخلی حاصل صفر یا ایک ہو سکتا ہے لہذا اس جمع کار کے جواب (0+0+1=19) کے قیمت صفر (0+0+1=19) تا انیس (0+0+1=19)

¹²¹ binary coded decimal (BCD)

ممکن ہے۔ان اعداد کو ثنائی اور اعشاری اعداد کی ثنائی علامتی روپ میں شکل 5.13 میں دکھایا گیا ہے۔اس جدول میں دائیں جانب اضافی قطار میں یہی جوابات اعشاری شکل میں لکھے گئے ہیں۔

	جمع	ثنائي ج			بع	ماري جم	میں اعث	علمت	ثنائي	اعشاري
b_4	b_3	b_2	b_1	b_0	c	d_3	d_2	d_1	d_0	
0	0	О	0	0	0	0	0	0	О	0
O	O	O	0	1	0	O	0	0	1	1
O	O	O	1	O	0	O	0	1	O	2
O	O	O	1	1	0	O	O	1	1	3
O	O	1	O	O	0	O	1	O	O	4
0	O	1	O	1	0	O	1	0	1	5
O	O	1	1	O	0	O	1	1	O	6
O	O	1	1	1	0	O	1	1	1	7
O	1	0	O	O	0	1	O	O	O	8
0	1	0	О	1	0	1	0	0	1	9
		0	1	O	1	O	O	0	0	10
0	1	0	1	1	1	0	0	0	1	11
0	1	1	Ō	0	1	O	O	1	0	12
0	1	1	0	1	1	O	0	1	1	13
0	1	1	1	0	1	0	1	0	0	14
.0 /1\	1	1	1	1	1	0	1	0	1	15
41	0	0	0	0	1	0	1	1	0	16
(4)	0	0	0	1	1	0	1	1	1	17
14/	0	0	1	0	1	1	0	0	0	18
<u>U./.</u>	0	О	1	1	1	1	0	U	1	19

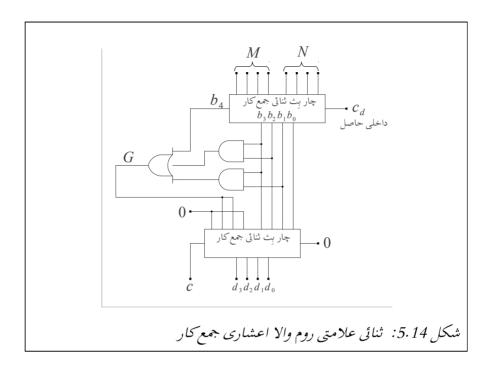
یہاں چار بِٹ ثنائی جمع لکھتے وقت اس کے خارجی حاصل کو b_4 لکھا گیا ہے جبکہ ثنائی علامتی روپ میں اعشاری جوابات لکھتے وقت خارجی حاصل کو c لکھا گیا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ان دونوں طریقوں میں 0 تا e جوابات یکساں لکھے جاتے ہیں البتہ اس سے آگے یہ مختلف ہوتے ہیں۔یوں آگر چار بِٹ ثنائی جمع کار استعمال کرتے وقت جواب e تا e ہو تب یہی جواب بطور اعشاری جواب قابلِ قبول ہے البتہ آگر جواب اس حد سے تجاوز کر جائے تب ثنائی جواب کو اعشاری جواب تسلیم نہیں کیا جا سکتا ہے۔

یہاں ایک دلچسپ حقیقت پر غور کرتے ہیں۔ وہ یہ کہ نا قابلِ قبول ثنائی جوابات کے ساتھ 0110_2 ثنائی طور جمع کرنے سے درست اعشاری جواب حاصل ہوتا ہے۔ مثلاً ساتھ 0110_2 تنائی طور جمع کرنے سے 10000_2 حاصل ہوتا ہے۔ جدول سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اعشاری جواب بالکل اسی طرح لکھا گیا ہے۔ یوں ثنائی جمع کار کے جوابات سے اعشاری جوابات یوں حاصل کئے جا سکتے ہیں کہ اگر ثنائی جوابات 0 تا 0 ہوں تو انہیں کو تسلیم کر لیا جائے اور اگر ثنائی جوابات اس حد سے تجاوز کر جائیں تو ان ثنائی جوابات کے ساتھ 0110_2 ثنائی طور جمع کر کے اعشاری جوابات حاصل کئے جائیں۔

شکل کو دیکھتے ہوئے ایک بات واضح ہے کہ جب بھی ثنائی جمع کار کے جواب میں خارجی حاصل b_4 پایا جائے اس وقت ثنائی جواب کو اعشاری جواب تسلیم نہیں کیا جا سکتا۔ شکل میں نکتہ دار دائرہ سے اس صورت کو واضح کیا گیا ہے۔ ان کے علاوہ وہ ثنائی جوابات بھی ناقابلِ قبول ہیں جن میں b_3 بلند ہونے کے ساتھ ساتھ b_2 یا b_3 بلند ہونے کے ساتھ ساتھ b_4 یا کہی بلند ہو۔ نکتہ دار قائم الزاویہ سے ان کو دکھایا گیا ہے۔ ان نقاط کو بوولین شکل میں یوں لکھا جا سکتا ہے

$$G = b_4 + b_3 b_2 + b_3 b_1 \tag{5.7}$$

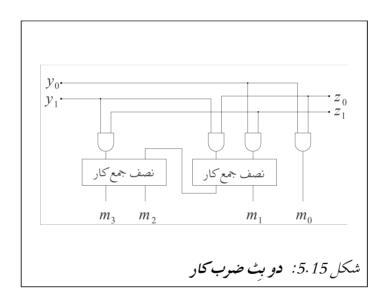
جہاں G غلط ثنائی جوابات کے وقت بلند ہوگا۔اس حقیقت کو استعمال کرتے ہوئے ثنائی جمع کارکی مدد سے اعشاری جمع کارکا حصول شکل میں دکھایا گیا ہے۔



5.2 ثنائي ضرب کار

ثنائی ضرب بالکل اعشاری ضرب کی طرح کی جاتی ہے۔ دو بِٹ لمبے ثنائی اعداد z اور z کو یوں ضرب دیا جاتا ہے۔

اس مساوات سے حاصل دو بٹ ضرب کار کو شکل 5.15 میں دکھایا گیا ہے۔زیادہ بِٹ کے ضرب کار کو شکل 5.15 میں دکھایا گیا ہے۔زیادہ بِٹ کے ضرب کار بھی اسی طرح تشکیل دئے جاتے ہیں۔

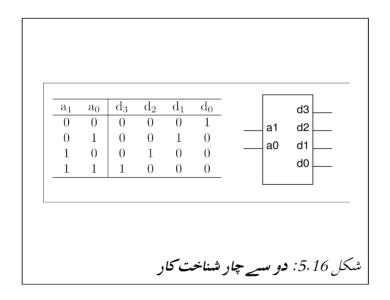


مشق: انٹرنیٹ سے 74284 مخلوط دور کے معلوماتی صفحات حاصل کریں۔یہ مخلوط دور کیا کام سر انجام دیتا ہے۔

5.3 شناخت کار

دو بیٹ چار ممکنہ علامتوں کو ظاہر کر سکتا ہے (یعنی 2^2) جبکہ n بیٹ 2^n علامتوں کو ظاہر کر سکتا ہے۔ایک ایسا دور جو n مداخل کو دیکھتے ہوئے 2^n منفرد مخارج میں سے ایک کو چُن سکے کو n سے 2^n شناخت کار 2^n مداخل کے تمام ترتیب زیرِ استعمال نہ لائے گئے ہوں تب اس کے مخارج n سے کم ہوں گے۔

شکل 5.16 کے میں دو سے چار شناخت کار کی علامت اور اس کی کارکردگی کا جدول دکھایا گیا ہے۔داخلی بِٹوں کی مختلف ترتیب خارجی بِٹوں میں سے صرف ایک کو چنتی ہے۔یہاں چنی گئی بِٹ بلند کی گئی ہے۔

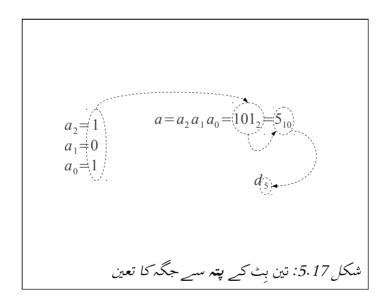


جدول کی پہلی صف میں مداخل 00 کرنے سے d_0 کی شناخت ہوتی ہے۔

اسی طرح دوسری صف میں مداخل 01 کرنے سے d_1 کی شناخت ہوتی ہے وغیرہ، وغیرہ۔

یوں آگر d کو چار مختلف جگہیں، مثلاً چار مختلف گلیاں یا چار مختلف مکان، تصور کیا جائے تو ہم کہہ سکتے ہیں کہ a اِن جگہوں کا پتہ ہے اور ہم اس پتہ سے ان جگہوں تک پہنچ سکتے ہیں۔ اسی مشابہت سے a کو پتہ کے بِٹ یا پتہ بِٹ a یا صرف پتہ کہتے ہیں۔ عددی الیکٹرانکس میں اس طرح جگہ تعین کرنے والے پتہ کے بِٹوں کا استعمال عام ہے اور انہیں عموماً a سے ہی ظاہر کیا جاتا ہے۔

تین بِٹ پتہ سے جگہ تعین کرنا شکل 5.17 میں دکھایا گیا ہے جہاں میں بین بِٹ پتہ سے جگہ تعین کرنا شکل $a=101_2$



¹²³ address bits

¹²⁴ address

شکل 5.16 میں دئے جدول کو مخارج کے لئے حل کرتے ملتا ہے۔

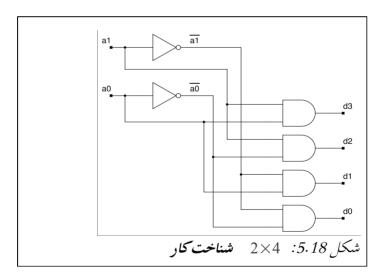
$$d_0 = \bar{a}_1 \bar{a}_0$$

$$d_1 = \bar{a}_1 a_0$$

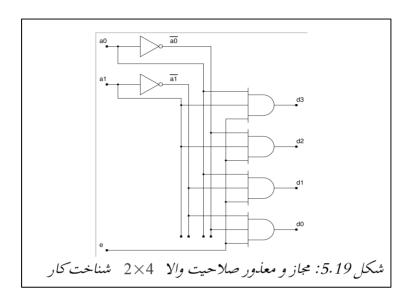
$$d_2 = a_1 \bar{a}_0$$

$$d_3 = a_1 a_0$$

شکل 5.18 میں ان مساوات سے حاصل دور دکھایا گیا ہے۔اس دور کو 4×2 شناخت کار کہتے ہیں جہاں 2 کا عدد داخلی بِٹوں کا شمار جبکہ 4 کا عدد خارجی بِٹوں کا شمار ہے۔



شکل 5.18 میں دکھلائے گئے شناخت کار کے دور میں تمام ضرب گیٹوں کے ساتھ اضافی مداخل e جوڑ کر اس کو اختیاری مداخل کے طور استعمال کیا جا سکتا ہے۔ ایسا شکل 5.19 میں دکھایا گیا ہے۔



چونکہ ضرب گیٹ کی کسی بھی مداخل کو پست کرنے سے اس کی مخارج پست ہو جاتی ہے لہٰذا و پست کرنے سے تمام مخارج پست ہوں گے اور یہ دور کسی بھی مخارج کو نہیں چنے گا۔یوں و پست کرنے سے اس دور کو معذور کیا جا سکتا ہے۔ و بلند کرتے ہی یہ مجاز¹²⁵ ہو کر مخارج چن سکتا ہے۔یوں اس دور کو مجاز و معذور صلاحیت والا کرتے ہی یہ مخارکہتے ہیں۔اس دور کی جدول 5.1 میں دی گئی ہے۔

¹²⁵ enable

е	a_1	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0

جدول 5.1: مجاز و معذور صلاحیت والر 4×2 شناخت کار کا جدول

اس طرح کے جدول کو جہاں ایک آزاد متغیرہ تمام مداخل کو معذور بناتا ہو کو نسبتاً چھوٹا کر کے لکھا جاتا ہے جیسے

е	a_1	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0
0	X	X	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0	0

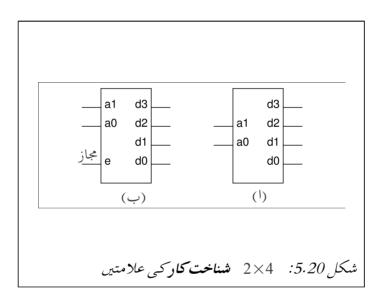
جدول 5.2: مجاز و معذور صلاحیت والے 4×2 شناخت کار کا بہتر جدول

اس جدول کی پہل صف میں جہاں e کی قیمت 0 ہے۔ اس صف میں بقایا دو مداخل کی قیمتوں کی جگہ x لکھا گیا ہے۔ x لکھنے سے مرادیہ ہے کہ ان مداخل کی قیمت x یا x ہو سکتی ہے اور مزید یہ کہ ان کی قیمتوں کا مخارج کی

189

قیمتوں پر کوئی اثر نہیں پڑتا۔ لہٰذا e کی قیمت 0 ہونے کی صورت میں تمام مخارج پست ہوں گے۔

شکل 5.20 (۱) میں 4×2 شناخت کار کی علامت دی گئی ہے جبکہ (ب) میں مجاز و معذور صلاحیت والے 2×4 شناخت کار کی علامت دی گئی ہے۔عددی ادوار کی علامتیں عموماً یوں ڈبہ کی شکل میں بنائی جاتی ہیں۔



اسی طریقہ کار سے 8×3 شناخت کار کا دور یوں حاصل کیا جائے گا۔ پہلے ایک ایسا جدول لکھتے ہیں جس میں تین مداخل کی مختلف ترتیب مخارج میں سے صرف ایک مخارج کو چنے۔

a_2	a_1	a_0	d_7	d_6	d_5	d_4	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

اس جدول سے مخارج کے تفاعل بذریعہ مجموعہ ارکان ضرب سے حل کرتے ملتا

ہیے۔

$$d_{0} = \bar{a}_{2} \bar{a}_{1} \bar{a}_{0}$$

$$d_{1} = \bar{a}_{2} \bar{a}_{1} a_{0}$$

$$d_{2} = \bar{a}_{2} a_{1} \bar{a}_{0}$$

$$d_{3} = \bar{a}_{2} a_{1} \bar{a}_{0}$$

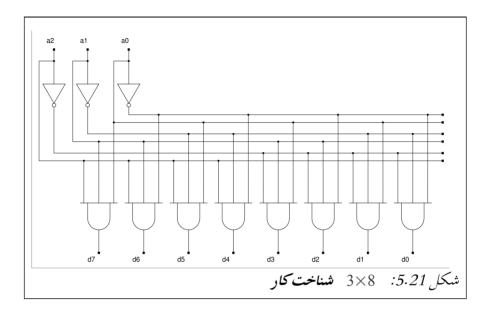
$$d_{4} = a_{2} \bar{a}_{1} \bar{a}_{0}$$

$$d_{5} = a_{2} \bar{a}_{1} a_{0}$$

$$d_{6} = a_{2} a_{1} \bar{a}_{0}$$

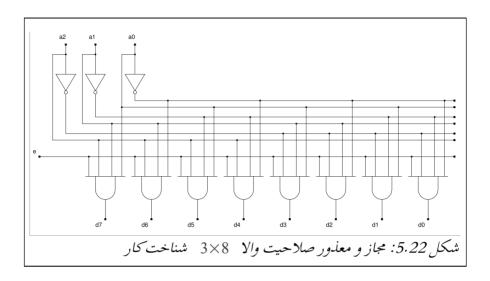
$$d_{7} = a_{2} a_{1} a_{0}$$

ان تفاعل کا دور شکل 5.21 میں دیاگیا ہے۔



اسی دور میں مجاز 126 مداخل 9 کا اضافہ کرنے سے اس میں مجاز یا معذور کئے جانے کی صلاحیت پیدا کی جا سکتی ہے۔ایسا کرنے سے مجاز و معذور صلاحیت والا 3×8 شناخت کار حاصل ہوتا ہے جسے شکل 5.22 میں دکھایا گیا ہے۔چونکہ ضرب گیٹ کی کوئی بھی مداخل پست ہونے سے اس کی مخارج پست ہو جاتی ہے لہٰذا اس دور میں جب تک مجاز یعنی 9 پست رہے اتنی دیر تمام مخارج پست رہتے ہیں۔یوں 9 پست کرنے سے یہ دور معذور ہو جاتا ہے اور کسی مخارج کو نہیں چنتا۔ 9 بلند کرنے سے یہ دور معذور ہو جاتا ہے اور کسی دور کی طرح کام کرتا ہے۔

¹²⁶ enable



جدول 5.3 مجاز و معذور صلاحیت والمے 8×8 شناخت کار کا جدول ہے۔ اس جدول کی پہلی صف میں مداخل کے خانوں میں x لکھنے کا مطلب ہے کہ ان خانوں کی قیمت 0 یا 1 ہو سکتی ہے اور دونوں صورتوں میں ان خانوں کی قیمتوں کا اس صف کے مخارج پر کوئی اثر نہیں پڑتا اور مخارج پست رہتے ہیں۔

193

е	a_2	a_1	a_0	d_7	d_6	d_5	d_4	d_3	d_2	d_1	d_0
0	X	X	X	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
1	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
1	0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0
				I							

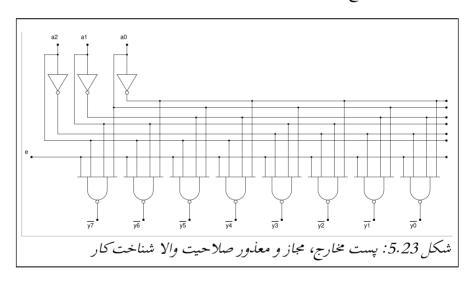
جدول 5.3: مجاز و معذور صلاحیت والا 8×3 شناخت کار دور

عموماً ایسے شناخت کار کی ضرورت پڑتی ہے جو چنے گئے مخارج کو پست کرتا ہو۔ ایسے پست مخارج والے تین سے آٹھ شناخت کار¹²⁷ کو جدول 5.4 بیان کرتا ہے اور اسے شکل 5.23 میں ضرب گیٹ کی بجائے نفی۔ ضرب گیٹ استعمال کرنے سے حاصل کیا گیا ہے۔

¹²⁷ active low 3*8 decoder

е	a_2	a_1	a_0	$\overline{y_7}$	$\overline{y_6}$	$\overline{y_5}$	$\overline{y_4}$	$\overline{y_3}$	$\overline{y_2}$	$\overline{y_1}$	$\overline{y_0}$
0	X	X	X	1	1	1	1	1	1	1	1
1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0
1	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0	1
1	0	1	0	1	1	1	1	1	0	1	1
1	0	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1
1	1	0	0	1	1	1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	1	0	1	1	1	1	1
1	1	1	0	1	0	1	1	1	1	1	1
1	1	1	1	0	1	1	1	1	1	1	1

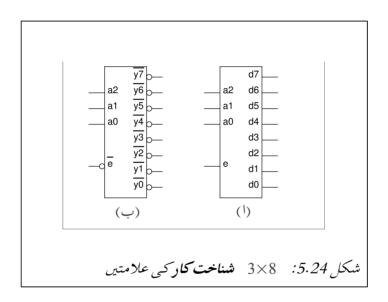
جدول 5.4: پست مخارج، مجاز و معذور صلاحیت والا 8×3 شناخت کار



مخارج کے ناموں کے اوپر لکیر کھینچ کر (یعنی \overline{y}) اس بات کی یاد دہانی کرائی جاتی ہے کہ یہ چنے جانے کی صورت میں پست ہوتے ہیں۔ شناخت کار کے پست ہونے والے مخارج کو عموماً y کی علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

شكل 5.24 (١) ميں تين داخلي بلند مخارج شناخت كاركى علامت دكھائي گئي

ہے۔شکل (ب) میں تین داخلی پست مخارج شناخت کارکی علامت دکھائی گئی ہے جس میں خارجی پنوں پر دائرہ اس کے پست ہونے کی یاد دہانی کراتا ہے۔شکل (ب) میں مجاز (\overline{e}) پر بھی دائرہ بنایا گیا ہے۔یوں اس شناخت کارکو مجاز بنانے کی خاطر اس پن کو پست رکھنا ہو گا۔



مشق: انٹرنیٹ سے پست مخارج والے 8×3 شناخت کارکے مخلوط دور 74138 کے معلوماتی صفحات حاصل کریں۔اس مخلوط دورکا دورانیہ ردِ عمل کتنا ہے۔

5.4 شناخت کار کی مدد سے تفاعل کا حصول

کسی بھی تفاعل کو ارکانِ ضرب کے مجموعہ کی ترتیب سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔ چونکہ شناخت کار تمام ممکنہ ارکانِ ضرب فراہم کرتا ہے لہٰذا اس کے ساتھ جمع گیٹ

جوڑ کر کسی بھی تفاعل کو حاصل کیا جا سکتا ہے۔اس ترتیب کو ایک مثال کی مدد سے دیکھتے ہیں۔

مثال 5.1: مکمل جمع کار کو شناخت کار کی مدد سے ارکان ضرب استعمال کرتے ہوئے حاصل کریں۔

حل: مکمل جمع کار کا جدول مندرجہ ذیل ہے جہاں بِٹ x_0 اور y_0 کے ساتھ داخلی حاصل c_1 بیدا ہوتا ہے۔ حاصل c_1 اور خارجی حاصل c_2

x_0	y_0	c_0	c_1	s_0
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

جدول 5.5: مكمل جمع كاركا جدول

اس جدول سے حاصل ہوتا ہے

$$c_{1} = \bar{x}_{0} y_{0} c_{0} + x_{0} \bar{y}_{0} c_{0} + x_{0} y_{0} \bar{c}_{0} + x_{0} y_{0} c_{0} s_{0} = \bar{x}_{0} \bar{y}_{0} c_{0} + \bar{x}_{0} y_{0} \bar{c}_{0} + x_{0} \bar{y}_{0} \bar{c}_{0} + x_{0} y_{0} c_{0}$$

$$(5.8)$$

تین سر آٹھ شناخت کار کا جدول مندرجہ ذیل ہر

$\overline{x_0}$	У0	\mathbf{c}_{o}	m_7	m_6	m_5	m_4	m_3	m_2	m_1	m_0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0

اس سے حاصل ہوتا ہے۔

$$m_{7} = x_{0} y_{0} c_{0}$$

$$m_{6} = x_{0} y_{0} \bar{c}_{0}$$

$$m_{5} = x_{0} \bar{y}_{0} c_{0}$$

$$m_{4} = x_{0} \bar{y}_{0} \bar{c}_{0}$$

$$m_{3} = \bar{x}_{0} y_{0} c_{0}$$

$$m_{2} = \bar{x}_{0} y_{0} \bar{c}_{0}$$

$$m_{1} = \bar{x}_{0} \bar{y}_{0} c_{0}$$

$$m_{0} = \bar{x}_{0} \bar{y}_{0} \bar{c}_{0}$$

$$(5.9)$$

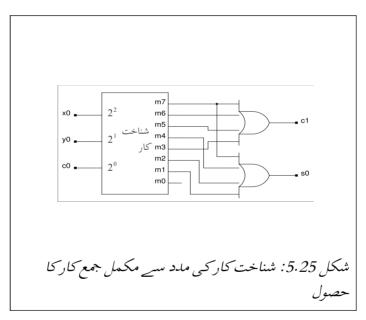
مساوات 5.9 کو دیکھتے ہوئے مساوات 5.8 کو یوں لکھ سکتے ہیں۔

$$c_1 = m_3 + m_5 + m_6 + m_7 s_0 = m_1 + m_2 + m_4 + m_7$$
 (5.10)

یا

$$c_{1} = \sum (m_{3}, m_{5}, m_{6}, m_{7}) s_{0} = \sum (m_{1}, m_{2}, m_{4}, m_{7})$$
(5.11)

اس کو شکل 5.25 میں دکھایا گیا ہے۔



یہ تمام عمل نہایت آسان بنایا جا سکتا ہے اگر جدول 5.5 کو یوں لکھا جائے۔

	ζ ₀	У0	c_0	c_1	s_0	m
_	0	0	0	0	0	m_0
	0	0	1	0	1	$ m m_1$
	0	1	0	0	1	$ m m_2$
	0	1	1	1	0	$ m m_3$
	1	0	0	0	1	$ m m_4$
	1	0	1	1	0	m_{5}
	1	1	0	1	0	m_{6}
	1	1	1	1	1	m_7

جدول 5.6: مكمل جمع كار

اس طرز پر جدول لکھنے سے آپ پہچان گئے ہوں گے کہ یہ تفاعل کو ارکانِ ضرب ¹²⁸ سے حاصل کرنے کا طریقہ ہے۔اس جدول کو دیکھ کر مطلوبہ جواب فوراً لکھا جا سکتا ہے یعنی

$$c_1 = \sum (m_3, m_5, m_6, m_7) s_0 = \sum (m_1, m_2, m_4, m_7)$$

5.5 داخلی منتخب کار اور خارجی منتخب کار

ایک ایسا دور جو واحد ایک راستے سے ثنائی مواد حاصل کر کے اِسے 2^n مختلف راستوں میں سے کسی بھی ایک راستے منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتا ہو کو خارجی منتخب کار 2^n کہتے ہیں۔ایسے دور کو مطلوبہ راستے کی نشاندہی n داخلی

¹²⁸ minterms

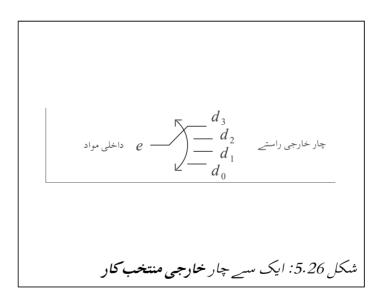
¹²⁹ demultiplexer

بِٹوں کی مدد سے کی جاتی ہے جنہیں پتہ کے بٹ یا پتہ بٹ یا صرف پتہ ¹³⁰ کہتے ہیں۔۔

اسی طرح ایک ایسا دور جو 2^n مداخل میں سے ایک مداخل کے مواد کو منتخب کر کے اسے اپنے واحد خارجی راستے پر منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتا ہو کو داخلی منتخب کار131 کہتے ہیں۔ایسے دور کو مطلوبہ راستے کی نشاندہی n داخلی بِٹوں کی مدد سے کی جاتی ہے جنہیں پتہ کے بِٹ یا پتہ بِٹ یا صرف پتہ کہتے ہیں۔۔

اس حصہ میں ان دو قسم کے ادوار پر غور ہوگا۔

5.5.1 خارجی منتخب کار



شکل 5.26 میں خارجی منتخب کار کی تصوراتی شکل دکھائی گئی ہے جہاں

¹³⁰ address

¹³¹ multiplexer

مداخل e پر آمد ثنائی مواد کو چار مختلف خارجی راستوں پر بھیجا جا سکتا ہے۔شکل میں پیچی سوئچ کے استعمال سے ایسا ممکن بنایا گیا ہے۔

بھاز و معذور صلاحیت والے 4×2 شناخت کار پر غور کرنے سے معلوم ہوتا ہے کہ یہ بھی ایسا کر سکتا ہے۔ یہ دیکھنے کی خاطر جدول 5.27 کو شکل 5.27 میں دوبارہ پیش کیا گیا ہے۔

$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

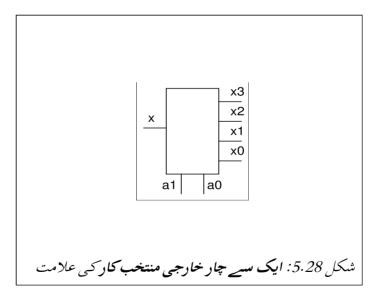
اس جدول میں a_0 اور a_1 کو خارجی راستہ منتخب کرنے والے پتہ کے بِٹ جبکہ جدول میں عصور کیا جائے۔یوں تصور کرنے کے بعد جدول پر غور کریں۔ e

وہے ہوتی ہے جو میں ہوتی ہے جو میں موتی ہے ہوتا ہے اور اس کی قیمت وہی ہوتی ہے جو میں موتی ہے ہوتی ہے میں 0 منتخب ہوتی ہے وہ میں 0 موتی ہے جبکہ تمام بقایا مخارج یعنی $a_1a_0=0$ میں میں میں شکل دیکھنے سے اس کی بہتر وضاحت ہوتی ہے ۔تسلی کر لیں کہ $a_1a_0=0$ سے میں میں میں کے برابر ہوتی ہے جبکہ بقایا تمام مخارج پست رہتے ہیں $a_1a_0=0$

وغيره وغيره ـ

اس جدول کو بہتر طور یوں لکھا جا سکتا ہے جہاں اس کی موجودہ کارکردگی واضح طور نظر آتی ہے۔ شکل 5.28 میں ایک سے چار خارجی منتخب کار کی علامتی شکل بھی دی گئی ہے۔

е	a_1	a_0	d_3	d_2	d_1	d_0
0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	0	0	0
1	0	1	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0
1	1	0	0	1	0	0
0	1	1	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0



5.5.2 داخلی منتخب کار

شکل 5.29 میں داخلی منتخب کار¹³²کی تصوراتی شکل دکھائی گئی ہے۔اس شکل میں پیچی سوئچ کی مدد سے چار داخلی مواد سے کسی ایک کو خارجی راستے منتقل کیا جا سکتا ہے۔یوں اسے چار سے ایک داخلی منتخب کار کے طور استعمال کیا جا سکتا ہے۔

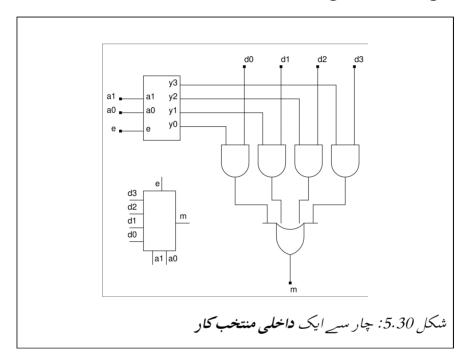
$$d_3$$
خارجی مواد D خارجی مواد d_1 جار داخلی راستے d_1 d_0 d_0 خارجی مواد d_0 شکل d_0 : چار اے ایک **داخلی منتخب کار**

داخلی منتخب کار کو شناخت کار کی مدد سے شکل۔ 5.30 میں حاصل کیا گیا m_1 ہے۔ مجاز کردہ شناخت کار پتم a=00 کی صورت میں m_0 کو بلند جبکہ m_1 اور m_1 کو پست رکھتا ہے۔ یوں دائیں جانب کے تین ضرب گیٹوں کی مخارج پست رہے گی جبکہ بائیں جانب گیٹ کی مخارج d_0 کے برابر ہو گی۔ یہی جمع گیٹ کی مخارج m کی صورت میں سامنے آئے گی۔ یوں a=00 کی صورت میں دور کی واحد مخارج m کی قیمت d_0 کے برابر ہو گی۔بالکل اسی طرح a=01 کی صورت میں منتخب m کا حصول ہوتا ہے وغیرہ وغیرہ شکل m کی m کا حصول ہوتا ہے وغیرہ وغیرہ شکل m کی m

¹³² multiplexer

کار کی علامت بھی دی گئی ہے۔

ہے۔ پتہ بِٹ والا داخلی منتخب کار 2^n مداخل میں سے ایک کو منتخب کر n کے خارج کرتا ہے۔ اس طرح اس کو $2^n \times 1$ داخلی منتخب کار کہیں گے۔



مشق: انٹرنیٹ سے 74153 کے معلوماتی صفحات حاصل کریں۔دیکھیں کہ یہ مخلوط دور کیا کام سرانجام دیتا ہے۔

5.5.3 داخلی منتخب کار سے تفاعل کا حصول

آپ نے شناخت کار کے ساتھ بیرونی جمع گیٹ جوڑ کر مجموعہ ارکانِ ضرب کی شکل میں تفاعل کا حصول دیکھا۔جیسا شکل 5.30 میں آپ دیکھ سکتے ہیں کہ داخلی

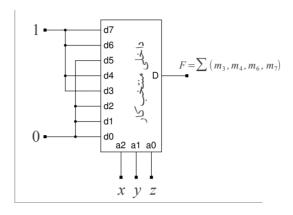
n منتخب کار میں دراصل شناخت کار اور ایک جمع گیٹ دونوں موجود ہوتے ہیں۔یوں n آزاد متغیرات والے تفاعل کو n پتہ بِٹوں والے n n n منتخب کار استعمال کرتے ہوئے حاصل کیا جا سکتا ہے۔اس عمل کو مثال سے دیکھتے ہیں۔

مثال 5.2: مندرجہ ذیل تفاعل کو 8×1 داخلی منتخب کار کی مدد سے حاصل کریں۔ $F(x,y,z) = \sum (m_3,m_4,m_6,m_7)$

حل: اس تفاعل کا جدول مندرجہ ذیل ہے۔

X	У	\mathbf{z}	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	1

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ تین آزاد متغیرات xyz کو xyz **داخلی منتخب کار** کا پتہ تصور کرتے ہوئے **داخلی منتخب کار** کے آٹھ $(2^3=8)$ مداخل d_0 تا d_0 میں سے تصور کرتے ہوئے **داخلی منتخب کار** کے آٹھ d_0 مداخل d_0 ماداخل d_0 اور d_0 کو بلند جبکہ بقایا کو پست رکھ کر یہ تفاعل حاصل کیا جا سکتا ہے۔ شکل 5.31 میں یہ دور دکھایا گیا ہے۔



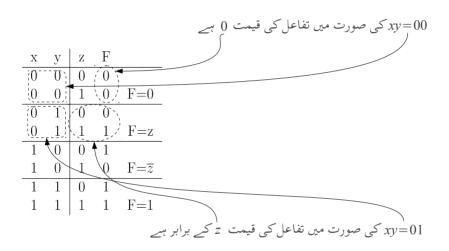
شكل 5.31: داخلي منتخب كاركي مدد سر تفاعل كا حصول

یوں پتہ 000_2 ، 000_2 ، 000_2 ، 000_2 ، 000_2 ہونے کی صورت میں یہ **داخلی منتخب کار** ملے ، d_1 ، d_2 ، d_1 ، d_0 ، d_1 ، d_0 منتخب کار کے خارج کرے گا۔ان تمام کو پست رکھ کر درکار تفاعل کی پست صورت حاصل ہوتی ہے۔اسی طرح پتہ d_7 ، d_6 ، d_4 ، d_3 یصورت میں d_6 ، d_4 ، d_5 ، d_6 ، d_6 ، d_6 ، d_6 ، d_8 ، d_8 ، d_8 صورت میں ہوئے تفاعل کی بلند صورت حاصل ہوتی منتخب ہو کر خارج ہوتے ہیں۔انہیں بلند رکھتے ہوئے تفاعل کی بلند صورت حاصل ہوتی ہے۔پتہ کسی ایک وقت پر صرف ایک ہی قیمت رکھتا ہے۔

کسی بھی n آزاد متغیرات والے تفاعل کو (n-1) پتہ بِٹوں والے داخلی منتخب کار مدد سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ اس طریقے میں کسی بھی حاصل کیا جا متغیرات کو بطور داخلی منتخب کار کے پتہ استعمال کیا جاتا ہے جبکہ بقایا ایک متغیرہ کو بطور مداخل استعمال کیا جاتا ہے۔ اس طریقے کو ایک مثال کی مدد سے دیکھتے ہیں۔

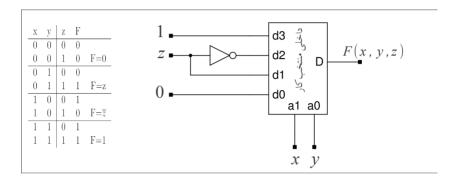
مثال 5.3: مندرجہ بالا تفاعل کو دو پتہ بِٹوں والے 1×4 داخلی منتخب کار کی مدد سے حاصل کریں۔

حل: شکل 5.32 میں اس تفاعل کے جدول کو قدرِ مختلف طریقے سے لکھا دکھایا گیا ہے۔



شكل 5.32: داخلي منتخب كاركى مدد سر تفاعل كر حصول كا دوسرا طريقه

شکل 5.32 میں آزاد متغیرات xy کے دائیں جانب لکیر لگائی گئی ہے جبکہ xy کی قیمت کے مطابق جدول کے چار حصے کئے گئے ہیں۔ جس حصے میں xy=00 xy=00 ہے وہاں تفاعل کی قیمت بدستور صفر xy=00 ہے۔ اس حصے کے اضافی قطار xy=00 میں xy=01 لکھ کر اس حقیقت کو بیان کیا گیا ہے۔ اسی طرح xy=01 کی صورت میں تفاعل کی قیمت کے برابر ہے۔ یوں یہاں xy=01 لکھا گیا ہے۔ xy=01 کی صورت میں تفاعل کی قیمت xy=01 لکھا گیا ہے۔ xy=01 کی صورت میں تفاعل کی قیمت xy=01 ہے۔ xy=01 کی صورت میں تفاعل کی قیمت xy=01 کی صورت میں تفاعل جا کہا گیا ہے۔ اسی لئے اس حصے میں xy=01 لکھا گیا ہے۔



شكل 5.33: داخلي منتخب كاركى مدد سر تفاعل كر حصول كا دوسرا طريقه

شکل 5.33 میں اس جدول سے حاصل دور دکھایا گیا ہے جہاں 4×1 داخلی منتخب کار استعمال کیا گیا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ xy=00 کی صورت میں داخلی منتخب کار مداخل d_0 کو منتخب کر کے اس کے مواد کو خارج کررے گا۔یوں d_0 پر صفر d_0 مہیا کر کے اس صورت میں تفاعل کی درست قیمت حاصل کی جاتی ہے۔اسی طرح xy=0 کی صورت میں xy=0 کے مواد کو خارج کیا جاتا ہے۔یہاں متغیرہ xy=0 فراہم کر کے تفاعل کی درست قیمت حاصل کی جاتی ہے۔اسی طرح xy=0 کی صورت میں xy=0 کے مواد کو منتخب کیا جاتا ہے جہاں xy=0 فراہم کر کے تفاعل کی درست قیمت حاصل ہوتی ہے۔ xy=0 کی صورت میں تفاعل بدستور کے تفاعل کی درست قیمت حاصل ہوتی ہے۔ xy=0 کی صورت میں تفاعل بدستور کے بیان ہے۔

5.6 متوازى ثنائي ضرب كار

حسابی اعمال میں ضرب کا کردار کلیدی ہے۔ ثنائی اعداد کے ضرب کا عمل بالکل اعشاری اعداد کی ضرب کی طرح ہے۔ دو بِٹ کے ثنائی اعداد کی ضرب کی ضرب مندرجہ ذیل ہے۔ a_1a_0 اور b_1b_0 لکھا گیا ہے۔

$$\begin{array}{c}
 b_1 b_0 \\
 \times a_1 a_0 \\
 a_0 b_1 a_0 b_0 \\
 \hline
 a_1 b_1 a_1 b_0 \\
 \hline
 p_3 p_2 p_1 p_0
\end{array}$$

جهاں

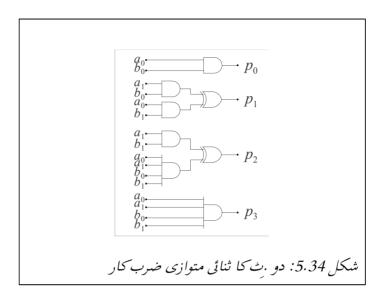
$$p_0 = a_0 b_0$$

$$p_1 = a_1 b_0 \oplus a_0 b_1$$

$$p_2 = a_1 b_1 \oplus a_1 b_0 a_0 b_1$$

$$p_3 = a_1 b_1 a_1 b_0 a_0 b_1 = a_1 a_0 b_1 b_0$$

کے برابر ہیں۔یہ مساوات ثنائی جمع کارکے مساوات 5.4کی مدد سے حاصل کئے گئے ہیں۔ان مساوات سے دو بِٹ متوازی ثنائی ضرب کارکا حاصل دور شکل 5.34 میں دکھایا گیا ہے۔

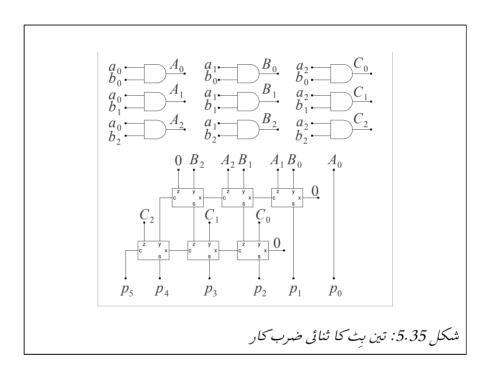


اسی طرز پر زیادہ بِٹ ضرب کار بھی بنائے جا سکتے ہیں۔بد قسمتی سے زیادہ بِٹ کے ضرب کار یوں تشکیل دینا نہایت مہنگا ثابت ہوتا ہے چونکہ آٹھ یا سولہ بِٹ کے ضرب ضرب کار کے لئے بھی درکار گیٹوں کی تعداد بہت بڑھ جاتی ہے۔عموماً زیادہ بِٹ کے ضرب کار مکمل جمع کار کی مدد سے حاصل کئے جاتے ہیں۔اس طریقہ کو تین بِٹ کے ثنائی اعداد کے ضرب کو مثال بناکر سیکھتے ہیں۔

تین بٹ کے دو اعداد کا ضرب مندرجہ ذیل ہے۔

$$\begin{array}{c} b_2b_1b_0\\ \times a_2a_1a_0\\ a_0b_2 & a_0b_1 & a_0b_0\\ a_1b_2 & a_1b_1 & a_1b_0\\ \underline{a_2b_2} & a_2b_1 & a_2b_0\\ p_5 & p_4 & p_3 & p_2 & p_1 & p_0 \end{array}$$

اس مساوات سے حاصل دور شکل 5.35 میں دکھایا گیا ہے۔ اس طریقہ سے با آسانی زیادہ بٹ کے ثنائی ضرب کار بنائے جا سکتے ہیں۔



6 معاصر ترتيبي ادوار

منطق میں عموماً دو متضاد صورتیں سامنے آتی ہیں مثلاً بلند اور پست، درست اور غلط، راغب اور غیر راغب وغیرہ۔اس طرح کی صورتوں کو عددی الیکٹرانکس میں 1 اور 0 سے ظاہر کیا جاتے تو پست کو 0 سے ظاہر کیا جائے گا اور اگر بلند کو 0 سے ظاہر کیا جائے تو پست کو 1 سے ظاہر کیا جائے گا اور اگر بلند کو 0 سے ظاہر کیا جائے تو پست کو 1 سے ظاہر کیا جائے گا۔اگر درست کو 1 سے ظاہر کیا جائے تو 0 غلط کو ظاہر کرے گا۔اگر داغب کو ظاہر کرے گا وغیرہ وغیرہ۔

عددی الیکٹرانکس میں آگر 1 کو مثبت پانچ وولٹ کے برقی دباؤ یعنی 0V سے ظاہر کیا جائے سے ظاہر کیا جائے تو اس نظام کو مثبت منطقی نظام 133 کہتے ہیں۔اس کتاب میں یہی نظام استعمال کیا جائے گا۔

ہم اس نظام کو اُلٹ کر کے 0 کو 5V اور 1 کو 0V سے بھی ظاہر کر سکتے ہیں۔ سکتے ہیں۔

اب تک ہم نے ایسے ثنائی گیٹوں کا مطالعہ کیا ہے جن کی مخارج اُسی لحمہ تبدیل ہوجاتی ہے جس لحمہ ان کی مداخل تبدیل ہوں۔عددی الیکٹرانکس میں نہایت اہمیت رکھنے والے ایک قسم کے ادوار ایسے ہیں جو اپنی حالت، مداخل کی تبدیلی کے باوجود برقرار رکھ سکتے ہیں۔اس قسم کے ادوار کو پلٹ ¹³⁵کہتے ہیں۔پلٹ ایک ثنائی ہندسہ یعنی ایک بٹ ذخیرہ کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔جیسے آپ نیچے دیکھیس گے ان ادوار کے دو متضاد مخارج ہوتے ہیں۔اس قسم کے ادوار حافظہ ¹³⁶کے طور استعمال کئے جاتے ہیں۔اس

¹³³ positive logic of representation

¹³⁴ negative logic of representation

¹³⁵ Flip Flop

¹³⁶ memory

کے علاوہ ان کو استعمال کرتے گنت کار ¹³⁷ وغیرہ بنائے جاتے ہیں۔اس باب میں پلٹ اور اس پر مبنی معاصر ادوار ¹³⁸ پر غور ہوگا۔معاصر ادوار ایسے ادوار ہوتے ہیں جو کہ اس کے قدم ملا کر چلتے ہیں۔

6.1 گیٹوں کے اوقات کار

ثنائی گیٹ کی کارکردگی پر تبصرہ کرنے کی خاطر چند تکنیکی اصطلاحات جاننا ضروری ہیں۔شکل 6.1 میں ایک گیٹ کی مخارج کو بلند ہو کر دوبارہ پست ہوتے دکھایا گیا ہے۔اس شکل میں ایک کنارے کو کنارہ چڑھائی ¹³⁰ یا مثبت جاتا کنارہ ¹⁴⁰ کہا گیا ہے جبکہ دوسرے کنارے کو کنارہ اترائی ¹⁴¹ یا منفی جاتا کنارہ ¹⁴² کہا گیا ہے۔اس شکل میں مخارج کی حالت یکدم تبدیل ہوتا دکھایا گیا ہے جو کہ درست نہیں۔

¹³⁷ counters

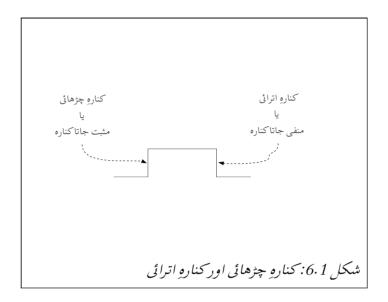
¹³⁸ synchronous sequential circuits

¹³⁹ rising edge

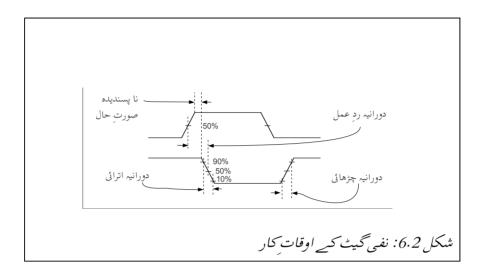
¹⁴⁰ positive going edge

¹⁴¹ falling edge

¹⁴² negative going edge



الیکٹرانک گیٹ چُست ہوتے ہیں اور ان کی مخارج پست سے بلند یا بلند سے پست نہایت کم وقت میں ہو جاتی ہے۔ یہ وقت کم ضرور ہوتا ہے لیکن صفر سیکنڈ کبھی بھی نہیں ہوتا۔ اس کے علاوہ برقی اشارہ اگر روشنی کی رفتار سے بھی چلے تب بھی دور کی داخلی پن سے خارجی پن تک پہنچنے کے لئے کچھ وقت درکار ہوگا۔ نفی گیٹ 143 مثال بناتے ہوئے حقیقی اوقات پر غور کرتے ہیں۔ شکل 6.2 میں اوپر جانب نفی گیٹ کی مداخل جبکہ نیچے جانب گیٹ کی مخارج دکھائی گئی ہے۔



اس شکل میں بلند سے پست حالت میں جانے کے دورانیہ کو دورانیہ اترائی 144 اور پست سے بلند جانے کے دورانیہ کو دورانیہ کو دورانیہ کو دورانیہ کو دورانیہ کو دورانیہ کو دورانیہ کی گئی ہے۔ شکل میں داخلی برقی اشارے کو بھی اسی طرح دکھایا گیا ہے چونکہ یہ برقی اشارہ ازخود کسی گیٹ کا مخارج ہوتا ہے۔

مداخل تبدیل ہوتے ہی مخارج تبدیل نہیں ہو جاتا بلکہ کچھ دیر تو یوں محسوس ہوتا ہے جیسے مداخل کا مخارج پر کوئی اثر نہیں۔مداخل کے کنارہِ چڑھائی پر غور کریں۔ مداخل کے بلند ہونے کے باوجود، مخارج کچھ دیر بلند ہی رہتا ہے۔یہ ناقابلِ قبول صورتِ حال ہے جسے عددی ادوار بناتے وقت مدِ نظر رکھنا اشد ضروری ہے۔مداخل بلند ہونے کے کچھ وقفہ بعد مخارج نئی حالت اختیار کرتا ہے۔اس وقفہ کو دورانیہ ردِ عمل ناپنے کا طریقہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔موجودہ الیکٹرانک گیٹوں کا

¹⁴⁴ fall time

¹⁴⁵ rise time

¹⁴⁶ propagation delay

دورانیہ اترائی اور دورانیہ چڑھائی اور دورانیہ ردِ عمل عموماً چند نینو سیکنٹ 147 ہوتا ہے۔ مداخل کے کنارہِ اترائی پر بھی اسی قسم کا صورتِ حال سامنے آتا ہے۔

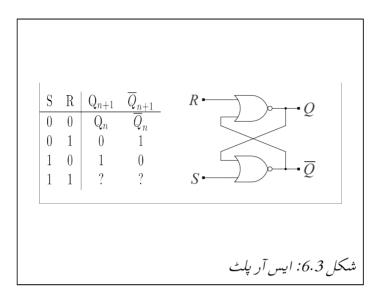
مشق: انٹرنیٹ سے 74xx اور 74Hxx سلسلہ میں فرق دریافت کریں۔

6.2 پلٹ

شکل 6.3 میں ایک خاص قسم کے پلٹ کا دور اور جدول دی گئی ہیں۔ اس پلٹ کو ایس آر 148 پلٹ کہتے ہیں۔ پلٹ کے دو متضاد مخارج ہوتے ہیں جنہیں Q اور \overline{Q} سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ آگر پلٹ کی مخارج \overline{Q} کی قیمت \overline{Q} ہو تب \overline{Q} ہوگا۔ \overline{Q} کی قیمت \overline{Q} ہوگا۔

¹⁴⁷ nano-seconds

¹⁴⁸ پلٹ کو روایتی طور ان کے مداخل کے نام سے پکارا جاتا ہے۔ مختلف اقسام کے پلٹ کے مداخل کو مداخل کو مخصوص نام دئے گئے ہیں جو عموماً انگریزی زبان کے حروف ِ تہجی ہوتے ہیں 149 SR flip flop



شکل 6.3 میں ایک نفی-جمع گیٹ کی مخارج کو دوسرے نفی-جمع گیٹ کے مداخل کے طور استعمال کیا گیا ہے۔جب کسی خارجی اشارہ Q^{-150} ، مثلاً Q^{-150} ، مثلاً Q^{-150} ، مثلاً Q^{-150} مداخل کے طور استعمال کیا جائے کہ یہ اپنی ہی قیمت، یعنی Q^{-150} کی قیمت، متعین کرنے میں کردار ادا کر سکے تو اس کو واپسیں اشارہ Q^{-150} کے طور استعمال کرنا کہتے ہیں۔شکل میں Q^{-150} بطور واپسیں اشارات استعمال کئے گئے ہیں۔واپسیں اشارات ہیں۔شکل میں نچلے نفی۔جمع گیٹ کی مخارج Q^{-150} کی قیمت متعین کرنے میں Q^{-150} کا کردار واضح ہے مگر اس گیٹ کی مخارج ، اُوپر والے نفی۔جمع گیٹ کی مخارج Q^{-150} کی قیمت متعین کرنے میں کردار ادا کرتا ہے۔یوں آپ نے دیکھا کہ Q^{-150} کے اپنی ہی قیمت متعین کرنے میں کردار ادا کرتا ہے۔یوں اس دور میں Q^{-150} بطور واپسیں اشارہ استعمال کیا گیا ہے۔یہی کچھ Q^{-150} کے لئے بھی کہا جا سکتا ہے۔

اس دور کو حل کر کے اس کا جدول حاصل کرتے ہیں۔شکل میں اوپر جانب نفی۔

¹⁵⁰ signal

¹⁵¹ feedback signal

جمع گیٹ کے داخلی اشارہ R اور واپسیں اشارہ \overline{Q} کی صورت میں اس کی مخارج Q حاصل کرتے ہیں۔ایسا کرتے وقت واپسیں اشارہ کو \overline{Q}_n لکھتے ہیں اور حاصل جواب کو Q_{n+1} ۔پس حاصل ہوتا ہے

$$Q_{n+1} = \overline{R + \overline{Q}_n} \tag{6.1}$$

اس طرح کے مساوات میں موجودہ مخارج کو Q_n اور \overline{Q}_n لکھا جاتا ہے۔گیٹ اپنے مداخل کو دیکھ کر نیا مخارج حاصل کرتا ہے جو گیٹ کے دورانیہ ردِ عمل کے بعد بطور مخارج Q_{n+1} دستیاب ہوتا ہے۔

اسی طرح نچلے نفی۔جمع گیٹ کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{S + Q_n} \tag{6.2}$$

اوپر والے نفی۔جمع گیٹ کی خارجی مساوات حاصل کرنے کی غرض سے مساوات 6.2 کو مساوات 6.1 میں ڈال کر مسئلہ ڈی مارگن کی مدد سے حل کرتے ملتا ہے

$$Q_{n+1} = \overline{R + \overline{(S + Q_n)}}$$

$$= \overline{R} \cdot \overline{(S + Q_n)}$$

$$= \overline{R} \cdot (S + Q_n)$$
(6.3)

مساوت 6.3 میں دائیں جانب تین متغیرات یعنی R ، S کو آزاد متغیرات تصور کرتے ہوئے بائیں جانب متغیرہ Q_{n+1} کیا جدول شکل 6.4 کے حصہ (۱) میں دکھایا گیا ہے۔

اسی طرح نچلی جانب نفی۔جمع گیٹ کی خارجی مساوات حاصل کرنے کی غـرض سے مساوات 6.1 کو مساوات 6.2 میں ڈال کر مسئلہ ڈی مارگن کی مدد سے حل کرتے ملتا ہے۔

$$\overline{Q}_{n+1} = \overline{S + \overline{(R + \overline{Q}_n)}}$$

$$= \overline{S} \cdot \overline{(R + \overline{Q}_n)}$$

$$= \overline{S} \cdot (R + \overline{Q}_n)$$
(6.4)

مساوت 6.4 میں دائیں جانب تین متغیرات یعنی R ، S مساوت 6.4 میں دائیں جانب متغیرہ متغیرہ \overline{Q}_{n+1} کا جدول شکل 6.4 کے حصہ (ب) میں دکھایا گیا ہے۔

152 متغیرہ R دراصل \overline{R} کی صورت میں موجود ہےR متغیرہ R دراصل \overline{R} کی صورت میں موجود ہر

$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	شكل 6.4: ايس-آر پلٹ كا جدول

شکل 6.4 کے جدول (۱) کو چار حصوں میں تقسیم کیا گیا ہے۔ پہلے حصے میں مداخل S=0 اور R=0 ہیں۔ اس حصہ میں حاصل خارجی Q یعنی اس کی نئی قیمت وہی ہے جو داخلی Q یعنی اس کی پرانی قیمت تھی۔ یعنی آگر پرانی قیمت Q=0 تھی تو اب نئی قیمت بھی Q=0 ہی ہے اور آگر اس کی پرانی قیمت Q=0 تھی تو اب اس کی نئی قیمت بھی Q=0 ہی ہے۔ جدول (۱) اور (ب) سے ظاہر ہے کہ تو اب اس کی نئی قیمت بھی Q=0 ہی ہے۔ جدول (۱) اور (ب) سے ظاہر ہے کہ S=0 اور S=0 اور S=0 اور S=0 اور S=0

دوسرے حصہ میں S=0 اور R=1 ہیں۔اس حصہ میں پلٹ کی نئی قیمت ہر صورت Q=0 ہے۔یہاں بھی جدول (۱) اور (ب) سے ظاہر ہے کہ موجودہ صورت میں مخارج Q اور \overline{Q} متضاد رہتے ہیں۔

تیسرے حصہ میں S=1 اور R=0 ہیں جبکہ پلٹ کی نئی قیمت ہر صورت Q رہتی ہے۔ جدول (۱) اور (ب) سے ظاہر ہے کہ موجودہ صورت میں مخارج Q=1 اور \overline{Q} متضاد رہتے ہیں۔

چوقمے حصہ میں S=1 اور R=1 ہیں۔جدول (۱) اور (ب) سے ظاہر ہے کہ موجودہ صورت میں مخارج Q اور \overline{Q} دونوں کی قیمتیں 0 ہیں اور یوں موجودہ صورت میں یہ دونوں متضاد نہیں رہتے۔پلٹ کی بنیادی خصوصیت یہ ہے کہ اس کی دو متضاد مخارج ہوں۔چونکہ چوقمے حصہ میں ایسا نہیں لہٰذا اس دور کو پلٹ کے طور استعمال کرتے یہ شرط لاگو کی جاتی ہے کہ اس کے مداخل R اور R کو کسی صورت اکٹھے بلند نہیں کیا جائے گا۔

شکل میں دئے دو جدولوں کو سادہ اور بہتر طریقہ سے یوں لکھ سکتے ہیں۔

پلٹ کا جدول عموماً اسی طرح لکھا جاتا ہے۔

پلٹ کی بات کرتے وقت اس میں Q کی قیمت کو اس پلٹ کی حالت 154 کہا جاتا ہے۔ Q=1 کے لئے بلند یا **درست** کے الفاظ عموماً استعمال کئے جاتے ہیں۔یوں اگر کہا جائے کہ پلٹ **درست حالت** میں ہے تو اس سے مراد Q=1 ہوگا۔اسی طرح Q=0 کہنے کی بجائے ہم کہہ سکتے ہیں کہ پلٹ پست حالت میں ہے وغیرہ وغیرہ Q=0

مساوات 6.5 سے ظاہر ہے کہ S=1 اور R=0 کرنے سے Q=1 ہوگا یعنی پلٹ بلند حالت اختیار کر لے گا جبکہ S=0 اور R=1 کرنے سے Q=0 ہو گا یعنی پلٹ پست حالت اختیار کر لے گا۔اسی طرح S=0 اور S=0 رکھنے سے پلٹ اپنی حالت برقرار رکھتا ہے یعنی جس لمحہ دونوں مداخل S=0 کئے گئے اگر اس لمحہ S=0 تنی دیر S=0 ہی رہے گا اور اگر S=0 می رہے گا اور اگر S=0 ہی رہے گا اور اگر

¹⁵⁴ state

جس لمحہ دونوں مداخل 0 کئے گئے اگر اس لمحہ Q=1 تھا تو جب تک دونوں مداخل Q=1 ہی رہے گا۔ Q=1 ہی رہے گا۔

جدول میں Q_{n+1} سے مراد پلٹ کی اگلا حالت جبکہ Q_n سے مراد اس کی موجودہ حالت ہے۔یوں جدول کے آخری صف میں Q_n سے مراد پلٹ کا اس لمحہ سے پہلے کی حالت ہے جس لحمہ اس کے دونوں مداخل 0 کے برابر کئے گئے جبکہ Q_{n+1} سے مراد پلٹ کی اس دوران حالت ہے جتنی دیر اس کے دونوں مداخل 0 رہیں۔یوں جدول میں S=0 اور S=0 کی صف میں S=0 کے خانے میں S=0 لکھنے کا مطلب ہے کہ پلٹ کی نئی حالت وہی ہے جو مداخل S=0 کرتے وقت تھی۔

اس قسم کے پلٹ کو استعمال کرتے اس کے دونوں مداخل کو کبھی بھی بیک وقت S=1 اور S=1 کے صف میں سوالیہ نشان (?) لکھنے کا مطلب یہی ہے۔

جدول سے ظاہر ہے کہ جب بھی مداخل S بلند ہو تو پلٹ Q=1 کی حالت اختیار کرتا ہے۔یعنی مداخل S اُس وقت فعال S اُس وقت فعال ہو ایسے جب یہ بلند ہو۔جب کوئی مداخل بلند حالت کی صورت میں فعال ہو ایسے مداخل کو بلند فعال مداخل S ہوں۔ ہیں۔

اگر کوئی مداخل پست حالت کی صورت میں فعال ہو تو ایسے مداخل کا نام لکھتے وقت اس کے اُوپر لگیر لگائی جاتی۔ایسے مداخل کو پست فعال مداخل کہتے ہیں۔ مزید یہ کہ شکل میں ایسے داخلی پن پر گول دائرہ لگا کر اس کے پست فعال ہونے کو ظاہر کیا جاتا ہے۔

جب کوئی مداخل فعال نہ ہو اس صورت اسے غیر فعال حالت سمجھا جاتا ہے۔ یوں S=0 کو اس مداخل کی فعال حالت S=1 اور S=1 کو اس مداخل کی غیر فعال

¹⁵⁵ active

¹⁵⁶ active high input

¹⁵⁷ active state

حالت 158 سمجھا جائے گا۔یوں اس پلٹ کا بہتر نام بلند فعال مداخل والا ایس-آر پلٹ 159 ہوگا۔اس کے مداخل کو S اور R سے ظاہر کیا جاتا ہے۔

پلٹ کو استعمال کرتے اس کے دونوں مداخل کو عموماً غیر فعال رکھا جاتا ہے۔
یوں موجودہ پلٹ کے مداخل پست رکھے جائیں گے۔پلٹ کو راغب حالت میں لانے کی
خاطر اس کے ک مداخل کو ایک لحم کے لئے بلند یعنی فعال کر کے واپس پست یعنی
غیر فعال کیا جاتا ہے۔آگر ایسا کرتے وقت پلٹ پہلے سے راغب حالت میں ہو تو ظاہر ہے۔
اس کی حالت میں کوئی تبدیلی نہیں آئے گی اور یہ راغب حالت میں ہی رہے گا۔

اسی طرح پلٹ کو غیر راغب حالت میں لانے کی خاطر اس کے R مداخل کو ایک لحم کے لئے بلند یعنی فعال کر کے واپس پست یعنی غیر فعال کیا جاتا ہے۔

6.3 ساعت

عددی ادوارکی ایک اہم قسم جنہیں ہم عصر ادوار 160 کہتے ہیں کو عموماً گھڑی کی مانند مقررہ دورانیہ والا مسلسل دہراتا داخلی برقی اشارہ درکار ہوتا ہے۔ایسے برقی اشارہ جسے ساعت 161 کہتے ہیں کو شکل 6.5 میں دکھایا گیا ہے۔اگرچہ اس طرح کے اشکال میں دورانیہ چڑھائی اور دورانیہ اترائی نہیں دکھائے جاتے، یہ امید کی جاتی ہے کہ آپ ان کی موجودگی کو ذہن میں رکھیں گے۔ہم عصر عددی ادوار، مہیا کردہ ساعت کے تعدد کی مفتر کی رفتار سے چلتے ہیں اور ادوار کے مختلف حصے ساعت کے کنارہ اترائی یا کنارہ چڑھائی پر بیک وقت حالت تبدیل کرتے ہیں۔گویا ہم عصر دور ساعت کے ساتھ قدم ملا کر چلتا ہے۔

شكل 6.5 ميں اوپر جانب كنارہ چڑھائى كى گنتى جبكہ نچلى جانب كنارہ اترائى كى

¹⁵⁸ inactive state

¹⁵⁹ active high inputs SR flip flop

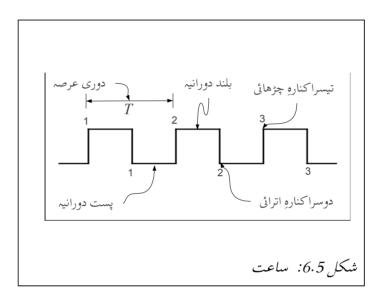
¹⁶⁰ synchronous circuits

¹⁶¹ clock

¹⁶² frequency

باب 6 معاصر ترتیبی ادوار 225

گنتی دی گئی ہے۔ یہاں دوری عرصہ 163، بلند دورانیہ 164 اور پست دورانیہ 165 کی بھی وضاحت کی گئی ہے۔



یہاں ساعت کے پست اور بلند دورانیہ برابر دکھائے گئے ہیں لیکن ایسا ہونا ضروری نہیں۔آگر ساعت کا دوری عرصہ T سیکنڈ ہو تو اس کا تعدد f ہرٹز 166 کے برابر ہو گا۔

¹⁶³ time period

¹⁶⁴ high time, ON time

¹⁶⁵ low time, OFF time

¹⁶⁶ Hz

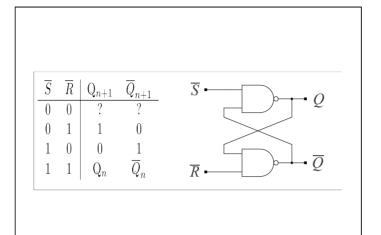
$$f = \frac{1}{T} \tag{6.6}$$

ساعتی اشارہ کو چھوٹا کر کے ساعت پکارا جائے گا۔ ساعت سے مراد متواتر تبدیل ہوتا اشارہ یا اس کا بلند یا پست دورانیہ اور یا پھر اس کا چڑھائی یا اترائی والاکنارہ لیا جائے گا۔امید کی جاتی ہے کہ اس کا مطلوبہ مطلب متن سے اخذ کرنا ممکن ہوگا۔جہاں غلط فہمی کا امکان ہو وہاں مکمل اصطلاح استعمال کی جائے گی۔

6.4 نفی منوب گیٹوں پر مبنی ایس-آر پلٹ کا خاکہ

شکل 6.6 میں نفی۔ ضرب گیٹوں پر مبنی پست فعال مداخل والا ایس۔ آر پلٹ \overline{R} دکھایا گیا ہے۔ پست فعال مداخل کو \overline{S} اور \overline{R} کہا گیا ہے جہاں ان مداخل کے ناموں پر لکیر ان کے پست فعال ہونے کی یاد دہانی کراتی ہے۔ پلٹ کے مخارج کو Q اور \overline{Q} کہا گیا ہے جو ہر وقت آپس میں اُلٹ حالت اختیار کئے رہتے ہیں یعنی اگر Q کی قیمت Q کی میں۔ Q کی میں۔

¹⁶⁷ SR flip flop



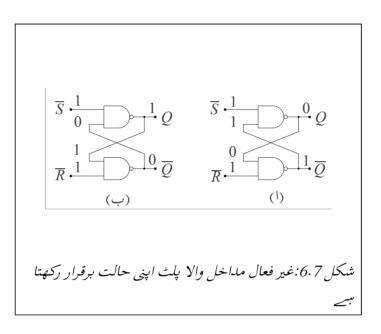
شكل 6.6: نفى ـ ضرب گيت پر مبنى پست فعال مداخل والا ايس-آر پلت

6.4.1 غير فعال مداخل والإيلت اپني حالت برقرار ركهتا سر

اس صورت کو سمجھنے کی خاطر تصور کریں کہ Q کی قیمت Q اور Q کی قیمت Q اور Q کی قیمت Q اور Q اور

شکل (۱) میں اوپر والے نفی۔ ضرب گیٹ کی داخلی پنیا \overline{S} کی قیمت 1 ہے۔ اس گیٹ کی دوسری داخلی پن کو دور کے \overline{Q} پنیا کے ساتھ جوڑا گیا ہے جس کی قیمت 1 ہے۔ یوں اس نفی۔ ضرب گیٹ کے دونوں مداخل 1 ہیں۔ دو داخلی نفی۔ ضرب گیٹ کی دونوں مداخل 1 ہوتا ہے۔ لہٰذا Q=0 گیٹ کی دونوں مداخل 1 ہونے کی صورت اس کا مخارج 0 ہوتا ہے۔ لہٰذا Q=0 گا۔ نجلے نفی۔ جمع گیٹ کے مداخل 0 اور 1 ہونے کے بدولت $\overline{Q}=1$ ہو گا۔ یوں اگر پست حالت میں ہو اور دونوں مداخل غیر فعال یعنی 1 رہیں تو یہ پلٹ پست حالت

میں ہی رہے گا۔اسے یوں بیان کیا جا سکتا ہے کہ مداخل غیر فعال ہونے کی صورت پست پلٹ اپنی حالت برقرار رکھتا ہے۔



شکل 6.7 (ب) میں بلند حالت پلٹ جس کے دونوں مداخل غیر فعال ہوں دکھایا گیا ہے یعنی ایک ایسا پلٹ جس کی Q کی قیمت Q کی

قیمت 0 ہو جبکہ \overline{S} اور \overline{R} دونوں کی قیمت 1 ہے۔

شکل (ب) میں اوپر والے نفی-جمع گیٹ کے مداخل 1 اور 0 ہیں اور یوں اس کا مخارج 1 ہوگا یعنی Q=1 ہوگا۔اسی شکل کے نچلے نفی-جمع گیٹ کے دونوں مداخل 1 ہیں اور یوں اس کا مخارج 0 ہوگا یعنی $\overline{Q}=0$ ہوگا۔یوں بلند حالت والا ایک ایسا پلٹ جس کے دونوں مداخل غیر فعال ہوں بلند حالت میں ہی رہےگا۔

شكل 6.7 ميں دكھائے دو صورتوں كو يوں بيان كيا جا سكتا سےكہ مداخل غير

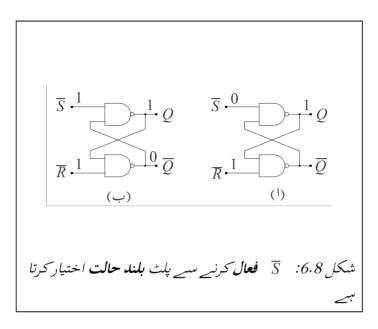
فعال ہونے کی صورت پلٹ اپنی حالت برقرار رکھتا ہے۔ شکل 6.6 کے جدول کی آخری صف اس بات کو بیان کرتی ہے جہاں Q_{n+1} سے مراد دور سے حاصل مخارج جبکہ Q_n سے مراد اس کی تصور کردہ قیمت ہے۔ یوں غیر فعال مداخل کی صورت میں Q_n کی قیمت تصور کردہ قیمت Q_n کے برابر ہی رہتی ہے۔

فعال کرنے سے پلٹ بلند حالت اختیار کوتا ہر \overline{S}

تصور کریں کہ ایس-آر پلٹ کے مداخل \overline{S} کو ایک کھہ کے لئے فعال کرنے کے بعد دوبارہ غیر فعال کیا جاتا ہے یعنی \overline{S} کی قیمت کو 0 کر کے دوبارہ 1 کیا جاتا ہے۔ ہم توقع کرتے ہیں کہ ایسا کرنے سے پلٹ بلند حالت اختیار کرے گا یعنی Q=1 ہو جائے گا۔اسی پر غور کرتے ہیں۔

شکل 6.8 (۱) میں $\overline{S}=0$ اور اس کے حصہ (ب) میں $\overline{S}=0$ دکھایا گیا ہے۔

شکل (۱) کے اوپر والے نفی-جمع گیٹ کے مداخل \overline{S} کی قیمت 0 ہونے کی وجہ سے اس کے مخارج یعنی Q کی قیمت 1 ہوگی اور یوں نچلے نفی-جمع گیٹ کے دونوں مداخل 1 ہوں گے جس کی وجہ سے اس کے مخارج یعنی \overline{Q} کی قیمت 0 ہوگی۔ \overline{Q} اوپر والے نفی-جمع گیٹ کے مداخل کے طور استعمال کیا گیا ہے ۔یوں اب اگر $1=\overline{S}$ کر دیا جائے تب بھی $0=\overline{Q}$ ہونے کی وجہ سے اوپر والے نفی-جمع گیٹ کو یہ مداخل بلند حالت میں ہی رکھے گا۔ شکل 6.8 (ب) میں ایسا ہی دکھایا گیا ہے۔



فعال کرنے سے پلٹ پست حالت اختیار کرتا ہے۔ \overline{R} 6.4.3 نیچے مشق میں آپ سے یہی ثابت کرنے کی درخواست کی گئی ہے۔

مشق: ثابت کریں کہ $\overline{S}=1$ اور $\overline{R}=0$ کرنے سے پلٹ پست حالت اختیار کرےگا۔

6.4.4 حالت دوڑ

ایس-آر پلٹ کے دونوں مداخل پست کرنے کی اجازت نہیں چونکہ اس صورت یہ غیر یقینی حالت اختیار کرتا ہے۔دیکھتے ہیں کہ یہ کیسے ہوتا ہے۔

شکل 6.6 کو دیکھتے ہوئے آگے بڑھیں۔تصور کریں کہ پلٹ کے دونوں مداخل کو بیک وقت پہلے پست اور پھر بلند کیا جائے۔ایسا کرنے کے بعد ہم جاننا چاہتے ہیں کہ پلٹ کس حالت میں ہوگا۔

دونوں مداخل پست کرنے سے پلٹ کے دونوں مخارج بیک وقت بلند ہو جاتے ہیں۔ \overline{Q} یہ صورتِ حال ازخود قابلِ قبول نہیں چونکہ پلٹ میں Q اور \overline{Q} کا متضاد ہونا ضروری ہے۔

اب جب دونوں مداخل بیک وقت بلند کئے جاتے ہیں تو شکل 6.6 سے واضح ہے کہ جتنی دیر نفی۔ضرب ہے کہ جتنی دیر نفی۔ضرب گیٹ اپنی نئی حالت تک پہنچتے ہیں اتنی دیر دونوں نفی۔ضرب گیٹوں کے دونوں مداخل کی قیمت 1 رہے گی۔نفی۔ضرب گیٹ کے تمام مداخل 1 ہونے کی صورت اس کی مخارج 0 ہونی چاہئے لہذا دونوں نفی۔ضرب گیٹوں کے مخارج بلند حالت سے پست حالت کی جانب رواں ہو جائیں گے۔دونوں نفی۔ضرب گیٹوں میں جس کی مخارج پہلے پست ہو جائے یہ دوسرے نفی۔ضرب گیٹ کو دوبارہ بلند ہونے پر مجبور کر دیے گا⁶⁰¹۔یوں پلٹ بلند حالت یا پست حالت اختیار کر سکتا ہے جو کہ ایک غیر یقینی صورت حال ہے۔عددی ادوار اس وقت قابلِ استعمال ہوتے ہیں جب یہ مقررہ طور پر عمل کریں اور ان کی حالت صحیح طور پر جاننا ممکن ہو۔یوں موجودہ صورت قابلِ قبول غیں اور اسی لئے اس پلٹ کو استعمال کرتے وقت اس کے دونوں مداخل کو کسی بھی صورت بیک وقت فعال نہیں کیا جاتا۔

چونکہ پلٹ کی نئی حالت دو نفی۔ ضرب گیٹوں کے مابین رفتار کے مقابلہ پر منحصر سے لہٰذا اس صورتِ حال کو حالتِ دوڑ 170 کہتے ہیں۔ حالتِ دوڑ پر حصہ 11.1.3 میں تفصیلاً بحث سوگی۔

پست فعال مداخل والرے ایس-آر پلٹ کرے چند مختلف مداخل اور ان سے حاصل پلٹ کی حالتیں 171 جدول 6.1 میں دکھائی گئی ہیں۔

¹⁶⁸ نفی۔ضربگیٹ کی ایک بھی مداخل 0 کرنے سے اس کی مخارج 1 ہو جاتی ہے 169 یاد رہے کہ پلٹ میں ایک نفی۔ضرب گیٹ کی مخارج دوسری نفی۔ضربگیٹ کی مداخل ہوتی ہے

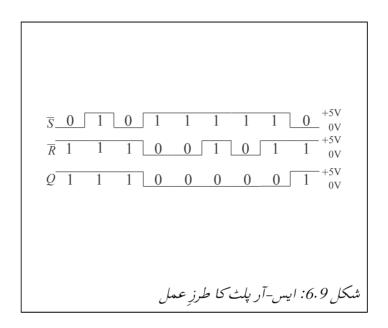
¹⁷⁰ race condition

¹⁷¹ states

\overline{S}	\overline{R}	Q	
0	1	1	بلند
1	1	1	برقرار
0	1	1	بلنا۔ ہی ہے
1	0	0	تسپ
1	0	0	پست ہی ہے
1	1	0	برقرار
1	0	0	پست ہی ہے
1	1	0	برقرار
0	1	1	بلند

جدول 6.1: ایس-آر پلٹ کے استعمال کی مثال

مثبت منطقی نظام کے تحت (1) کو +5V سے ظاہر کیا جاتا ہے جبکہ $\overline{S}=0$ سے نظام کے تحت $\overline{S}=0$ یعنی اس کے فعال صورت کو $\overline{S}=0$ یعنی اس کے فعال صورت کو $\overline{S}=0$ یعنی اس کے غیر فعال صورت کو $\overline{S}=0$ اور $\overline{S}=0$ یعنی اس کے فعال صورت کو $\overline{R}=0$ اور $\overline{R}=0$ یعنی اس کے فعال صورت کو $\overline{R}=0$ اور $\overline{R}=0$ یعنی اس کے غیر فعال صورت کو $\overline{R}=0$ کو $\overline{S}=0$ کو $\overline{S}=0$ کو $\overline{S}=0$ میں دکھایا گیا ہے جہاں جدول $\overline{S}=0$ کو گراف کے طرز پر بیان کیا گیا ہے۔

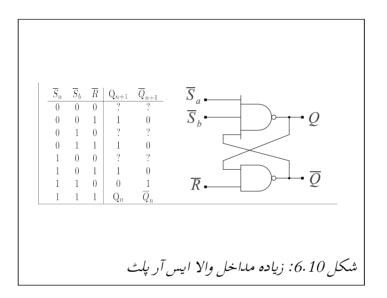


6.4.5 پست فعال مداخل والر ایس-آر پلٹ کا خلاصہ

پست فعال مداخل والے ایس-آر پلٹ کے دو متضاد مخارج Q اور \overline{Q} ہوتے ہیں۔بلند حالت سے مراد Q=1 اور پست حالت سے مراد Q=1 ہیں۔بلند مداخل غیر فعال دو مداخل \overline{S} اور \overline{R} ہیں۔پست مداخل فعال کہلاتا ہے جبکہ بلند مداخل غیر فعال کہلاتا ہے۔ ان دو مداخل کو عام طور غیر فعال رکھا جاتا ہے۔ \overline{S} فعال کرنے سے پلٹ بلند حالت اختیار کرتا ہے۔ بلند حالت اختیار کرتا ہے۔ بلند حالت اختیار کرتا ہے۔ یوں یہ مداخل فیصلہ کرتے ہیں کہ پلٹ کس رُخ کروٹ بدلے گا۔اس پلٹ کے دونوں مداخل کو کسی بھی صورت بیک وقت فعال نہیں کیا جاتا۔

6.5 زياده مداخل والا پلٹ

عموماً پلٹ کے دو مداخل ہوتے ہیں جیسے ایس-آر پلٹ کے مداخل \overline{S} اور \overline{R} ہیں۔پلٹ کے دو سے زیادہ مداخل بھی ممکن ہیں جیسے شکل \overline{R} میں دکھایا گیا ہے۔



اس شکل میں بلند حالت کرنے والے دو مداخل ہیں جنہیں \overline{S}_a اور \overline{S}_b کہا گیا ہے جبکہ پست کرنے والا ایک ہی مداخل \overline{R} ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ عام طور یہ تینوں مداخل بلند یعنی غیر فعال رہتے ہیں۔پلٹ کو بلند حالت کرنے کی خاطر \overline{S}_a یا \overline{S}_b اور یا ان دونوں کو آکٹھے ایک لحم کے لئے پست یعنی فعال کیا جاتا ہے جبکہ پلٹ کو پست حالت کرنے کی خاطر \overline{R} کو ایک لحم کے لئے فعال کیا جاتا ہے۔

 \overline{S}_a حالتِ دوڑ سے بچنے کی خاطر یہ خیال کیا جاتا ہے کہ \overline{R} کو بیک وقت یا ان دونوں کے ساتھ پست نہ کیا جائے۔

6.6 قابل مجاز و معذور مداخل والا پلٹ

جیسا شکل 6.9 کے گراف سے ظاہر ہے کہ مداخل تبدیل کرتے ہی پلٹ نئی حالت اختیار کر لیتا ہے۔ اس حصہ میں ایک ایسے پلٹ پر غور کیا جائے گا جس کے مداخل کو پلٹ کی حالت پر اثر انداز ہونے سے روکا جا سکتا ہے۔ ایسے پلٹ کو سمجھنے کے لئے شکل 6.11 پر غور کریں جہاں ایس ۔ آر پلٹ سے پہلے دو نفی۔ ضرب گیٹ منسلک کئے گئے ہیں۔ ان دو نفی۔ ضرب گیٹوں کے مخارج \overline{S}_c اور \overline{R}_c ہیں۔

اس دور میں جب تک C کی قیمت C رہے گی اس وقت تک \overline{S}_c اور \overline{R}_c بلند رہیں گے یعنی ان کی قیمت C رہے گی اور پلٹ اپنی حالت برقرار رکھے گا۔ صرف اور صرف اُس وقت اس پلٹ کی حالت تبدیل کی جا سکتی ہے جب C کی قیمت C ہو۔ یوں اس دور کے مداخل C اور C اتنے دورانیہ کے لئے مجاز C ہوتے ہیں جتنی دیر C بلند رہے۔ C پست ہوتے ہی یہ دونوں مداخل معذور C ہو جاتے ہیں

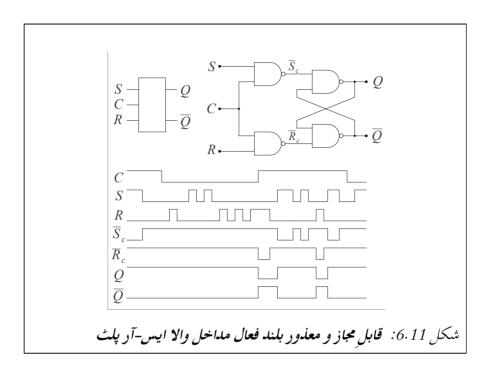
اس پلٹ کو بلند حالت کرنے کی خاطر \overline{S}_c کو پست کرنا ہوگا جو C بلند ہونے کے دوران C بلند کرنے سے ہوگا۔ اسی طرح اس پلٹ کو پست حالت کرنے کی خاطر C بلند کرنے سے ہوگا۔ خاطر C بلند کونا ہوگا جو C بلند ہونے کے دوران C بلند کرنے سے ہوگا۔ یوں اس دور کے دو نئے مداخل C اور C بلند فعال مداخل ہیں۔ اس دور کو قابل مجاز و معذور بلند فعال مداخل والا ایس-آر پلٹ C پکارا جائے گا۔

اسی شکل میں S اور R کو تبدیل کرتے پلٹ کی حالت گراف کی گئی ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ جتنی دیر C پست رہتا ہے اتنی دیر پلٹ اپنی حالت برقرار رکھتا ہے۔ ہیں کہ جتنی دیر C

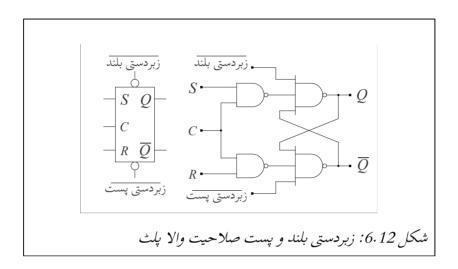
¹⁷² enabled

¹⁷³ disabled

¹⁷⁴ gated SR flip flop

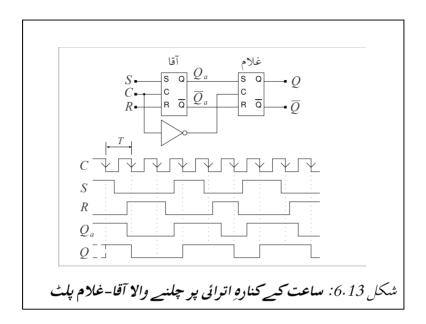


کبھی کبھار اس طرح کے پلٹ کی حالت اس وقت تبدیل کرنا ضروری ہوتا ہے جب اس کے مداخل معذور کئے گئے ہوں۔شکل 6.12 میں دو مزید مداخل مہیا کئے گئے ہیں جنہیں پست کر کے پلٹ کو زبردستی بلند یا پست کیا جا سکتا ہے۔



6.7 آقا-غلام پلٹ

گزشتہ حصہ میں قابلِ مجاز و معذور بلند فعال مداخل والے ایس-آر پلٹ پر غور کیا گیا۔شکل 6.13 میں ایسے دو پلٹ اور ایک نفی گیٹ استعمال کرتے ہوئے ایک دور بنایا گیا ہے جہاں پلے کو آقا پلٹ اور دوسرے کو غلام پلٹ کہا گیا ہے۔ آقا پلٹ کے مداخل کے طور استعمال کئے گئے ہیں۔



اس دور میں جتنی دیر C بلند رہے گا اتنی دیر آقا پلٹ کے مداخل مجاز ہوں گے۔ لہذا اس کے مخارج Q_a اور \overline{Q}_a قابلِ تبدیل ہوں گے۔چونکہ غلام پلٹ کو C کا نفی یعنی \overline{C} معذور بناتا ہے لہذا اسی دوران اس کے مداخل معذور ہونگے اور غلام پلٹ اپنی حالت برقرار رکھے گا۔

شکل 6.13 میں آقا۔ غلام پلٹ 175 کی بناوٹ کے علاوہ مختلف مداخل اور ان سے حاصل آقا۔ غلام پلٹ کی حالتیں بھی گراف کی گئی ہیں۔ آقا۔ غلام پلٹ کے مداخل C پر متواتر تبدیل ہوتا اشارہ مہیا کیا گیا ہے جسے آپ دیکھ کر جان گئے ہوں گے۔ یہ ساعت

¹⁷⁵ master-slave flip flop

ہے جس کا دوری عرصہ T^{176} ہے۔ ہاں یہ بتلاتا چلوں کہ عموماً پلٹ استعمال کرتے وقت وقت انہیں اسی طرز پر ساعت مہیا کیا جاتا ہے۔ مداخل S اور R فراہم کرتے وقت اس کا خاص خیال رکھا گیا ہے کہ ان کو کم از کم دوری عرصہ کے برابر دورانیہ کے لئے فعال کیا جائے۔ ایسا کرنے سے ایک دلچسپ اور اہم بات سامنے آتی ہے۔ وہ یہ کہ اس طرح استعمال سے پلٹ ساعت کے کنارہِ اترائی کے لحم پر مداخل کے مطابق نئی حالت اختیار کرتا ہے۔ گراف میں ساعت کے کنارہِ اترائی پر تیر کا نشان لگا کر اس خوبی کو اجاگر کیا جاتا ہے۔ اس پلٹ کی کارکردگی جدول G0.2 میں دکھائی گئی ہے فعال مداخل کو کم از کم دوری عرصہ کے برابر وقت کے لئے فعال تصور کیا گیا ہے۔

\circ
$\overline{0}$ x x Q_n \overline{Q}_n
1 x x Q_n
$\downarrow 0 0 \mathrm{Q}_n \qquad \overline{\mathrm{Q}}_n$
$\downarrow 0 1 0 1$
\downarrow 1 0 1 0
\downarrow 1 1 ? ?

جدول 6.2: كناره اترائى پر چلنے والے آقا-غلام پلٹ كا جدول

اس جدول کی پہلی صف میں C پست سے جبکہ دوسری صف میں یہ بلند سے ۔ ان دونوں صورتوں میں پلٹ کی حالت تبدیل نہیں سوتی ۔ بقایا صفوں میں C کے خانے میں نچلی جانب تیرکا نشان کنارہ اترائی پر حالت تبدیل ہونے کو ظاہر کرتا ہے ۔ آخری صف میں سوالیہ نشان (?) ممنوعہ مداخل ظاہر کرتا ہے ۔

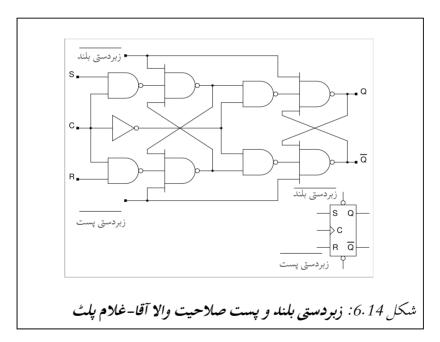
آگلے حصہ میں ڈی پلٹ پر غور کیا جائے گا جہاں مداخل پر کم از کم ایک دوری عرصہ فعال ہونے کا شرط لازم نہیں۔

دیگر اوقات، پلٹ کی حالت، کنارہِ ساعت کے انتظار کے بغیر، تبدیل کرنے کی ضرورت ہوتی ہے۔شکل 6.14 میں ایک ایسا ہی پلٹ دکھایا گیا ہے جسے ساعت والے

¹⁷⁶ time period

240

آقا۔غلام پلٹ کی مدد سے حاصل کیا گیا ہے۔ یہاں رک کر تسلی کر لیبی کہ اس شکل میبی اقا۔غلام پلٹ کی اندرونی ساخت ہی دکھائی گئی ہے جس میبی دو نئے مداخل یعنی زبردستی بلند 177 اور زبردستی پست 188 مہیا کئے گئے ہیں۔ ایسا تین داخلی نفی۔ جمع گیٹوں کے استعمال سے ممکن بنایا گیا ہے۔ عام طور ان دو نئے مداخل کو غیر فعال یعنی 1 رکھا جاتا ہے اور ان کا کوئی کردار نہیں ہوتا۔ البتہ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اگر مداخل زبردستی بلند کو 0 کیا جائے تو پلٹ اسی وقت بلند حالت اختیار کر لے گا اور اسی طرح اگر مداخل زبردستی پست کو 0 کیا جائے تو پلٹ اسی وقت پست حالت اختیار کر لے گا۔ ان دونوں صورتوں میبی پلٹ ساعت کے کنارے کا انتظار نہیں کرتا۔ اس طرح کے پلٹ کو زبردستی بلند و پست صلاحیت والا پلٹ کہتے ہیں۔



¹⁷⁷ preset

¹⁷⁸ clear

6.8 ڈی پلٹ

6.8.1 آقا غلام پلٹ سے حاصل کردہ ڈی پلٹ

آقا-غلام پلٹ کے ساتھ نفی گیٹ منسلک کرکے ڈی پلٹ 179 حاصل کیا جاتا ہے۔ شکل 6.15 میں ایک ایسا ہی ساعت کے کنارہِ اترائی پر چلنے والا ڈی پلٹ دکھایا گیا ہے۔ ہے۔ اس کے کارکردگی کے خط شکل 6.16 میں دکھائے گئے ہیں۔ یہ پلٹ نہایت اہمیت کا حامل ہے۔ ساعت کے بلند دورانیم کے دوران آقا پلٹ اپنی مداخل کے مطابق حالت اختیار کئے رہتا ہے جبکہ غلام پلٹ اپنی حالت برقرار رکھتا ہے۔ ساعت کے کنارہِ اترائی پر غلام پلٹ نئی حالت اختیار کرتا ہے جبکہ اسی لمحہ آقا پلٹ برقرار حالت اختیار کر لیتا ہے۔ آپ یقین دہانی کر لیں کہ یہ پلٹ واقعی ساعت کے کنارہِ اترائی پر ہی نئی حالت اختیار کرتا ہے۔ ساعت کے کنارہِ اترائی پر ہی نئی حالت اختیار کرتا ہے۔ پلٹ ساعت کے کنارہِ اترائی پر ہی نئی حالت اختیار کرتا ہے۔ ساعت کے کنارہِ اترائی پر ہی نئی حالت اختیار کرتا ہے۔ ساعت کے کنارہِ اترائی سے پہلے یا اس کے بعد کسی بھی وقت D مداخل کی قیمت کا پلٹ کی حالت پر کوئی اثر نہیں ہوتا۔

شکل 6.15 میں دکھائے ڈی پلٹ کی علامت میں C مداخل پر تیرکا نشان کنارہ پر چلنے کو جبکہ اس پر گول دائرہ اترائی کو ظاہر کرتا ہے۔یوں یہ پلٹ ساعت کے کنارہ اترائی پر چلنے والا ڈی پلٹ C کہلائے گا۔مداخل C کے سامنے آگر نفی گیٹ نصب کیا جائے تو پلٹ کنارہ چڑھائی پر چلنا شروع کر دے گا۔

کنارہِ اترائی پر چلنے والے پلٹ استعمال کرتے وقت اس بات کو یقینی بنایا جاتا ہے کہ مداخل کو دورانِ اترائی تبدیل نہیں کیا جائے۔حقیقت میں کنارہِ اترائی کے شروع سے کچھ کھات پہلے مداخل D کو تبدیل کرنا روک لیا جاتا ہے اور اسے کنارہِ اترائی گزرنے کے کچھ دیر بعد تک تبدیل نہیں کیا جاتا۔ان کھات کو دورانیہ تیاری 181 اور دورانیہ تمیراؤ کی معلومات پلٹ بنانے والے صنعت کار پکارا جاتا ہے۔دورانیہ تیاری اور دورانیہ تمیراؤ کی معلومات پلٹ بنانے والے صنعت کار مہیا کرتے ہیں۔بالکل اسی طرح کنارہِ چڑھائی پر چلنے والی صورت میں بھی مداخل کو

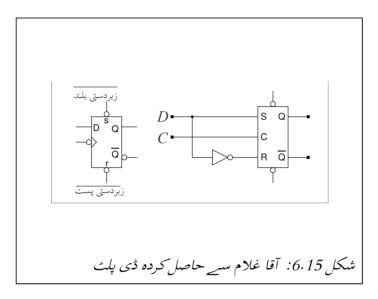
¹⁷⁹ D flip flop

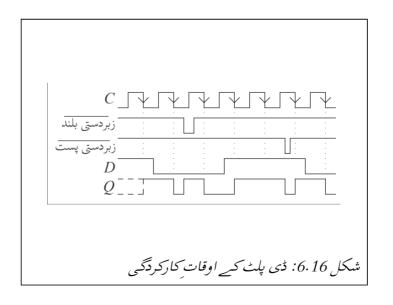
¹⁸⁰ negative edge triggered D flip flop

¹⁸¹ setup time

¹⁸² hold time

دورانِ چڑھائی تبدیل نہیں کیا جاتا۔





اس پلٹ کے مداخل کو ڈی 183 مداخل کہتے ہیں۔ ڈی پلٹ کسی صورت حالت دوڑ سے دو چار نہیں ہوتا۔ شکل 6.16 میں ساعت کے پہلے کنارہِ اترائی سے قبل پلٹ کی حالت نامعلوم ہوگی۔ Q خط کا بایاں سرا نکتہ دار بنا کر اس حقیقت کو ظاہر کرتا ہے۔

ڈی پلٹ کا جدول لکھتے وقت اس کے ساعت کے کنارہِ اترائی پر عمل کو بھی بیان کیا جاتا ہے۔ ڈی پلٹ کی کارکردگی جدول 6.3 میں بیان کی گئی ہے جہاں ساعت کے قطار میں نیچے جانب تیرکا نشان پلٹ کے کنارہِ اتروائی پر چلنے کو ظاہر کرتا ہے۔

$C D \mid Q_{n+1}$
$egin{array}{c ccc} 0 & \mathbf{x} & \mathbf{Q}_n \\ 1 & \mathbf{x} & \mathbf{Q}_n \end{array}$
$1 \mathbf{x} \mathbf{Q}_n$
$\downarrow 0 0$
\downarrow 1 1

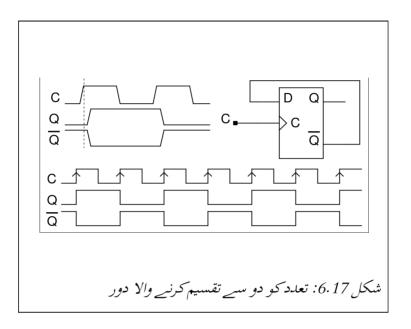
جدول 6.3: كنارهِ اترائى پر چلنے والا ڈى پلٹ

شکل 6.17 میں کنارہِ چڑھائی پر چلنے والے ڈی پلٹ کو استعمال کرتے ہوئے ایک دور بنایا گیا ہے۔ اگر اسے ساعت فراہم کیا جائے تو یہ اس کے کنارہِ چڑھائی پر حالت تبدیل کرتا ہے۔شکل میں اس کی وضاحت کی گئی ہے۔شکل میں واضح ہے کہ یوں یہ دور ساعت کے تعدد کو دو سے تقسیم کرتا ہے۔

شکل میں مخارج Q کے خط کے ساتھ ساتھ اس کی ثنائی قیمت بھی لکھی گئی ہے۔ دور کو چالو کرتے وقت اس کی قیمت صفر تصور کی گئی ہے۔ کنارہ چڑھائی پر پلٹ کی قیمت صفر سے ایک ہو گئی ہے۔

شکل میں برقی اشارے کے ا**وقات کار** مدِ نظر رکھتے ہوئے ساعت کے کنارہ پر مخارج کی تبدیلی تفصیلاً دکھائی گئی ہے۔نکتہ دار لکیر لگا کر اس بات کی وضاحت کی گئی ہے کہ ساعت بلند ہونے کے کچھ دیر بعد مخارج تبدیل ہوتا ہے۔

¹⁸³ D input



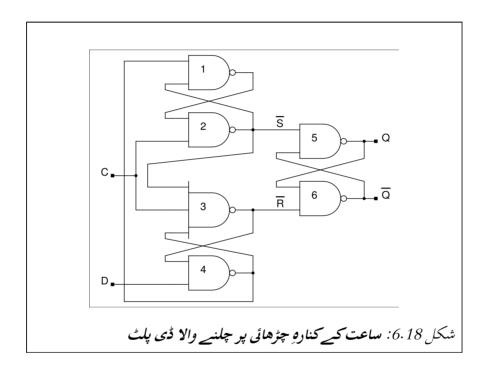
6.8.2 حقیقی ڈی پلٹ

گزشتہ حصہ میں آقا غلام پلٹ کی مدد سے ڈی پلٹ کا حصول دکھایا گیا تھا۔اس حصہ میں نسبتاً بہتر ڈی پلٹ جسے کنارہ چڑھائی پر چلنے والا ڈی پلٹ کہتے ہیں پر غور کیا جائے گا۔آپ دیکھیں گے کہ یہ پلٹ واقعی ساعت کے کنارہ چڑھائی پر سی نئی حالت اختیار کرتا ہے۔اس پلٹ کو وسیع پیمانے کی مخلوط ادوار 184 میں استعمال کیا جاتا ہے۔ اس پلٹ کو شکل 6.18 میں دکھایا گیا ہے۔

اس پلٹ کی بناوٹ میں تین ایس-آر پلٹ استعمال کئے گئے ہیں۔ان میں گیٹ \overline{S} اور \overline{R} اور \overline{S} اور \overline{S} اور \overline{S} اور \overline{S} اور \overline{S} فراہم کرتا ہے۔ گیٹ \overline{S} اور \overline{S} اور \overline{S} فراہم کرتا ہے۔ گیٹ \overline{S} فراہم کرتا ہے۔ گیٹ \overline{S} فراہم کرتا ہے جبکہ \overline{S} فراہم کرتا ہے جبکہ کی صورت میں پست برقی اشارہ \overline{S} فراہم

¹⁸⁴ very large scale integration (VLSI)

کرتا ہے۔گیٹ نمبر 2 کی مخارج کو گیٹ نمبر 3 کی مداخل کے طور مہیا کیا گیا ہے۔ ایسا کرنے سے یہ یقینی بنایا جاتا ہے کہ \overline{S} اور \overline{R} کسی صورت اکٹھے پست نہیں ہوں

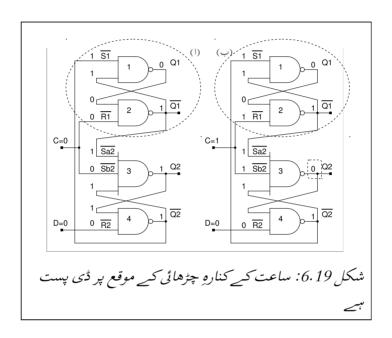


ڈی پلٹ کی کارکردگی پر غور¹⁸⁵ کرنے کی خاطر تصور کریں کہ ساعت اور ڈی¹⁸⁶ مداخل دونوں پست ہیں۔یہ صورت شکل 6.19 (۱) میں دکھائی گئی ہے۔نفی۔ضرب گیٹ

¹⁸⁵ ڈی پلٹ پر حصہ 11.3.2 میں تفصیلاً غور کیا جائے گا جہاں اس طرح ادوار کا تجزیہ، قدم با قدم، کرنا سکھایا گیا ہر

¹⁸⁶ D input

کی کوئی بھی مداخل پست ہونے کی صورت میں اس کی مخارج بلند ہوتی ہے۔یوں شکل میں Q_1 بلند جبکہ Q_2 بلند جبکہ Q_2 بلند جبکہ بیں۔



دھیان رہے کہ Q_2 اور $\overline{Q_2}$ دونوں بلند ہیں اور یوں نچلا پلٹ حالت ِ دوڑ سی کیفیت میں ہے۔

اب تصور کریں کہ ساعت کو بلند کیا جاتا ہے یعنی اس کا کنارہِ چڑھائی گزرتا ہے۔ یہ نئی صورت شکل (ب) میں دکھائی گئی ہے۔شکل میں اوپر جانب پلٹ کو نکتہ دار دائرہ میں گھیرا دکھایا گیا ہے۔اس ایس-آر پلٹ کی کارکردگی پر نظر ڈالیں۔

شکل (۱) میں اس پلٹ کے مداخل $\overline{S_1} = 1$ اور $\overline{R_1} = 0$ تھے اور اس پلٹ کی

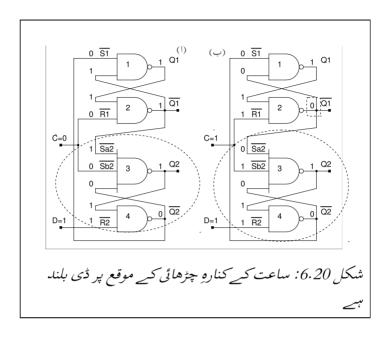
حالت پست تھی یعنی $Q_1=0$ تھا۔شکل (ب) میں اس پلٹ کے دونوں مداخل بلند یعنی غیر فعال ہو گئے ہیں لہٰذا یہ اپنی حالت برقرار رکھے گا۔یوں ساعت بلند ہونے کے بعد بھی Q_1 پست اور $\overline{Q_1}$ بلند ہی رہیں گے۔

اب شکل (ب)ا میں چونکہ D=0 ہے لہٰذا $\overline{Q_2}$ بلند رہےگا اور نفی۔ضرب گیٹ غبر تین کے تمام مداخل بلند ہونے کی صورت Q_2 پست ہوگا۔

یوں شکل (۱) اور (ب) کو بیک وقت دیکھتے ہوئے معلوم ہوتا ہے کہ ساعت کا کنارہِ چڑھائی گزرنے کے بعد بھی $\overline{Q_1}$ ، $\overline{Q_1}$ ، $\overline{Q_1}$ ، $\overline{Q_2}$ اپنی حالتیں برقرار رکھتے ہیں جبکہ جبکہ عالت تبدیل کر کے پست ہو جاتا ہے۔اسے نکتہ دار لکیر میں گھیر کر واضح کیا گیا ہے۔

شکل \overline{R} میں چونکہ \overline{Q}_1 بطور \overline{S} اور Q_2 بطور \overline{R} کردار اداکرتے ہیں لہٰذا ڈی پلٹ پست حالت اختیار کر لے گا۔اس طرح D=0 کی صورت میں ساعت کے کنارہ چڑھائی پر ڈی پلٹ پست حالت اختیار کرتا ہے۔

D شکل 6.19 (۱) پر دوبارہ غور کریں۔ جب تک ساعت پست رہتا ہے مداخل \overline{S} بلند یا پست کرنے کا \overline{S} یا \overline{R} پر کوئی اثر نہیں ہوتا۔ اسی طرح شکل کے حصہ با پر دوبارہ غور کریں۔ جب تک ساعت بلند رہتی ہے مداخل D بلند یا پست کرنے کا \overline{S} یا \overline{R} پر کوئی اثر نہیں ہوتا۔ یوں آپ دیکھ سکتے ہیں کہ یہ ڈی پلٹ واقعی صرف ساعت کے کنارہ چڑھائی پر ہی D کو دیکھتے ہوئے نئی حالت اختیار کرتا ہے۔ دوسرے الفاظ میں یہ D کی قیمت کو سٹور کرتا ہے۔



شکل 6.20 میں ساعت کے کنارہِ چڑھائی پر ڈی بلند ہونے کی صورت ڈی پلٹ کی کارکردگی دکھائی گئی ہے۔پہلے شکل (۱) پر غور کرتے ہیں۔نفی۔ضرب گیٹ کی کوئی بھی مداخل پست ہونے کی صورت اس کی مخارج بلند ہوتی ہے لہٰذا ساعت پست ہونے کی وجہ سے \overline{Q}_1 اور \overline{Q}_2 بلند ہوں گے۔نفی۔ضرب گیٹ نمبر چار کے دونوں مداخل بلند ہیں لہٰذا \overline{Q}_2 پست ہو گا جس کی وجہ سے گیٹ نمبر ایک کی مخارج \overline{Q}_1 بلند ہو گی۔یہ تمام صورت شکل (۱) میں دکھائی گئی ہے۔یوں \overline{Q}_1 ، \overline{Q}_1 اور \overline{Q}_2 بلند جبکہ \overline{Q}_2 پست ہونگے۔پلٹ نمبر ایک حالت دوڑ کی سی کیفیت رکھتا ہے۔

(۱) میں نکتہ دار لکیر سے گھرے پلٹ یعنی پلٹ نمبر دو پر نظر رکھتے ہوئے حصہ (۱) میں $\overline{S_2}$ پست جبکہ $\overline{R_2}$ بلند ہے اور یوں یہ اور حصہ (ب) پر غور کرتے ہیں۔حصہ (۱) میں $\overline{S_2}$ پست جبکہ $\overline{Q_1}$ اور $\overline{Q_1}$ مل کر پلٹ بلند حالت میں ہے۔یہاں دھیان رہے کہ گیٹ نمبر تین کے مداخل $\overline{S_2}$ بلند کرنے سے یہ برقرار حالت $\overline{S_2}$ ناور اس کی حالت میں کوئی تبدیلی نہیں آئے گی۔اسی طرح $\overline{S_2}$ پست اختیار کر لے گا اور اس کی حالت میں کوئی تبدیلی نہیں آئے گی۔اسی طرح

رہنے کی صورت میں بھی پلٹ اسی صورت میں رہے گا۔لہذا دونوں صورتوں میں ساعت بلند ہونے کے بعد پلٹ بلند حالت میں ہی رہے گا۔ایسا شکل کے حصہ (ب) میں دکھایا گیا ہے۔

چونکہ \overline{Q}_1 پست ہے اور یہی گیٹ نمبر ایک کی مداخل ہے لہٰذا Q_1 بلند رہے گا۔یوں گیٹ نمبر دو کے دونوں مداخل بلند ہونے کی وجہ سے \overline{Q}_1 پست ہو جائے گا۔

ہم نے دیکھا کہ ڈی مداخل بلند ہونے کی صورت میں ساعت کے کنارہِ چڑھائی پر ہم نے دیکھا کہ ڈی مداخل بلند ہونے کی صورت میں ساعت کے کنارہِ چڑھائی پر \overline{Q}_1 پست ہو جاتا ہے جبکہ Q_2 بلند رہتا ہے۔ $\overline{R}=1$ اور $\overline{R}=1$ ہو کر ڈی پلٹ کو بلند حالت کر دیتا ہے۔

D شکل 0.20 (۱) پر دوبارہ غور کریں۔ جب تک ساعت پست رہتا ہے مداخل \overline{R} بلند یا پست کرنے کا \overline{S} یا \overline{R} پر کوئی اثر نہیں ہوتا۔ اسی طرح شکل کے حصہ \overline{S} یا دوبارہ غور کریں۔ جب تک ساعت بلند رہتا ہے مداخل \overline{S} بلند یا پست کرنے کا \overline{S} یا \overline{R} پر کوئی اثر نہیں ہوتا۔ یوں آپ دیکھ سکتے ہیں کہ یہ ڈی پلٹ واقعی صرف ساعت کے کنارہ چڑھائی پر ہی \overline{S} کو دیکھتے ہوئے نئی حالت اختیار کرتا ہے۔

مشق: انٹرنیٹ سے 7474 ڈی پلٹ کے معلوماتی صفحات حاصل کریں۔(۱) اس میں کتنے ڈی پلٹ ہیں۔(ب) یہ ساعت کے کس کنارے حالت تبدیل کرتے ہیں۔

6.9 جر-كرپك اور ٹي پك

ڈی پلٹ کے استعمال سے مختلف اقسام کے پلٹ بنائے جا سکتے ہیں جن میں

جرے۔ کمے پلٹ ¹⁸⁷ اور ٹی پلٹ ¹⁸⁸ نہایت مقبول ہیں۔ جرے۔ کرے پلٹ کی بناوٹ اور اس کی خصوصیات کا جدول شکل 6.21 میں دکھایا گیا ہے۔

شکل میں مداخل D کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں

$$D = J \overline{Q} + \overline{K} Q \tag{6.7}$$

چونکہ D پلٹ آگلے ساعت کے کنارہِ چڑھائی پر D کے مطابق آگلی حالت اختیار کرے گا لہٰذا جے۔کے پلٹ کی خصوصیات کی مساوات کو اس مساوات کی مدد سے یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$$Q_{n+1} = J \overline{Q}_n + \overline{K} Q_n \tag{6.8}$$

جہاں پلٹ کی موجودہ مخارج کو Q_n جبکہ اس کے آگلی مخارج کو لکھا گیا ہے۔

یوں ساعت کے کنارہِ چڑھائی پر ڈی پلٹ مداخل D کی قیمت کے مطابق نئی آگلی حالت اختیار کرمے گا۔مساوات 6.7 کا جدول یہ ہے۔

¹⁸⁷ JK flip flop

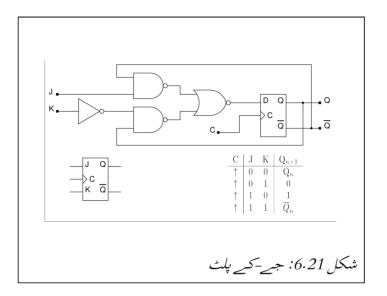
¹⁸⁸ T flip flop

$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	J	[]	K	Q	D
$egin{array}{cccccc} 0 & 1 & 0 & 0 \ 0 & 1 & 1 & 0 \ 1 & 0 & 0 & 1 \ 1 & 0 & 1 & 1 \end{array}$	0				0
$\begin{array}{c cccc} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \end{array}$	0)	0	1	1
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0)	1	0	0
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	0)	1	1	0
	1	-	0	0	1
	1	-	0	1	1
$1 1 0 \mid 1$	1	-	1	0	1
1 1 1 0	1		1	1	0

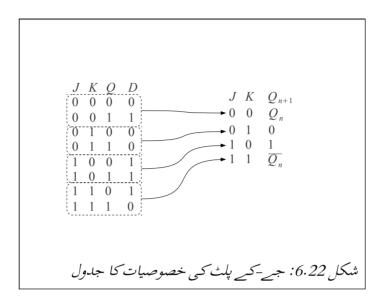
جدول 6.4: مساوات 6.7 سر حاصل جدول

اس جدول کی پہلی صف میں تصور کیا گیا ہے کہ پلٹ پست حالت میں ہے یعنی J=0 ہو۔ J=0 ہو۔ J=0 ہو۔ J=0 ہیں۔ مساوات J=0 کی موجودہ حالت ہے۔ اسی صف میں مداخل J=0 اور J=0 ہیں۔ مساوات J=0 ہونے کے تحت اس صورت J=0 ہوگا اور یوں اگلے ساعت کے کنارہ چڑھائی پر، J=0 ہونے کی وجہ سے، پلٹ پست ہو جائے گا۔ یعنی پلٹ کی آگلی حالت بھی پست ہو آگلی حالت بھی پست ہو گلی حالت بھی پست ہو گی یعنی اس صورت میں پلٹ اپنی حالت پست برقرار رکھتا ہے۔ اسی طرح جدول کی دوسری صف میں پلٹ کی موجودہ حالت بلند تصور کی گئی ہے جبکہ J=0 اور دوسری صف میں پلٹ کی موجودہ حالت بلند تصور کی گئی ہے جبکہ J=0 اور کھتا ہے۔ اس صورت مساوات J=0 کے تحت J=0 ہے اور یوں آگلے ساعت کے کنارہ چڑھائی پر پلٹ بلند حالت اختیار کرے گا۔ پلٹ اس صورت میں اپنی حالت برقرار بلند رکھتا ہے۔

ان دو صورتوں میں ہم دیکھتے ہیں کہ J=0 اور K=0 کی صورت میں پلٹ اپنی حالت برقرار رکھتا ہے۔ یعنی آگر اس کی موجودہ حالت پست ہو تو اس کی آگلی حالت بھی پست ہی رہے گی اور آگر اس کی موجودہ حالت بلند ہو تو اس کی آگلی حالت بلند ہی رہے گی۔



شکل 6.22 کی پہلی صف میں اس بات کو بہتر اور مختصر طریقہ سے بیان کیا گیا ہے جہاں J=0 اور K=0 کی صف میں اگلے حال J=0 کی حف میں موجودہ حالت J=0 لکھا گیا ہے۔شکل میں جدول کے بقایا جز حاصل کرنے کا طریقہ بھی واضح کیا گیا ہے۔شکل J=0 میں دئے جدول میں جے-کے پلٹ کا کنارہِ چڑھائی پر تبدیل ہونے کو بھی ظاہر کیا گیا ہے۔



جے۔کے پلٹ کے دونوں مداخل جوڑنے سے ٹی پلٹ 189 حاصل ہوتا ہے۔شکل T میں ٹی پلٹ کی بناوٹ، علامت اور جدول دکھائی گئی ہے۔جب تک مداخل T پست رہے، ٹی پلٹ اپنی حالت برقرار رکھتا ہے۔مداخل T بلند ہونے کی صورت میں ٹی پلٹ ساعت کے کنارہ چڑھائی پر حالت تبدیل کرتا ہے۔یوں اگر پلٹ کی موجودہ حالت پست ہو تب اس کی اگلی حالت بلند اور اس سے آگلی حالت دوبارہ پست ہو گی۔ ٹی پلٹ کی خصوصیات کی مساوات کو جے۔کے پلٹ کی خصوصیات کی مساوات T ہیں۔

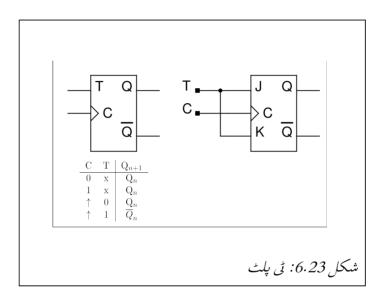
$$Q_{n+1} = J \overline{Q}_n + \overline{K} Q_n$$

$$= T \overline{Q}_n + \overline{T} Q_n$$

$$= T \oplus Q_n$$
(6.9)

¹⁸⁹ T flip flop

مساوات حاصل کرنے کیلئے J اور K دونوں کی جگہ T لکھا گیا ہے۔

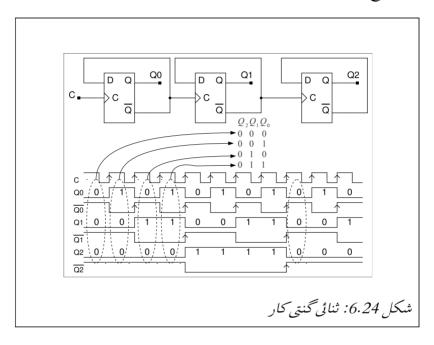


مشق: انٹرنیٹ سے 74xx اور 40xx سلسلہ میں جے۔کے پلٹ دریافت کریں۔

6.10 ثنائي گنت كار

شکل 6.17 میں دئے گئے دور کو تین مرتبہ استعمال کرتے ہوئے ایک دور بنایا گیا ہے جسے شکل 6.24 میں دکھایا گیا ہے۔ اس شکل میں پلٹ کے مخارج کو غیر کیا گیا ہے۔ یوں پلٹ کی مخارج کو Q_0 کہا گیا ہے جبکہ دوسرے پلٹ کی مخارج کو Q_0 کہا گیا ہے جبکہ دوسرے پلٹ کی مخارج کو

تیسرے کی مخارج کو Q_2 کہا گیا ہے۔



شکل کے پہلے تین خط (Q_0 ، ور Q_0) بالکل شکل Q_0 کے طرح کے ہیں۔ یہاں رک کر تسلی کر لیں کہ ایسا ہی ہے۔

چونکہ Q_1 پلٹ کو ساعت کے طور پر مخارج \overline{Q}_0 مہیا کی گئی ہے لہذا اس حصہ کو سمجھنے کے لئے شکل میں Q_0 ، Q_0 اور \overline{Q}_1 کے خطوط پر غور کریں۔ ایک مرتبہ دوبارہ تسلی کر لیس کہ یہ تین خطوط بھی بالکل شکل \overline{Q}_0 میں دئے گئے خطوط کی طرح ہیں۔ یہ پلٹ \overline{Q}_0 کے کنارہِ چڑھائی پر نئی حالت اختیار کرتا ہے لہذا شکل میں \overline{Q}_0 خط کے کنارہِ چڑھائی پر تیر کے نشان لگائے گئے ہیں۔

اسی طرح Q_2 پلٹ کو ساعت کے طور پر مخارج \overline{Q}_1 مہیا کی گئی ہے لہٰذا اس حصہ کو سمجھنے کے لئے شکل میں Q_1 ہیں خطوط پر غور کریں۔ایک مرتبہ پھر تسلی کر لیس کہ یہ تین خطوط بھی بالکل شکل 6.17 میں دئے گئے

خطوط کی طرح ہیں۔

256

ساعت کے پہلے کنارہِ چڑھائی سے قبل تینوں پلٹ پست حالت میں ہیں۔یوں ان تینوں کے مخارج کی قیمت صفر 190 ہے۔ان تینوں کو بائیں جانب نکتہ دار لکیر سے گھیرا گیا ہے اور ساتھ ہی ان تین صفروں کو تین ثنائی اعداد پر مشتمل ہندسے کے طور لکھا گیا ہے۔ ایسا لکھتے ہوئے Q_0 کی قیمت کو Q_0 جبکہ Q_1 کو Q_2 اور Q_2 کو Q_2 کے مقام پر رکھا گیا ہے۔

$$000_2$$
 (6.10)

اسی طرح ساعت کا اگلاکنارہِ چڑھائی گزرتے ہی تینوں پلٹ کی نئی قیمتوں یا مخارج کو نکتہ دار لکیر سے گھیراگیا ہے اور ساتھ ہی ان تین قیمتوں کو اِسی اصول کے ساتھ ثنائی ہندسے کے طور لکھا ہے۔یہ نیا ہندسہ

$$001_2$$
 (6.11)

ہے۔ساعت کے آگلے کنارہ چڑھائی کے بعد یہ ہندسہ 010_2 ہو جاتا ہے وغیرہ۔شکل میں یوں متواتر حاصل ثنائی ہندسوں کو لکھتے ہوئے حاصل ہوتا ہے

¹⁹⁰ **زبردستی بلند مداخل** اور **زبردستی پست مداخل** کی مدد سے پلٹ پر مبنی ادوارکی ابتدائی قیمت تعیمی کی جاتی ہے۔یوں موجودہ مثال میں یہ تصورکیا جائے کہ **زبردستی پست مداخل** کی مدد سے تینوں پلٹ کی ابتدائی قیمت صفر کر دی گئی ہے۔

 $\begin{array}{c}
000_{2} \\
001_{2} \\
010_{2} \\
011_{2} \\
100_{2} \\
101_{2} \\
101_{2} \\
110_{2} \\
111_{2} \\
000_{2} \\
001_{2} \\
010_{3}
\end{array} (6.12)$

یہ واضح ہے کہ یہ دور ساعت کے کنارہِ چڑھائی کی گنتی ثنائی ہندسوں میں کرتا ہے۔ 000_2 سے کنتی شروع کر دیتا ہے۔ 000_2 میں دوبارہ 000_2 کو نکتہ دار لکیر سے گھیر کر دکھایا گیا ہے۔

اس دور میں پلٹ کی تعداد بڑھا کر زیادہ ہندسوں پر مشتمل گنتی کرنے والا دور بنایا جا سکتا ہے۔ اس دور کو ثنائی گنت کار 191 کہتے ہیں۔ یوں آٹھ پلٹ استعمال کرنے سے ایک بائٹ تک کی گنتی کرنے والا دور بنے گا جو 00000000 سے کے بعد دوبارہ 000000000 سے گنتی شروع کرے گا۔ 11111111

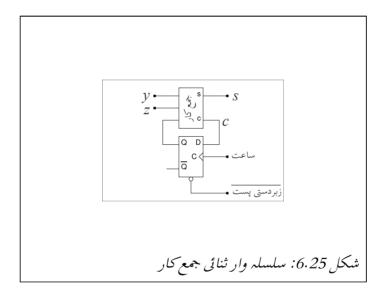
6.11 سلسله وارثنائي جمع كار

شکل 6.25 میں مکمل جمع کار اور ڈی پلٹ کی مدد سے سلسلہ وار ثنائی جمع کار z اور z اور z اور z اور z

¹⁹¹ binary counter

¹⁹² binary serial adder

سلسلہ وار فراہم کئے جاتے ہیں۔ کمتر رتبہ والے بِٹ سے شروع کر کے ساعت کے ہر اگلے کنارہ چڑھائی پر دونوں اعداد کے اگلے بِٹ فراہم کئے جاتے ہیں۔ کسی بھی قدم پر ڈی پلٹ حاصل جمع (یعنی مکمل جمع کے خارجی حاصل) کو ذخیرہ کر کے اس کے اگلے قدم پر اسے مکمل جمع کو بطور داخلی حاصل مہیا کرتا ہے۔ مجموعہ حاصل کرنے سے قبل ڈی پلٹ کو زبردستی پست کیا جاتا ہے تاکہ پہلا داخلی حاصل صفر ہو۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ کہ کے پر سلسلہ وار دونوں ثنائی اعداد کا مجموعہ خارج ہوگا۔



اس باب کے آخر میں آپ سے گزارش کی جائے گی کہ سلسلہ وار ثنائی جمع کار کو استعمال کرتے ہوئے دو ثنائی اعداد جمع کریں۔

6.12 معاصر ترتيبي ادواركا تجزيه

ساعت سے چلتے پلٹوں پر مبنی ادوار معاصر ترتیبی ادوار 193 کہلاتے ہیں۔ایسے

¹⁹³ synchronous sequential circuits

ادوار، پلٹوں کے موجودہ حالت اور مداخل کو دیکھتے ہوئے نئے حالتیں اختیار کرتے ہیں۔ معاصر ترتیبی ادوار عموماً ساعت کے کنارہ کے ساتھ قدم ملاکر چلتے ہیں۔معاصر ترتیبی ادوار میں ترکیبی حصے کا موجود ہونا لازم نہیں۔

ایسے ادوار، کنارہ ساعت پر نئی حالت اختیار کرتے ہیں۔موجودہ حالت کا نئی حالت پر اثر کو مدِ نظر رکھنا ضروری ہوتا ہے۔یوں ان ادوار کی نئی حالت دریافت کرتے وقت ان کی موجودہ حالت کو بھی عام مداخل کی طرح تصور کیا جاتا ہے۔ترکیبی ادوار کی طرح ترتیبی ادوار کا جدول مددگار ثابت ہوتا ہے جسے حالت کا جدول ¹⁹⁴ کہتے ہیں۔نئی حالت کو حالتوں کی مساواتوں ¹⁹⁵ کی مدد سے بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ان دونوں طریقوں پر مثالوں کی مدد سے غور کرتے ہیں۔

6.12.1 حالتون كر مساوات

حالتوں کے مساوات دور کے آگلی حالت کو دور کے موجودہ حالتوں اور موجودہ مداخل کی شکل میں ظاہر کرتے ہیں۔ساعت کے کنارہ پر دور آگلی حالت یعنی نئی حالت اختیار کرتا ہے۔یوں آگر ساعت کے n کنارے گزرنے کے بعد اس کی حالت کو موجودہ حالت سمجھا جائے اور اس حالت کو لکھتے ہوئے n کو زیر نوشت استعمال کیا جائے تو آگلی حالت لکھتے ہوئے (n+1) کو زیر نوشت کے طور استعمال کیا جائے گا۔شکل 6.26 کو مثال بناتے ہوئے اس طریقہ کو زیر استعمال لاتے ہیں۔

شکل میں ڈی پلٹ استعمال کئے گئے ہیں جو ساعت کے کنارہِ چڑھائی پر مداخل n کی مدد n کے مطابق حالت اختیار کرتے ہیں۔ شکل میں موجودہ مداخل n کو n کی مدد n کے مطابق حالت اختیار کرتے ہیں۔ شکل میں موجودہ مداخل n اور موجودہ مخارج کو n اور n اور n اور n کی مداخل مداخل تصور کرتے ہوئے ترکیبی دور کی مساوات لکھتے ہیں۔ اوپر جانب پلٹ کی مداخل n کے لئر لکھ سکتر ہیں

$$x(n)\cdot Q_0(n)+x(n)\cdot \overline{Q_1(n)}$$

¹⁹⁴ state tables

¹⁹⁵ state equations

ساعت کے کنارہِ چڑھائی پر یہ پلٹ اس مساوات کے مطابق نئی حالت اختیار کرے گا۔ یوں نئی حالت $Q_0(n+1)$ کو ہم لکھ سکتے ہیں

$$Q_0(n+1) = x(n) \cdot Q_0(n) + x(n) \cdot \overline{Q_1(n)}$$

اسی طرح نچلے پلٹ کی مداخل D_1 کی مساوات یوں ہے $\overline{\overline{Q_0(n)} \cdot Q_1(n)}$

لهذا اس پلٹ کی آگلی حالت $Q_1(n+1)$ کو یوں لکھا جائے گا $Q_1(n+1) = \overline{\overline{Q_0(n)} \cdot Q_1(n)}$

جبکہ دور کا ترکیبی حصہ ساعت کا انتظار نہیں کرتا اور یہ فوراً مداخل کیے مطابق حالت اختیار کر لیتا ہے لہذا اس کے لئے یوں لکھا جائے گا

$$y(n) = \overline{x(n)} + \overline{Q_0(n)} + \overline{Q_1(n)}$$

یوں اس دور کے حالتوں کی مساواتیں مندرجہ ذیل ہیں۔

$$Q_0(n+1) = \underline{x(n) \cdot Q_0(n) + x(n) \cdot \overline{Q_1(n)}}$$

$$Q_1(n+1) = \overline{Q_0(n) \cdot Q_1(n)}$$
(6.13)

جبکہ اس کی ترکیبی مخارج مندرجہ ذیل ہے۔

$$y(n) = \overline{x(n) + \overline{Q_0(n)} + \overline{Q_1(n)}}$$
(6.14)

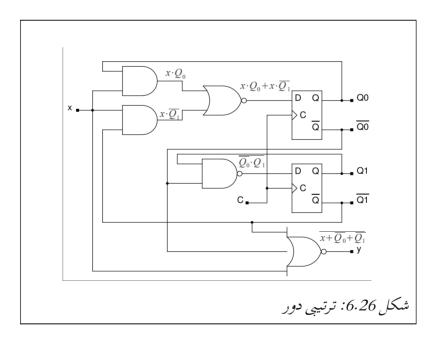
ان مساواتوں کو نسبتاً بہتر طریقہ سے لکھا جا سکتا ہے آگر دائیں جانب بار بار بار اور بائیں جانب بار بار (n+1) لکھنے سے گریز کیا جائے اور ان کی موجودگی n

ذہن میں رکھی جائے۔یوں ہم مساوات 6.13 اور مساوات 6.14 کو اس طرح لکھ سکتے ېيں

$$Q_0 = x \cdot Q_0 + x \cdot \overline{Q}_1$$

$$Q_1 = \overline{Q}_0 \cdot Q_1$$
(6.15)

$$y = \overline{x + \overline{Q_0} + \overline{Q_1}} \tag{6.16}$$



6.12.2 حالتون كا جدول

ساعت کے ساتھ تبدیل ہوتی حالتوں کو جدول کی شکل میں لکھا جا سکتا ہے۔

شکل 6.26 کی مثال لیتے ہوئے اس کا جدول مساوات 6.15 اور مساوات 6.16 سے حاصل کیا جائے گا۔ جدول حاصل کرتے وقت موجودہ تمام مداخل اور مخارج کو آزاد متغیرات تصور کیا جاتا ہے۔ یوں متغیرات تصور کیا جاتا ہے جبکہ آگلے تمام حالتوں کو مخارج تصور کیا جاتا ہے۔ یوں متغیرات تصور کریا جاتا ہے۔ یوں $Q_1(n)$ ، $Q_0(n)$ ، $Z_0(n)$ ، $Z_$

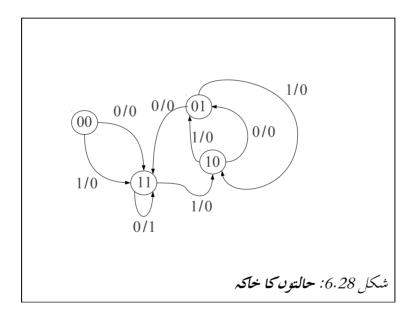
حالتين	ىوجوده	•	آگلي حالتيں			
Q_1	Q_0	Х	Q_1	\mathbf{Q}_0	У	
0	0	0	1	1	0	
0	0	1	1	1	0	
0	1	0	1	1	0	
0	1	1	1	0	0	
1	0	0	0	1	0	
1	0	1	0	1	0	
1	1	0	1	1	1	
1	1	1	1	0	0	

شكل 6.27: حالتون كا جدول

6.12.3 حالتون كا خاكه

حالتوں کے جدول میں موجود معلومات کا **خاکہ** بھی بنایا جا سکتا ہے جسے

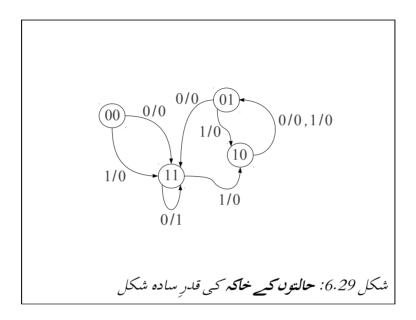
حالتوں کا خاکہ 196 پکارتے ہیں۔اس خاکہ یا شکل میں موجودہ حالت کو گول دائرے سے ظاہر کیا جاتا ہے جبکہ ایک حالت سے دوسری حالت منتقلی کو تیر والے لکیر سے ظاہر کیا جاتا ہے۔تیر والی لکیر موجودہ حالت والے دائرے سے آگلی حالت والے دائرے کی جانب بنائی جاتی ہے۔دائرے کے اندر ثنائی عدد پلٹوں کی موجودہ حالتیں بیان کرتا ہے۔ تیر والی لکیر پر دو ثنائے اعداد لکھے جاتے ہیں جن کے مابین ترچی لکیر بنائی جاتی ہے۔اس ترچی لکیر پر اوپر جانب موجودہ مداخل جبکہ اس پر نیچے جانب موجودہ مخارج لکھے جاتے ہیں۔شکل 6.27 میں دئے گئے حالتوں کے جدول سے حاصل حالتوں کا خاکہ شکل 6.28 میں دکھایا گیا ہے۔



حالتوں کے خاکہ کو دیکھ کر ہی کہا جا سکتا ہے کہ اس دور کو معاصر طریقہ سے کسی بھی طرح 00 حالت میں نہیں لایا جا سکتا۔

¹⁹⁶ state diagram

اسی حالتوں کے خاکہ کو قدرِ سادہ بنایا جا سکتا ہے جیسے شکل 6.29 میں دکھایا گیا ہے۔

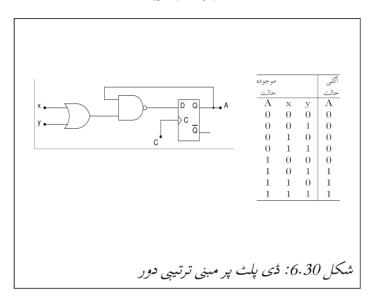


حالتوں کے جدول اور حالتوں کے خاکہ میں موجود مواد میں کسی قسم کا کوئی فرق نہیں۔ حالتوں کے جدول سے ہی حالتوں کا خاکہ تیار کیا جاتا ہے۔ کسی بھی دئے گئے مسئلہ کے بیان سے حالتوں کا جدول اخذ کرنا زیادہ آسان ہوتا ہے۔ حالتوں کے خاکہ کی افادیت یہ ہے کہ اسے دیکھ کر ہی دور کی کارکردگی سمجھی جا سکتی ہے۔

6.12.4 ڈی پلٹ کی مدد سے تجزیہ

اس طریقہ کار کی مزید وضاحت کی خاطر چند مثالوں پر غور کرتے ہیں۔پہلی مثال میں شکل 6.30 میں دی گئی ڈی پلٹ پر مبنی ترتیبی دور لیتے ہیں۔اس دور میں ایک ہی پلٹ استعمال کی گئی ہے جس کے مخارج کو A کہا گیا ہے۔اس پلٹ کے مداخل کو D_A لکھتے ہوئے اس کی داخلی مساوات لکھتے ہیں۔

$$D_A = (x+y) \cdot A$$



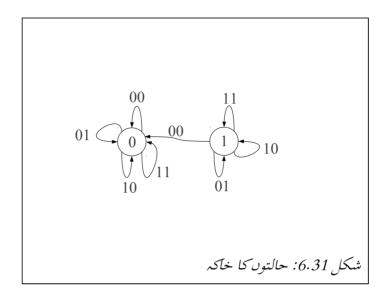
چونکہ ساعت کے کنارہِ چڑھائی پر ڈی پلٹ مداخل D_A کے تحت نئی حالت اختیار کر لے گا لہٰذا آگلی حالت کے لئے ہم آگلی حالت کی مساوات یوں لکھ سکتے ہیں۔

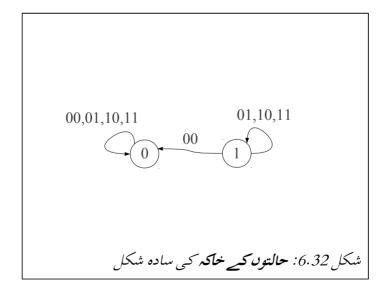
$$A(n+1)=(x(n)+y(n))\cdot A(n)$$

یا اس کی سادہ شکل

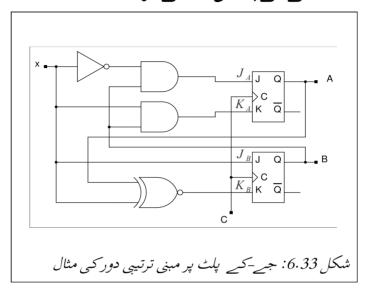
$$A = (x + y) \cdot A$$

لکھ سکتے ہیں۔ اس مساوات سے حاصل حالتوں کا جدول شکل 6.30 میں دیاگیا ہے۔ حالتوں کے جدول سے تیار کردہ حالتوں کا خاکم شکل 6.31 میں دکھایا گیا ہے۔ اسی کو شکل 6.32 میں بھی دکھایا گیا ہے۔ شکل میں تیر دار لکیروں کے ساتھ موجودہ مداخل لکھے گئے ہیں۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ مداخل کی قیمت 00 ہونے کی صورت میں دور حالت (0) منتقل ہوتا ہے۔ اس کے علاوہ تمام ممکنہ مداخل کی صورت میں یہ اپنی حالت برقرار رکھتا ہے۔





6.12.5 جے-کے پلٹ کی مدد سے تجزیہ



شکل 6.33 میں جے۔کے ترتیبی دور دیاگیا ہے۔اوپر والے پلٹ کی مخارج کو شکل 6.33 میں جے۔کے ترتیبی دور دیاگیا ہے۔اسی طرح نیچے والے پلٹ A جبکہ اس کی مداخل کو A اور A کہاگیا ہے۔

پلٹ کی مداخل کی مساوات مندرجہ ذیل ہیں۔

$$J_{A} = \overline{x} \cdot B$$

$$K_{A} = x \cdot B$$

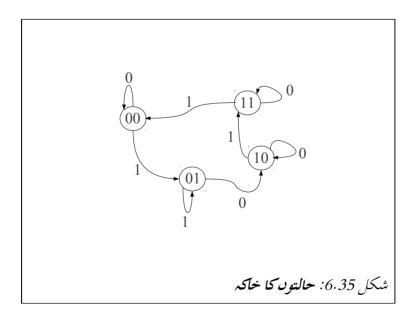
$$J_{B} = x$$

$$K_{R} = \overline{x \oplus A}$$

$$(6.17)$$

نوده	موجوده		آگلی						
	حالتين			حالتين		پلٹ کے مداخل			
A	В	X	Α	В	J_A	K_A	J_B	K_B	
0	0	0	0	0	0	0	0	1	
0	0	1	0	1	0	0	1	0	
0	1	0	1	0	1	0	0	1	
0	1	1	0	1	0	1	1	0	
1	0	0	1	0	0	0	0	0	
1	0	1	1	1	0	0	1	1	
1	1	0	1	1	1	0	0	0	
1	1	1	0	0	0	1	1	1	

شکل 6.34: ترتیبی دور کے حالتوں کا جدول



ان مساوات سے حالتوں کا جدول حاصل ہوتا ہے جسے شکل 6.34 میں دیاگیا ہے۔ اس شکل میں مداخل x کو موجودہ حالت کے خانے میں لکھاگیا ہے۔ حالتوں کے جدول سے تیار کردہ حالتوں کا خاکہ شکل 6.34 میں دکھایاگیا ہے۔

حالتوں کا جدول حاصل کرتے وقت پہلے موجودہ حال B ، B اور مداخل x کے تمام ممکنہ ترتیب یعنی x = 000 سے x = 111 تک لکھیں۔اس کے بعد مداخل کی مساوات x = 6.17 سے جدول میں پلٹ کے مداخل کے خانے پُر کریں۔پلٹ کے آگلی حالت پلٹ کے خصوصیات کی مساوات کی مدد سے حاصل کی جائیں گی۔اس مساوات کو یہاں دوبارہ پیش کرتے ہیں۔

$$Q_{n+1} = J \overline{Q} + \overline{K} Q \tag{6.18}$$

مثال میں دو پلٹ استعمال کئے گئے ہیں۔ ان کے مخارج اور مداخل کی پہچان کی خاطر انہیں مثال میں دو پلٹ استعمال کئے گئے ہیں۔ یوں پہلی پلٹ کی مخارج کو Q اور \overline{Q} کی بجائے A اور \overline{A} کہا گیا ہے جبکہ اس کی مداخل کو A اور A کہا گیا ہے لہٰذا اس پلٹ کے لئے مساوات A کو یوں لکھا جائے گا

$$A_{n+1} = J_A \overline{A} + \overline{K_A} A \tag{6.19}$$

 K_B اور \overline{B} جبکہ اس کی مداخل کو پلٹ کی مخارج B اور \overline{B} جبکہ اس کی مداخل کو پلٹ کر لئر مساوات B6.18 کہا گیا ہر لہٰذا اس پلٹ کر لئر مساوات B6.18 کو یوں لکھا جائر گا۔

$$B_{n+1} = J_B \overline{B} + \overline{K_B} B \tag{6.20}$$

ان دو مساواتوں کو استعمال کرتے آگلی حالتوں کے خانے پُر کئے گئے ہیں۔

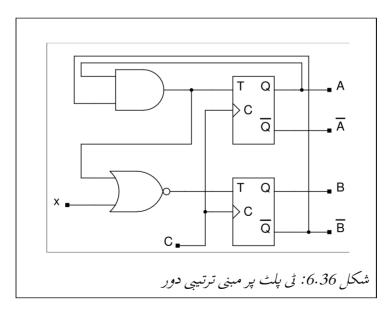
اس طرح بھی کیا جا سکتا ہے کہ پہلے مساوات 6.17 کو مساوات 6.19 اور مساوات 6.20 اور پھر اسے مساوات 6.20 میں ڈال کر دور کے حالتوں کی مساوات حاصل کی جائے اور پھر اسے استعمال کرتے ہوئے جدول میں آگلی حالتوں کے خانے پُر کئے جائیں یعنی

$$A_{n+1} = J_A \overline{A} + \overline{K} A = (\overline{x} \cdot B) \overline{A} + \overline{(x \cdot B)} A$$

$$B_{n+1} = J_B \overline{B} + \overline{K} B = (x) \overline{B} + \overline{(x \oplus A)} B$$

6.12.6 ٹی پلٹ کی مدد سے ترتیبی دور کا جائزہ

شکل 6.36 میں ٹی پلٹ پر مبنی ترتیبی دور دکھایاگیا ہے۔یہاں بھی دو پلٹ استعمال ہونے کی وجہ سے پلٹ کے مخارج اور مداخل کی پہچان کی خاطر انہیں مختلف نام دئے گئے ہیں۔یوں پہلی پلٹ کے مخارج کو A اور \overline{A} جبکہ اس کی مداخل کو T_A کہا گیا ہے اور دوسری پلٹ کے مخارج کو B اور \overline{B} جبکہ اس کی مداخل کو کہا گیا ہے۔



پلٹ کی اگلی حالتیں ان کی خصوصیات کی مساوات سے حاصل کی جائیں گی۔ٹی پلٹ کی خصوصیات کی مساوات مندرجہ ذیل ہے۔

$$Q_{n+1} = T \oplus Q \tag{6.21}$$

موجودہ استعمال کی خاطر اسے دونوں پلٹوں کے لئے یوں لکھا جائے گا۔

$$A_{n+1} = T_A \oplus A = T_A \overline{A} + \overline{T_A} A$$

$$B_{n+1} = T_B \oplus B = T_B \overline{B} + \overline{T_B} B$$
(6.22)

پلٹ کے مداخل کی مساوات شکل 6.36 سے یوں حاصل ہوتے ہیں۔

$$T_{A} = \underline{A \cdot \overline{B}}$$

$$T_{B} = \overline{(A \cdot \overline{B}) + x}$$

ان مساوات کو مساوات 6.22 میں ڈالنے سے پلٹوں کے حالتوں کی مساواتیں حاصل ہوتی ہیں یعنی

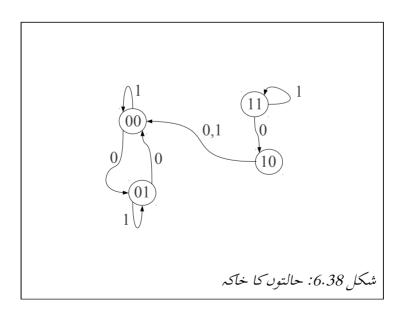
$$\begin{array}{l} A_{n+1} \! = \! \big(\underline{A \! \cdot \! B} \big) \! \oplus \! A \\ B_{n+1} \! = \! \big(\overline{\big(A \! \cdot \! \overline{B} \big) \! + \! x} \big) \! \oplus \! B \end{array}$$

ان سے حاصل شدہ حالتوں کا جدول شکل 6.37 میں اور حالتوں کا خاکہ شکل 6.38 میں دکھائر گئر ہیں۔

موده	موج		لى	ŚĪ		
موده تي <i>ن</i>	حال		التين	حا	ے مساوات	مداخل کے
Α	В	X	Α	В	T_A	T_B
0	0	O	0	1	0	1
0	0	1	0	O	0	0
0	1	O	0	O	0	1
O	1	1	0	1	0	O
1	O	O	0	O	1	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	O	1	0	0	1
1	1	1	1	1	0	0

شكل 6.37: حالتون كا جدول

6.37

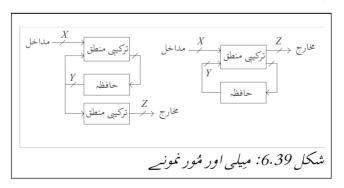


6.13 ميلى نمونه اور مُور نمونه

کسی بھی ترتیبی دور میں مداخل، مخارج اور اندرونی حالتیں پائی جاتی ہیں۔ترتیبی ادوار کے دو دو نمونے پائے جاتے ہیں جنہیں میلی نمونہ 197 اور ممور نمونہ کمتے ہیں۔میلی نمونہ میں مخارج کا دارومدار موجودہ مداخل اور موجودہ اندونی حالتوں پر منحصر ہوتا ہے جبکہ مُور نمونہ میں مخارج صرف موجودہ حالتوں پر منحصر ہوتا ہے۔یہ دو نمونے شکل 6.39 میں دکھائے گئے ہیں۔

6.14 حالتين اور ان كي مقرري

حصہ 6.12.3 میں حالات کے خاکہ پر غور کیا گیا جہاں حالات کو پلٹوں کے مخارج سے ظاہر کیا گیا۔حالات کو یوں پلٹوں کے حالات سے ظاہر کرنا لازم نہیں اور انہیں کوئی بھی نام دئے جا سکتے ہیں۔ایسا مندرجہ ذیل مثال میں دکھایا گیا ہے جہاں آپ

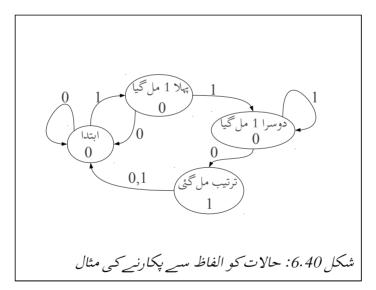


¹⁹⁷ George H. Mealy, Edward F. Moore

دیکھیں گے کہ اس طرح حالات کے نام استعمال کرتے ہوئے حالات کے خاکہ کی سمجھ زیادہ آسانی سے آتی ہے۔

مثال 6.1:ایک مداخل اور ایک مخارج والے ایسے معاصر ترتیبی دورکا حالات کا خاکہ تیار کریں جو 110_2 مداخل کے حصول پر 1 خارج کے درے۔ایسے دور کے ترتیب گیرندہ 110_2 کہتے ہیں۔

حل: شکل 6.40 میں اس دور کے حالات کا خاکہ دکھایا گیا ہے۔آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اسے دیکھتے ہی اس کی کارکردگی سمجھ آ جاتی ہے۔ دائروں میں حالات کے نام کے نیچے 0 یا 1 اس وقت کا مخارج ہے۔



¹⁹⁹ sequence detector

6.15 معاصر ترتيبي ادواركا تشكيل

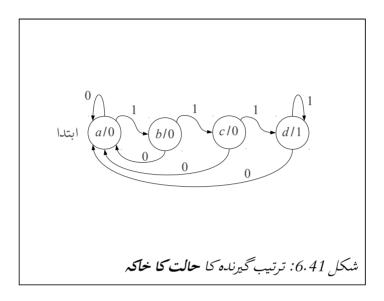
گزشتہ حصے میں مختلف اقسام کے پلٹ استعمال کرتے معاصر ترتیبی ادوار تشکیل دئے گئے۔ایسے ادوار تشکیل دینے کا باضابطہ طریقہ کار یوں ہے۔

- 1. مسئلہ کے بیان سے حالتوں کا خاکہ تیار کریں۔
 - 2. درکار حالتون کی تعداد کم کریں۔
 - 3. حالتوں کے ثنائی قیمتیں تعین کریں۔
 - 4. حالتون كا جدول حاصل كرين-
 - 5. پلٹ کے قسم کا انتخاب کریں۔
- 6. پلٹ کے داخلی اور خارجی سادہ ترین مساوات حاصل کریں۔
 - 7. ان سے معاصر ترتیبی دور تشکیل دیں۔

مثال 6.2: ایک ایسا معاصر ترتیب گیرنده تشکیل دین جسر اگر متواتر تین

1 مہیا کئے جائیں تو یہ 1 خارج کرہے۔

حل: ترتیب گیرندہ کے کارکردگی کے بیان سے اس کے حالت کا خاکہ شکل میں ترچی لکیر کے اوپر حالت کا نام اور 6.41 میں کھینچا گیا ہے۔یہاں گول دائرہ میں ترچی لکیر کے اوپر حالت کا نام اور اس کے نیچے مخارج کی قیمت لکھی گئی ہے۔یوں ابتدا کرتے وقت دور حالت میں پایا جائے گا اور اس کا مخارج پست ہوگا۔



حالت کے خاکہ سے ظاہر ہے کہ اگر اس ترتیب گیرندہ کو متواتر a بطور مداخل مہیا کیا جائے تو یہ ترتیب وار حالت a سے a سے b پر a اور آخر کار حالت a اختیار کرے گا۔اس کا مخارج صرف حالت a میں بلند ہو گا۔دور کسی بھی حالت میں ہوتے ہوئے اگر اس کو مداخل a مہیا کیا جائے تو یہ حالت a میں لوٹ جائے گا۔

حالت کے خاکہ سے حاصل کردہ حالتوں کا جدول شکل 6.42 میں دکھایا گیا ہے۔

موجوده		اگلی		
	مداخل	حالت	مخارج	
a	0	a	0	
a	1	b	0	
b	0	a	0	
b	1	С	0	
\mathbf{c}	0	a	0	
\mathbf{c}	1	d	0	
d	0	a	1	
d	1	d	1	
جدول	ت <i>وں کا</i> ۔	۔ کے حال	ب گیرنده	شكل 6.42: ترتيد

حالت کے خاکہ سے واضح ہے کہ یہاں چار مختلف حالتیں ہیں یعنبی ہو ، b ، a ہوں خاکہ سے واضح ہے کہ یہاں چار مختلف حالتیں ہیں یعنبی کی گئی c اور d ۔ ان چار حالتوں کو دو بِٹ کے ثنائی علامتیں جدول a کے انتخاب کر ہیں۔ دو بِٹ علامتوں کے استعمال سے دو پلٹ درکار ہوں گے۔ ہم ڈی پلٹ کا انتخاب کر کے آگے بڑھتے ہیں۔ ان ڈی پلٹ کے مخارج کو a اور a پکارا جائے گا جبکہ ان کے مداخل کو a اور a پکارا جائے گا۔

ثنائی علامتیں استعمال کرتے ہوئے حالتوں کے جدول کو دوبارہ شکل 6.43 میں لکھا گیا ہے۔ لکھا گیا ہے۔

a	00
b	01
\mathbf{c}	10
d	11

جدول 6.5: حالتوں كر دو بٹ كر ثنائى علامتيں

عالت	موجوده ح	مداخل	عالت	آگلی -	مخارج
Α	В	X	Α	В	У
0	0	0			0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0 0 1	0
1	1	0	0	0	1
1	1	1	1	1	1

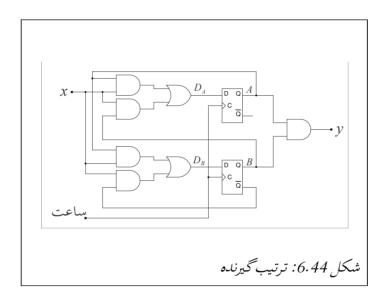
ڈی پلٹ کی خصوصی مساوات Q(t+1)=D ہے، یعنی اس کی آگلی حالت مداخل D کی موجودہ قیمت ہی ہے۔ اسی خوبی کی وجہ سے ڈی پلٹ کے مساوات نادرجہ نایت آسانی سے حاصل ہوتے ہیں۔ شکل 6.43 سے حاصل ڈی پلٹ کے مساوات مندرجہ ذیل ہیں۔

$$A(t+1) = D_A(A, B, x) = \sum (3, 5, 7)$$
$$B(t+1) = D_B(A, B, x) = \sum (1, 5, 7)$$
$$y(A, B, x) = \sum (6, 7)$$

ان مساوات کی سادہ ترین اشکال کارناف کے نقشوں سے حاصل کرتے ملتا سے

$$D_A = Ax + Bx$$
$$D_B = Ax + \overline{B}x$$
$$y = AB$$

ان سے حاصل ترتیب گیرندہ کو شکل 6.44میں دکھایا گیا ہے۔اس دور کو ابتدائی حالت میں زبردستی پست کو شکل میں نہیں میں زبردستی پست کو شکل میں نہیں دکھایا گیا تاکہ اصل موضوع پر توجہ رہے۔



7 كھاتا يا رجسٹر

ایک پلٹ ایک ثنائی ہندسہ یعنی ایک بِٹ کی معلومات ذخیرہ کر سکتا ہے۔یوں آٹھ بِٹ معلومات ذخیرہ کرنے کی خاطر آٹھ پلٹ درکار ہوں گیے۔کھاتا 200 یا رجسٹر سے مراد ایک ایسا دور ہے جو معلومات کو ذخیرہ کر سکے اور معلومات کو ایک جگہ سے دوسری جگہ منتقل کر نے کی صلاحیت رکھتا ہو۔یوں n بِٹ **کھاتا** سے مراد n پلٹ پر مبنی ایک ایسا دور ہے جو معلومات کی منتقلی کر سکے۔معلومات کی منتقلی کا انداز دور کے ترکیبی حصہ پر منحصر ہوتا ہے۔

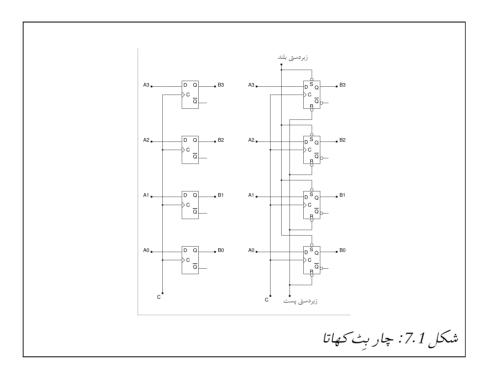
کھاتا صرف پلٹوں پر بھی مبنی ہو سکتا ہے۔ اس طرح کے سادہ ترین چار بِٹ کھاتے 201 شکل 201 شکل 201 میں دکھائے گئے ہیں۔ شکل میں بائیں جانب کھاتے کے مداخل کو 201 ہے۔ بوں مداخل کے چار بِٹ 201 ، 201 ، 201 میں خارج کو 201 کہا گیا ہے۔ یوں مداخل کے چار بِٹ پلٹوں کو منتقل ہو 201 اور 201 کہلائے گے۔ ساعت کے کنارہ چڑھائی پر یہ چار بِٹ پلٹوں کو منتقل ہو جائیں گے یعنی ان کا کھاتے میں اندراج ہو جائے گا یا انہیں کھاتے میں لکھ لیا جائے گا۔ ساعت کے آگلے کنارہ چڑھائی تک یہ چار بِٹ کی معلومات کھاتے میں محفوظ رہیں گے اور انہیں کھاتے کے مخارج کے طور پڑھا جا سکتا ہے۔

شکل میں دائیں جانب اسی کھاتے میں زبردستی بلند اور زبردستی پست صلاحیت رکھنے والے پلٹ استعمال کئے گئے ہیں۔یوں کسی بھی وقت، بغیر ساعت کے کنارہ چڑھائی کے انتظار کے، زبردستی پست پن کو پست کر کے کھاتے سے تمام معلومات صاف کئے جا سکتے ہیں۔ایسا کرنے کے بعد کھاتے کے تمام مخارج بِٹ صفر پڑھیں گے۔اسی طرح زبردستی بلند کے فعال کرنے سے کھاتا 1 سے بھر جائے گا۔

اس دور میں زیادہ پلٹ استعمال کر کے اس میں بِٹوں کی زیادہ تعداد ذخیرہ کی جا سکتی ہے۔یوں n بِٹ ذخیرہ کرنے والاکھاتا n پلٹ کی مدد سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔

²⁰⁰ register

^{201 8-}bit register

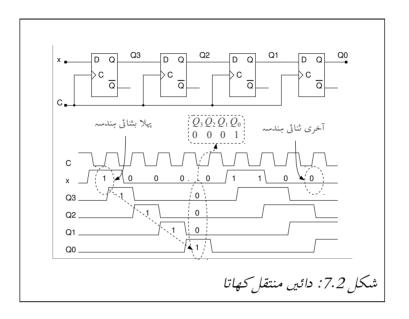


7.1 سلسلہ وارکھاتے

7.1.1 دائين منتقل كهاتا

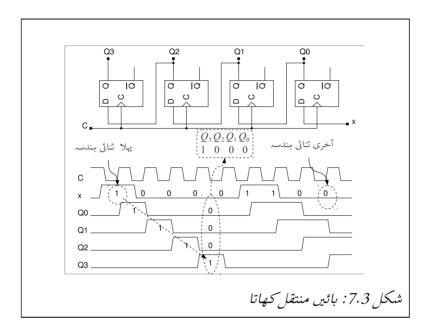
شکل 7.2 میں دائیں منتقل کھاتا 202 دکھایا گیا ہے۔اس طرح کے کھاتے متواتر ایک پلٹ کی مخارج دوسری پلٹ کو مداخل کے طور مہیا کرنے سے بنائے جاتے ہیں۔ دائیہ منتقل پلٹ کو ثنائی مواد بائیں جانب سے مہیا کی جاتی ہے۔شکل میں ہم مہیا کردہ مواد کو ظاہر کرتا ہے۔شکل میں زبردستی پست پن نہیں دکھائی گئی تا کہ اصل مضمون پر توجہ رہے تاہم تصور کریں کہ ساعت کے پہلے کنارہ چڑھائی سے پہلے زبردستی پست مداخل کے ذریعہ تمام پلٹ پست کئے گئے ہیں۔

²⁰² shift right register



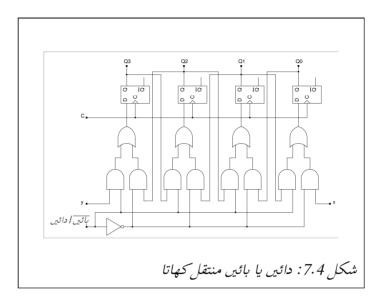
یوں ساعت کے پہلے کنارہِ چڑھائی پر اس مواد کا Q_3 میں اندراج ہو جائے گا اور یوں یہ اب Q_2 کا مداخل بن گیا ہے۔آگلے کنارے پر یہ مواد Q_2 منتقل ہو جائے گا اور یوں یہ اب Q_1 کا مداخل بن جائے گا جبکہ x پر موجود نئے مواد کا اندراج Q_3 میں ہو جائے گا۔شکل میں جائے گا۔شکل میں 100001100_2 مواد کے طور فراہم کیا گیا ہے۔اس مواد کا بلند تر رتبہ والا بِٹ پہلے مہیا کیا گیا ہے۔شکل میں ساعت کے کنارہِ چڑھائی پر پہلی مہیا کردہ بِٹ کی ایک پلٹ سے دوسرے پلٹ منتقلی کو ترچی نکتہ دار تیر سے دکھایا گیا ہے۔

7.1.2 بائين منتقل كهاتا



شکل 7.3 میں بائیں منتقل کھاتا 203 دکھایا گیا ہے۔اس کی بناوٹ بالکل دائیں منتقل کھاتے کی طرح ہے۔فرق صرف اتنا ہے کہ بائیں منتقل کھاتے میں دائیی جانب پلٹ کو مداخل کے طور مہیا کیا جاتا ہے۔

7.1.3 دائيں يا بائيں منتقل كھاتا



شکل 7.4 میں گزشتہ دو اقسام کے کھاتوں کو آکٹھے کر کے ایک ایسا کھاتا بنایا گیا ہے جو مواد کو دائیں یا بائیں منتقل کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔ دائیں منتقلی کے وقت y پر مواد فراہم کیا جاتا ہے اور بائیں ادائیں قابو اشارے کو بلند رکھا جاتا ہے جبکہ بائیں منتقلی کے دوران x پر مواد فراہم کیا جاتا ہے اور بائیں ادائیں کو پست رکھا جاتا ہے۔

ہر پلٹ کے ساتھ ایک جوڑی ضرب گیٹ منسلک کئے گئے ہیں۔ $\frac{i \cdot i \cdot j}{i \cdot j \cdot j}$ ادائیں بلند کرنے سے ہر جوڑی میں دائیں جانب ضرب گیٹ معذور 204 ہو جاتا ہے جبکہ بائیں جانب ضرب گیٹ مجاز 205 ہو جاتا ہے یوں پلٹ نمبر تین کو y مہیا ہوتا ہے جبکہ پلٹ نمبر دو کو Q_3 مہیا ہوتا ہے اور یہ بالکل دائیں منتقل پلٹ کی طرح کام کرتا ہے۔

اسی طرح بائیں ادائیں پست کرنے سے ضرب گیٹ کی ہر جوڑی میں بائیں

²⁰⁴ disable

²⁰⁵ enable

x جانب گیٹ معذور جبکہ دائیں جانب گیٹ مجاز ہو جاتا ہے۔یوں پلٹ نمبر صفر کو Q_0 جبکہ پلٹ نمبر ایک کو Q_0 فراہم ہوتا ہے اور یہ دور بالکل بائیں جانب منتقل پلٹ کی طرح کام کرتا ہے۔

اب تک دکھائے گئے کھاتوں میں مواد سلسلہ وار داخلی جانب سے مہیا کرنا ممکن تھا۔ایسے کھاتوں کو سلسلہ وار کھاتے 206 کہتے ہیں۔یوں ایسے کھاتوں کو سلسلہ وار دائیں منتقل کھاتا 208 وغیرہ کہیں گے۔

7.2 متوازى منتقل كهاتا

عموماً کھاتا استعمال کرتے اس بات کی ضرورت پڑتی ہے کہ اس میں بیک وقت مواد چڑھایا جائے۔ایسے کھاتوں کو متوازی منتقل 209 کھاتا کہتے ہیں ۔شکل 7.5 میں دائیں منتقل کھاتا دکھایا گیا ہے جس میں بیک وقت متوازی طور مواد چڑھایا جا سکتا ہے۔ایسا کھاتے کو عموماً چھوٹا کر کے متوازی دائیں منتقل کھاتا 210 پکارا جاتا ہے۔

اس دور میں ہر پلٹ کے داخلی طرف ایک جوڑی ضرب گیٹ منسلک کی گئی ہے۔ عام استعمال میں متوازی داخل برقی اشارے کو بلند رکھ کر ہر جوڑی میں دائیں جانب ضرب گیٹ کو معذور جبکہ بائیں جانب گیٹ کو مجاز رکھا جاتا ہے۔ یوں یہ دور عام دائیں منتقل کھاتا کے طور کام کرتا ہے۔ متوازی مواد چڑھانے کی خاطر متوازی داخل کو پست کیا جاتا ہے۔ متوازی مواد Z فراہم کیا جاتا ہے۔ متوازی داخل برقی اشارہ پست کرنے سے ہر ضرب گیٹ کی جوڑی میں بائیں جانب گیٹ معذور جبکہ دائیں جانب گیٹ معذور جبکہ دائیں جانب گیٹ معذور جبکہ دائیں جانب گیٹ کی جوڑی میں پڑھ جاتا ہے۔ اور ساعت کے آگلے کنارہ چڑھائی یہ مواد کھاتے میں چڑھ جاتا ہے۔

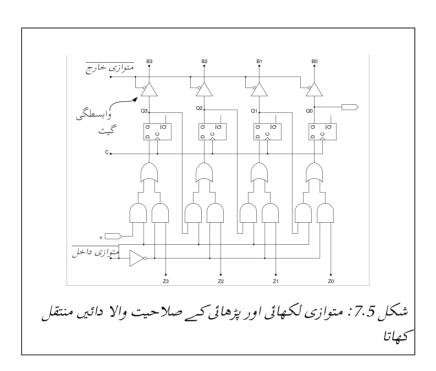
²⁰⁶ serial shift register

²⁰⁷ serial shift right register

²⁰⁸ serial shift left register

²⁰⁹ parallel shift register

²¹⁰ parallel shift-right register



شکل میں ہر پلٹ کے خارجی طرف وابسطہ دور جوڑا گیا ہے۔ متوازی خارج برقی اشارہ بلند کرنے سے ان دور کی مخارج غیر وابستہ 211 ہو جاتی ہے اور یوں Q_0 سے Q_0 تک کی مواد متوازی طور حاصل نہیں کی جا سکتی البتہ متوازی خارج برقی اشارہ پست کرنے سے ان ادوار کی مخارج ان کی مداخل سے وابستہ ہو جاتے ہیں اور یوں Q_0 سے Q_0 سے Q_0 تک چار بِٹ مواد، متوازی طور حاصل کی جا سکتی ہے۔حصول شدہ مواد کو Q_0 سے Q_0 سے Q_0 پکارا گیا ہے۔

سلسلہ وار مواد x بائیں جانب سے داخل ہو کر آخر کار دائیں جانب Q_3 کے راستے خارج ہوتا ہے۔

²¹¹ floating

7.3 عالمگير كهاتا

ابھی تک مختلف صلاحیت رکھنے والے کھاتوں پر غور ہوا۔ان تمام کی خوبیاں ایک ہی دور میں سموئی جا سکتی ہیں۔ایسے دور کو عالمگیر کھاتا 212 کہتے ہیں جسے شکل 7.6 میں دکھایا گیا ہے۔

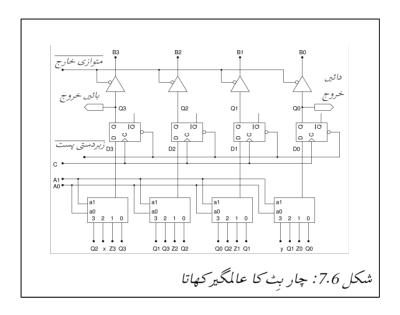
بائیں منتقلی کے وقت مواد y پر سلسلہ وار داخل 213 ہو کر آخر کار بائیں خروج سے سلالہ وار خارج 214 ہو جاتا ہے جبکہ دائیں جانب منتقلی کے وقت مواد x سے سلسلہ وار داخل ہوتا ہے اور آخر کار دائیں خروج سے سلسلہ وار خارج ہو جاتا ہے۔

شکل میں چار یکساں حصے ہیں۔ان میں سے دائیں جانب حصہ پر غور کرتے ہیں۔ بقایا حصے بھی بالکل اسی طرح کام کرتے ہیں۔

²¹² universal shift register

²¹³ serial in

²¹⁴ serial out



اس حصہ میں پلٹ کی داخلی طرف چار سے ایک منتخب کنندہ جوڑا گیا ہے۔ پتہ کے دو بِٹ A_0 اور A_1 اس کے مداخل میں سے ایک کو چن کر خارجی پن پر خارج کرتا ہے۔منتخب ہونے والا مداخل جدول سے یوں حاصل ہوگا۔

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ پتہ 00_2 کی صورت 0_0 منتخب ہو کر پلٹ کے مداخل 0_0 پر مہیا ہو جائے گا اور آگلے کنارہِ ساعت یہی مواد پلٹ کے خارجی پن پر خارج ہو جائے گا۔اس طرح کھاتا اپنی حالت برقرار رکھے گا اور مواد کسی بھی جانب حرکت نہیں کرے گا۔

اسی طرح پتہ 01_2 ہونے کی صورت Z_0 پلٹ کو مہیا ہو جائے گا اور ساعت کے اگلے کنارہ یہی پلٹ کے مخارج پر نمودار ہو جائے گا۔ چونکہ Z_0 متوازی مہیا کردہ مواد ہے لہٰذا اس صورت متوازی مواد کھاتا میں چڑھ جائے گا۔

پتہ Q_1 سے Q_1 پلٹ کو مہیا ہو جائے گا۔یوں ساعت کے آگلے کنارے موجودہ Q_1 آگلے Q_2 کے طور نمودار ہو جائے گا۔یعنی اس مرتبہ کھاتا مواد کو دائیں جانب منتقل کرے گا۔

پتہ 11_2 کو صورت سلسلہ واد مہیا کردہ مواد y منتخب ہوگا اور ساعت کے آگلے کنارے پر پلٹ کی مخارج Q_0 پہنچ جائے گا۔اس مرتبہ کھاتا مواد کو بائیں جانب منتقل کر رہا ہے۔

اس تمام تجزیہ کو بقایا چار حصوں پر لاگو کر کے نتیجہ کو جدول کی شکل میں یوں لکھا جا سکتا ہے۔

$A_1 A_0$	D_3 D_2 D_1 D_0	
0 0	Q_3 Q_2 Q_1 Q_0	حالت برقرار
0 1	Z_3 Z_2 Z_1 Z_0	متوازي داخل
1 0	$x Q_3 Q_2 Q1$	دائيں منتقل
1 1	$Q_2 Q_1 Q_0 y$	بائيي منتقل

مشق: انٹرنیٹ سے 74194 عالمگیر کھاتے کے معلوماتی صفحات حاصل کریں ۔(۱) یہ کتنے بِٹ کا عالمگیر کھاتا ہے۔ (ب) اسے استعمال کرتے ہوئے سولہ بِٹ عالم گیر کھاتا حاصل کریں۔

7.4٪ سلالہ وار ثنائی جمع کار

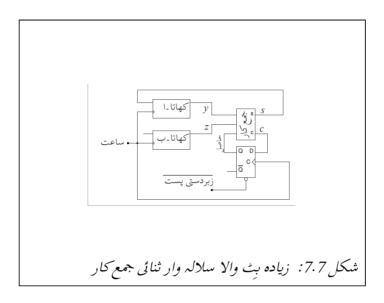
صفہ 258 پر شکل 6.25 میں سلسلہ وار ثنائی جمع کار دکھایا گیا ہے۔اسی کو استعمال کرتے ہوئے شکل 7.7 میں زیادہ بِٹ کا سلسلہ وار ثنائی جمع کار دکھایا گیا ہے۔

اس شکل میں n بِٹ کے دو عدد متوازی لکھائی و پڑھائی کے صلاحیت والے دائیں منتقل کھاتے ²¹⁵ استعمال کئے گئے ہیں جنہیں کھاتا۔ ا اور کھاتا۔ بکہا گیا ہے۔

بجموعہ حاصل کرنے سے قبل، یعنی ساعت کے پہلے کنارہ سے قبل، کھاتا۔ ا میں ثنائی عدد y جبکہ کھاتا۔ ب میں ثنائی عدد z متوازی طور منتقل کئے جاتے ہیں اور زبردستی پست اشارہ کو کھاتی طور پست کر کے ڈی پلٹ کو پست کر دیا جاتا ہے تا کہ مکمل جمع کار کے داخلی حاصل کی قیمت v ہو۔ شکل میں متوازی چڑھائی نہیں دکھائی گئی تا کہ اصل موضوع پر توجہ رہے۔

مکمل جمع کار ان دو ثنائی اعداد کے کم تر رتبہ والے بِٹ اور داخلی حاصل (0) کو جمع کر کے جمع (0) اور خارجی حاصل (0) کو جمع کر کے جمع (0) اور خارجی حاصل (0) کو جمع کر کے جمع کار کو اگلے ثنائی بِٹ جمع پہلے کنارے پر (0) کو ڈی پلٹ محفوظ کر کے اسے مکمل جمع کار کو اگلے ثنائی بِٹ جمع کرتے وقت بطور داخلی حاصل فراہم کرتا ہے جبکہ کھاتا۔ اور کھاتا۔ ب اسے اگلے درجے کے بِٹ فراہم کرتے ہیں۔ جمع (0) کو اس شکل میں کھاتا۔ اکو سلسلہ وار مداخل کے طور مہیا کیا گیا ہے۔ یوں جیسے جیسے اس کھاتے سے ثنائی عدد (0) دائیں جانب خارج ہوتا مہی ویسے ویسے اس کی جگہ دو اعداد کا مجموعہ جگہ لیتا ہے۔ ساعت کے (0) گزرنے کے بعد دو ثنائی اعداد کا مجموعہ کھاتا۔ امیں محفوظ ہوتا ہے جہاں سے اسے متوازی پڑھا جا سکتا ہے جبکہ مجموعہ کا آخری حاصل مکمل جمع کار کے مخارج (0)

²¹⁵ parallel read-write shift-right registers



8 گنت کار

ثنائی گنت کار آپ دیکھ چکے ہیں۔گنت کار کا بنیادی مقصد اس کو دئے داخلی برق اشارمے 216 کی گنتی ہے۔برقی اشارہ اسے بطور ساعت یا سادہ مداخل کے طور مہیا کیا جا سکتا ہے۔

ایک ایساکھاتا جس کے مخارج برقی اشارے پر ثنائی گنتی کے تحت ترتیب وار حالتیں تبدیل کرے کو ثنائی گنت کار کہتے ہیں۔اسی طرح آگر ایسا دور اعشاری گنتی کے ترتیب کے مطابق حالت تبدیل کرے تو اسے اعشاری گنت کار کہیں گے۔

اس طرح کے ادوار سے ہٹ کر، ایک اہم قسم کے ادوار جو کسی بھی متعین ترتیب کے تحت حالتیں متواتر تبدیل کر سکے کو بھی گنت کار کہتے ہیں۔

گنت کار ادوار پر اس باب میں غور کیا جائے گا۔

8.1 ثنائي گنت کار

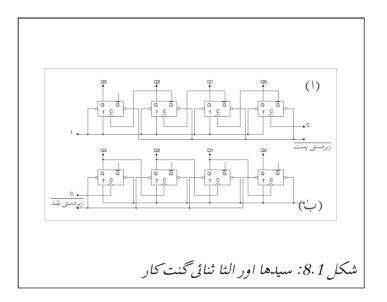
چار بِٹ کی سیدھی ثنائی گنتی 0000_2 سے اوپر کی جانب 1111_2 تک کی جا سکتی ہے۔ اسی طرح اُلٹی گنتی 1111_2 سے نیچے کی جانب 0000_2 تک کی جا سکتی ہے۔ دونوں صورتوں میں گنتی پوری ہونے کے بعد عموماً اسے دوبارہ نئے سرے سے شروع کیا جاتا ہے۔

شکل 8.1 (۱) میں **چار بِٹ کا ثنائی سیدھاگنت کار** 217 اور (ب) میں **چار بِٹ کا ثنائی اُلٹ گنت کار** 218 دکھائے گئے ہیں۔دونوں کی بناوٹ ملتی جلتی ہے۔

²¹⁶ electrical signal

²¹⁷ binary up counter

²¹⁸ binary down counter



ثنائی گنت کار آپ پہلے ہے دیکھ چکے ہے ہے۔ سیدھے گنت کار میں میں میں میں میں میں کے بلند یعنی غیر فعال رکھا جاتا ہے۔ ایسا کرنے کی خاطر اس پر 1 مہیا کیا جاتا ہے۔ گنتی شروع کرنے سے قبل $\frac{i_1 i_2 i_3 i_4 i_5}{i_1 i_2 i_3 i_4 i_5}$ کیا جاتا ہے۔ گنتی شروع کرنے سے قبل $\frac{i_1 i_2 i_3 i_4 i_5}{i_1 i_2 i_3 i_4 i_5}$ کو ایک لحم کے لئے پست کر کے گنتی گنتی $\frac{i_1 i_2 i_3 i_4 i_5}{i_1 i_2 i_3 i_4 i_5 i_5}$ کے دوران کسی ہی وقت پست کر کے گنتی دوبارہ صفر سے شروع کرائی جا سکتی ہے۔

الٹگنت کار میں زبردستی پست کو غیر فعال رکھا جاتا ہے جبکہ زبردستی بلند کو گنتی شروع کرنے سے پہلے کھاتی طور فعال کر کے گنتی 1111 سے شروع کرائی جاتی ہے۔ اس کو گنتی کے دوران کسے بھی وقت پست کر کے گنتی دوبارہ 1111 سے شروع کرائی جا سکتی ہے۔

سیدھے گنت کار کو مثال لیتے ایک اہم صورتِ حال پر غور کرتے ہیں۔ شکل میں سب سے بائیں جانب پلٹ، ساعت کے ہر کنارہِ چڑھائی پر حالت تبدیل کرتا ہے۔ ساعت کے کنارہِ چڑھائی کے کچھ دیر بعد \overline{Q}_3 حالت تبدیل کرتا ہے۔ اس دورانیہ کو پلٹ کا دورانیہ

ردِ عمل کہتے ہیں۔ یوں اس سے آگلا پلٹ جس کو \overline{Q}_3 بطورِ ساعت فراہم ہوتا ہے کو حالت تبدیل کرنے کی خبر اصل ساعت سے کچھ دیر بعد ملتی ہے۔ اس پلٹ کو بھی مخارج تبدیل کرنے کے لئے پلٹ کا دورانیہ ردِ عمل جتنا وقت درکار ہو گا۔ یوں اس سے آگلا پلٹ جسے \overline{Q}_2 بطورِ ساعت فراہم کیا گیا ہے کو حالت تبدیل کرنے کا اشارہ، اصل ساعت سے دورانیہ ردِ عمل کے دگنے وقت کے برابر تاخیر سے ملے گا۔

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اس دور میں تمام پلٹوں کے مخارج بیک وقت تبدیل نہیں ہوتے بلکہ مخارج کی تبدیلی بائیں پلٹ سے شروع ہوتی ہے اور بدستور دائیں جانب بڑھتی ہے۔ مخارج کی تبدیلی اس دور میں لہر کی طرح گزرتی ہے۔ مخارج کی تبدیلی اس طرح موجودہ دور کو لہر نما ثنائی گنت کار 220 کہیں گے۔

تیز رفتار یا زیادہ پلٹوں پر مبنی لہر نماگنت کار کو یہ مسئلہ درپیش ہو سکتا ہے کہ ساعت کا دوسرا کنارہ پہنچنے کے با وجود تمام پلٹوں کی مخارج پہلی ساعت کے مطابق حالتیں اختیار نہ کر سکے ہوں اور یوں ان گنت کار کی گنتی ایسی صورت میں غلط ہو گی۔

معاصر گنت کار اس مسئلہ سے پاک ہیں۔آئیں ان پر غور کریں۔

8.2 معاصر گنت کار

معاصر گنت کار میں تمام پلٹوں کو ایک ہی ساعت مہیا کی جاتی ہے۔ یوں تمام پلٹ نئی حالتیں بیک وقت اختیار کرتے ہیں۔ اس طرح ادوار میں ہر پلٹ کے مداخل پر ترکیبی دور لگا کر اسے آگلے ساعت کے کنارہ پر بلند یا پست ہونے کا برقی اشارہ مہیا کیا جاتا ہے۔ پلٹ آگلے ساعت کے کنارہ پر یہی حالت اختیار کر لیتا ہے۔ یہ فیصلہ کرنا کہ آگلے ساعت پر پلٹ بلند کہ پست حالت اختیار کرے گا دور کے موجودہ حالت کو دیکھ کر کیا جاتا ہے۔ اس طریقہ کار کو چند مثالوں سے سمجھتے ہیں۔

²¹⁹ ripple counters

²²⁰ binary ripple counter

8.2.1 معاصر ثنائي گنت كار

تین بِٹ معاصر ثنائی گنت کار کو شکل 8.3 میں دکھایا گیا ہے۔پلٹ نمبر صفر کی مخارج Q_0 کمتر رتبہ والا بِٹ ہے جبکہ پلٹ نمبر دو کی مخارج Q_1 بلند تر رتبہ والا بِٹ ہے۔اس دور کی بناوٹ کا طریقہ دیکھتے ہیں۔

	,	ه حالت	موجود	ي ا	ي حالت	آگل	اوات	خلی مس	دا-
, portante	Q ₂	`-Q ₁	Q_0	Q_2	Q_1	Q_0	T_2	T ₁ .	T_0
Í	0	0	₹ 0) ()	0 (, 1	> 0		1
موجوده قيمت صفر جبكه	0	0	1	0		0	0	1.	1
اگلی قیمت ایک سے۔لہٰذا ، مداخل 1 رکھنا ہو گا									1
مداحل 1 رفهنا ہو گا	(j - 1	-	0	1	0	0 1	1	0	1
			1					1	1
			0					0	
				0				1	1

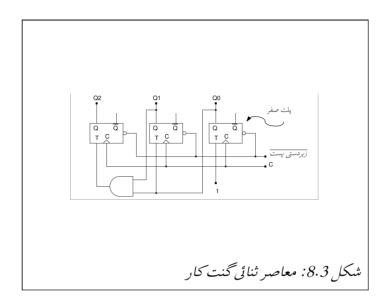
شکل 8.2 میں بائیں جانب موجودہ حالتوں کے نام کے نیچے تینی بِٹ ثنائی گنتی دی گئی ہے۔ یہ ساعت کے ساتھ تبدیل ہوتے پلٹوں کی مطلوبہ حالتیں ہیں۔ جدول میں پہلی صف پر غور کریں۔ موجودہ گنتی یا موجودہ حال 000_2 ہے۔ ہم چاہتے ہیں کہ آگلا عدد 001_2 ہو لہذا آگلی حالتوں کے خانے میں ہم 011_2 لکھتے ہیں۔ آخری صف میں موجودہ حال 111_2 ہے۔ تین بِٹ میں یہیں تک گِنتی ممکن ہے۔ گنتی کے آخر میں پہنچ کر ہم دوبارہ شروع سے گنتی شروع کرتے ہیں۔ لہذا آگلا حال 000_2 ہو گا۔

اب کمتر رتبہ والے بِٹ Q_0 پر غور کرتے ہیں۔ اس بِٹ کی موجودہ قیمت کو موجودہ Q_0 طاہر موجودہ Q_0 طاہر کرتا ہے جو کہ Q_0 ہے جبکہ اس کے آگلے قیمت کو آگلا Q_0 ظاہر کرتا ہے جو کہ Q_0 ہے۔ ٹی پلٹ استعمال کرتے ساعت کے کنارہ چڑھائی پر پلٹ کا حال Q_0 سے Q_0 کی خاطر پلٹ کی مخارج Q_0 کو بلند کرنا ہوگا۔ یہ معلومات نیچے دئے ٹی پلٹ کی خصوصیات کی جدول سے حاصل ہوتی ہے۔ یوں اسی صف میں Q_0 کی قیمت Q_0 کی گئی ہے۔ یہی کچھ شکل میں نکتہ دار لکیروں سے واضح کیا گیا ہے۔

$\overline{\mathbf{Q}_{n+1}}$	Τ
$\overline{\mathbf{Q}_n}$	0
$\overline{Q_n}$	1

جدول 8.1: ٹی پلٹ کی خصوصیات کا جدول

اسی صف میں آگلے بِٹ یعنی Q_1 پر غور کرتے ہیں۔ اس بِٹ کی موجودہ قیمت 0 اور آگلی قیمت بھی 0 ہے۔ یوں ساعت کے آگلے کنارہ ہم نہیں چاہتے کہ یہ پلٹ اپنی حالت تبدیل کرے۔ یوں اس پلٹ کی مداخل T_1 کو پست رکھنا ہو گا۔ اس طرح T_1 کے خانے میں T_1 لکھ لیتے ہیں۔ اسی طرزِ پر تمام صفوں کے تمام مداخل کے لئے جدول کے بقایا خانے پُر کئے گئے ہیں۔



دور بنانے کی خاطر شکل 8.2 میں داخلی مساوات کی قطار زیرِ استعمال لائی جاتی ہے۔ مجموعہ ارکانِ ضرب کی ترکیب سے حاصل ہوتا ہے۔

$$\begin{split} T_0 &= 1 \\ T_1 &= \overline{Q_2} \overline{Q_1} Q_0 + \overline{Q_2} Q_1 Q_0 + Q_2 \overline{Q_1} Q_0 + Q_2 Q_1 Q_0 \\ T_2 &= \overline{Q_2} Q_1 Q_0 + Q_2 Q_1 Q_0 \end{split} \tag{8.1}$$

یہ مساوات موجودہ حالتوں کی قیمتیں مدِ نظر رکھ کر لکھی گئی ہیں۔ شکل 8.2 میں موجود مواد سے شکل 8.4 میں کارناف نقشوں کی مدد سے سادہ مساواتیں حاصل کی گئی ہیں جنہیں مساوات 8.2 میں دوبارہ دکھایا گیا ہے۔

$$T_0 = 1$$

 $T_1 = Q_0$
 $T_2 = Q_1 Q_0$ (8.2)

شکل 8.3 میں تین پلٹ لگاکر ان کو مساوات 8.2 سے حاصل برقی اشارات بطور مداخل دئے گئے ہیں۔اس طرح تین بِٹ معاصر ثنائی گنت کار 221 حاصل کیا گیا ہے۔

مساوات 8.2 بغیر حل کئے بھی شکل 8.2 میں دئے جدول سے حاصل کئے جا سکتے ہیں۔اس جدول پر غور کرنے سے دیکھا جاتا ہے کہ Q_0 ہر ساعت کے کنارے

^{221 3-}bit synchronous binary counter

تبدیل ہوتا ہے۔ Q_1 پر T_0 مہیا کرنے سے ایسا کیا جا سکتا ہے۔ Q_0 کو دیکھتے یہ بات سامنے آتی ہے کہ جب بھی Q_0 کی قیمت T_1 ہو اس سے آگلے ساعت کے کنارہ Q_1 کی قیمت تبدیل ہوتی ہے۔ یوں T_1 کو T_1 فراہم کرنے سے ایسا حاصل کیا جا سکتا ہے۔ T_1 پر غور کرنے سے دیکھا جاتا ہے کہ جب بھی T_1 اور T_1 کیا جا سکتا ہوتی دونوں کی قیمت تبدیل ہوتی دونوں کی قیمت تبدیل ہوتی T_1 فراہم کیا جاتا ہے۔ آگر زیادہ بِٹ پر مبنی ثنائی گنتی پر غور کیا جائے تو دیکھا جاتا ہے کہ، کوئی بھی مخارج T_1 ساعت کے آگلے کنارے، اُس وقت حالت تبدیل کرتا ہے جب اس سے کمتر تمام مخارج کی قیمت T_1 ہو جائے۔ یوں T_2 کو رکھا کیا ہیں۔ T_1 کو گار کے لئے ہم لکھ سکتے ہیں۔

$$T_{0}=1$$

$$T_{1}=Q_{0}$$

$$T_{2}=Q_{1}Q_{0}$$

$$T_{3}=Q_{2}Q_{1}Q_{0}$$
(8.3)

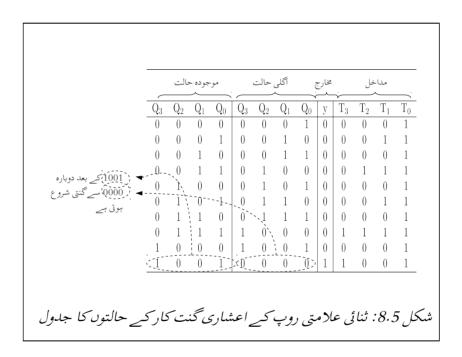
8.2.2 ثنائي علامتي روپ كا معاصر اعشاري گنت كار

پچھلے حصہ میں تین بِٹ ثنائی گنت کار پر غور ہوا جو 000_2 سے 000_2 تک گنتی کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔اسی طرح چار بِٹ پر مبنی دور 0000_2 سے 0000_2 تک ثنائی گنتی کر سکتا ہے۔اگر ایسے دور کو 0000_2 سے 0000_2 تک گنتی کرنے پر پابند کیا جائے تو اس سے ثنائی علامتی روپ کا اعشاری کنت کار 0000_2 حاصل گنتی کرنے پر پابند کیا جائے تو اس سے ثنائی علامتی روپ کا اعشاری کنت کار 0000_2 حاصل ہو گا۔اس حصہ میں ایسا ہی کرتے ہیں۔شکل 0000_2 میں اس دور کے حالتوں کا جدول دیا گیا ہے۔ محاول میں مخارج 0000_2 کے قطار کا اضافہ کیا گیا ہے۔ مخارج 00000_2 صفر سے نو

²²² synchronous BCD counter

²²³ carry out

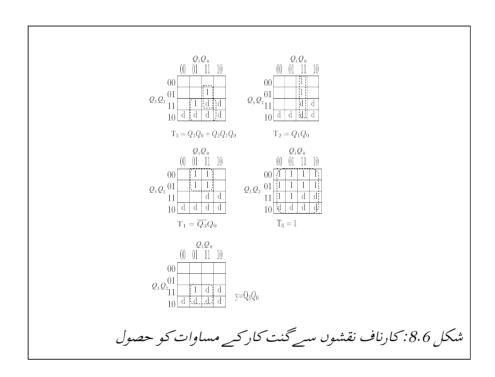
تک گنتی پوری ہونے پر ساعت کے ایک دوری عرصہ 222 کے لئے بلند ہوتا ہے۔ ہم آگے دیکھیں گے کہ y کو استعمال کرتے زیادہ اعشاری ہندسوں پر مبنی گنتی کے دور بنائے جاتے ہیں۔



اس شکل میں 1010_2 سے 1111_2 تک کے ترتیب استعمال نہیں ہوتے۔ کارناف نقشوں کی مدد سے پلٹوں کے مداخل T_0 تا T_3 اور مخارج کے مساواتوں

²²⁴ time period

کی سادہ شکل حاصل کرتے وقت انہیں غیر ضروری حالتیں d^{225} تصور کیا جاتا ہے۔ شکل 8.6 میں سادہ مساوات حاصل کرنا دکھایا گیا ہے۔



ایسا کرتے داخلی مساوات کی سادہ اشکال یوں حاصل ہوتے ہیں۔

²²⁵ don't care states

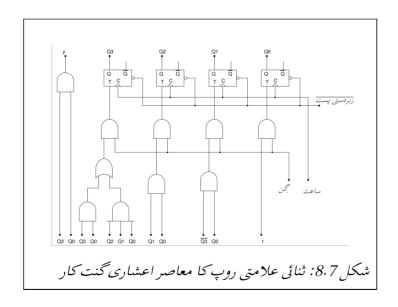
$$T_{0} = \frac{1}{T_{1} = Q_{3}Q_{0}}$$

$$T_{2} = Q_{1}Q_{0}$$

$$T_{3} = Q_{3}Q_{0} + Q_{2}Q_{1}Q_{0}$$

$$y = Q_{3}Q_{0}$$
(8.4)

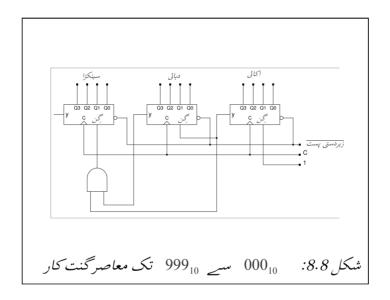
ان مساوات کی مدد سے حاصل دور شکل 8.7 میں دکھایا گیا ہے جہاں دور میں گنتی شروع اور بند کرنے کی اضافی صلاحیت بھی پیدا کی گئی ہے۔ یہ صلاحیت تمام پلٹوں کے مداخل پر اضافی ضرب گیٹ نصب کرنے سے حاصل کی گئی ہے۔



ان اضافی ضرب گیٹوں کو برقی اشارہ گن مہیا کیا گیا ہے۔یہ اشارہ بلند ہونے کی

صورت میں دورگنتی کرتا ہے اور اشارہ پست ہونے کی صورت میں دورگنتی کرنا بند کر دیتا ہر۔

شکل 8.8 میں تین درجہ دور بنایاگیا ہے جو 000_{10} سے 999_{10} تک گنتی کرتا ہے۔اسے بنانے کی خاطر تین عدد ثنائی علامتی روپ کا اعشاری گنت کار استعمال کئے گئے ہیں۔اسی طرح مزید درجات جوڑ کر درکار ہندسوں کا گنت کار بنایا جاتا ہے۔



اس دور کی کارکردگی کچھ یوں ہے۔ گنتی شروع کرنے سے قبل $\overline{incommuta interpolarity}$ کو ایک لمحہ کے لئے پست کر کے گنتی 000_{10} کر دی جاتی ہے۔ ساعت کے کنارہ چڑھائی پر آکائی عدد کی گنتی بڑھتی ہے۔ آکائی درجہ کا مخارج y پست رہنے کی وجہ سے دہائی اور سینکڑا کی گنتی رکھی رہتی ہے۔ گنتی 000_{10} تک پہنچتے ہی آکائی درجہ کا مخارج y بلند ہو جاتا ہے۔ یوں آگلے ساعت کے کنارہ پر آکائی درجہ کی گنتی 000_{10} سے

 0_{10} ہو جاتی ہے جبکہ دہائی درجہ کی گنتی 0_{10} سے 0_{10} ہو جاتی ہے اور اسی وقت اکائی کا مخارج y ایک مرتبہ پھر پست ہو جاتا ہے۔یوں اس سے اگلے ساعت کے کنارہ صرف اکائی درجہ کی گنتی چالو رہتی ہے جبکہ دہائی اور سینکڑا درجہ کی گنتی بند رہتی ہے۔اسی طرح 0_{10} تک گنتی کے بعد اکائی درجہ اور دہائی درجہ دونوں کے مخارج y بلند ہوتے ہیں جس کی وجہ سے آگلے ساعت کے کنارہ پر سینکڑا درجہ کی گنتی y بلند ہوتے ہیں جس کی وجہ سے آگلے ساعت کے کنارہ پر سینکڑا درجہ کی گنتی 0_{10} سے بڑھ کر 0_{11} ہو جاتی ہے جبکہ اکائی اور دہائی درجے دونوں 0_{10} سے 0_{10} ہو جاتے ہیں اور ساتھ ہی ساتھ ان کے مخارج y دوبارہ پست ہو جاتے ہیں۔

مشق: انٹرنیٹ سے 7493 اور 4516 کے معلوماتی صفحات حاصل کریں۔انہیں استعمال کرتے ہوئے زیادہ بٹ کے گنت کار حاصل کریں۔

8.3 دیگرگنت کار

8.3.1 متغیر گنت کار

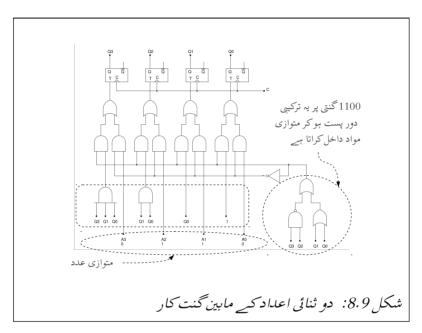
چار بِٹ ثنائی گنت کار 0000_2 سے 1111_2 تک گنتی کرتا ہے۔اس میں متوازی دخول کی صلاحیت استعمال کرتے اسے دو اعداد کے مابین گنتی کرنے پر مجبور کیا جا سکتا ہے۔ایسے گنت کار کو ہم متغیر لمبائی گنت کار 200_2 کہ یس گے۔ جس عدد سے گنتی شروع کرنی ہو اس عدد کو متوازی فراہم کیا جاتا ہے۔جس عدد تک گنتی درکار ہو، اس عدد تک گنتی پہنچنے پر دور کو مجبور کیا جاتا ہے کہ وہ دوبارہ متوازی فراہم کردہ عدد داخل کر کے گنتی از سرے نو شروع کرے۔

چار بٹ معاصر ثنائی گنت کار کو مثال بناتے اسے 0110_2 سے 1100_2 تک گنتی کرنے والا دور بناتے ہیں۔ شکل 8.9 میں ایسا دور دکھایا گیا ہے۔ شکل میں نکتہ دار مستطیل میں مساوات 8.2 سے حاصل درکار مداخل کا دور دکھایا گیا ہے۔دور میں ہر پلٹ

²²⁶ variable length counter

306

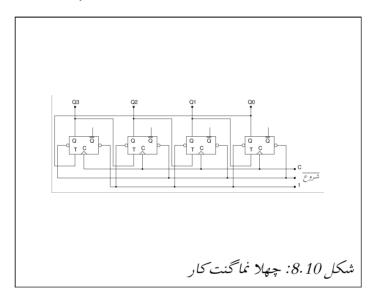
کی داخلی طرف دو ضرب گیٹ اور ایک جمع گیٹ نصب کر کے اس میں متوازی دخول کی صلاحیت پیدا کی گئی ہے۔



دور میں پہلی مرتبہ 0110ء داخل کرنے کا طریقہ نہیں دکھایا گیا۔

8.3.2 جهلا نماگنت کار

بٹ چھلا نماگنت کار n^{227} میں ایک ہی بلند بِٹ گھماتا ہے۔اس nکے باقی تمام بِٹ پست رہتے ہیں۔ایک ہی بلند بِٹ کو ساعت کے کنارے ایک پلٹ سے دوسرے پلٹ منتقل کیا جاتا ہے۔شکل 8.10 میں ایک ایسا چار بٹ دور دکھایا گیا ہے۔



8.3.3 دورانيم پيد آکار

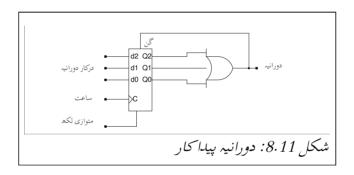
بعض اوقات ہمیں مقررہ دورانیہ کر لئر بلند یا پست اشارہ درکار ہوتا ہر۔تین بٹ کا معاصر ثنائی الٹ گنت کار استعمال کرتے ہوئے ایک ایسے ہی دور کو تشکیل دیتے ہیں۔ اس دور کو ہم **دورانیہ پیداکار²²⁸ ک**ھیں گر۔

8.11 تین بٹ کا الٹ گنت کار 111_2 تا 100_2 کی گنتی دہراتا رہتا ہے۔ شکل

²²⁷ ring counter, Johnson counter

²²⁸ pulse generator

میں متوازی لکھے جانے کی صلاحیت رکھنے والے تین بِٹ کے الٹ گنت کار کو استعمال کیا گیا ہے جو اس وقت گنتی کرتا ہے جب اس کا مداخل گن بلند ہو۔اسے تین بِٹ بطور درکار دورانیہ کے فراہم کئے جاتے ہیں۔متوازی لکھ کا مداخل لمحاتی طور بلند کرنے سے یہ تین بِٹ گنت کار میں لکھ لئے جاتے ہیں۔ جب تک گنت کار کے تینوں خارجی بِٹ پست نہ ہوں جمع گیٹ بلند رہتا ہے اور یوں گنت کار الٹ گنتی جاری رکھتا ہے۔جیسے ہی گنت کار 000_2 کار 000_2 کار 000_3 کینے درکار دورانیہ کے برابر دورانیہ کے لئے جمع گیٹ کا مخارج یعنی دورانیہ بلند رہتا ہے۔



9 حافظہ

پلٹ ایک بِٹ معلومات کو ذخیرہ کرنے کی صلاحیت رکھتا ہے۔یوں ایک پلٹ ایک بِٹ حافظہ 229 کے طور کام کر سکتا ہے۔ آٹھ پلٹ جوڑ کر آٹھ بِٹ کا حافظہ حاصل کیا جا سکتا ہے۔ اسی طرح n بِٹ پلٹ سے n بِٹ حافظہ بنایا جا سکتا ہے۔ آٹھ بِٹ کو ایک ہشتمی عدد یا ایک بائٹ 230 کہتے ہیں۔ حافظہ میں کسی بھی مقام پر رکھے جانے والے مواد کو لفظ 231 کہتے ہیں۔ حافظہ میں الفاظ کی لمبائی قطعی ہوتی ہے۔ یوں آٹھ بِٹ لفظ ایک بائٹ پر مشتمل ہو گا جبکہ سولہ بِٹ لفظ دو بائٹ پر مشتمل ہو گا۔کمپیوٹر میس موجود کُل حافظہ کی جسامت بائٹ میں بیان کی جاتی ہے۔یوں آٹھ بِٹ لفظوں والی دو سو الفاظ کے جسامت والے حافظہ کودو سو بائٹ کا حافظہ کہیں گے۔حافظہ میس مواد داخل کرنے کو مواد لکھنا 232 کہتے ہیں جبکہ اس سے مواد کے حصول کو مواد پڑھنا 232 کہتے ہیں۔ اس بیں۔ اس باب میں انہیں قسم کے الیکٹرانک حافظہ پر غور کیا جائے گا۔

حافظہ کے دو اہم اقسام ہیں۔ حافظہ کی پہلی قسم میں معلومات اس وقت تک محفوظ رہتی ہے جتنی دیر حافظہ کو درکار برقی طاقت مہیا کی جائے۔ اس طرح کے حافظہ کو عارضی حافظہ میں معلومات کسی بھی وقت، حافظہ کے اندر کسی بھی جگہ، لکھی جا سکتی ہے یا اسے یہاں سے پڑھا جا سکتا ہے۔معلومات کا، حافظہ میں کسی بھی جگہ، لکھنے یا یہاں سے پڑھنے کے لئے درکار وقت تمام جگہوں کے حافظہ میں کسی بھی جگہ، لکھنے یا یہاں سے پڑھنے کے لئے درکار وقت تمام جگہوں کے لئے تقریباً برابر ہوتا ہے۔ اس دورانیہ کو حافظہ کا دورانیہ رسائی 235 یا صرف دورانیہ رسائی کہتے ہیں۔ یوں عارضی حافظہ میں مواد لکھی بھی جا سکتی ہے اور اس سے پڑھی بھی جا

²²⁹ memory

²³⁰ byte

²³¹ word

²³² write

²³³ read

²³⁴ random access memory (RAM), volatile memory

²³⁵ memory access time

سکتی ہے۔

دوسری قسم کی حافظہ وہ ہے جس میں برقی طاقت کی عدم موجودگی میں بھی اس میں مواد محفوظ رہتا ہے تاہم اس میں معلومات پڑھنے کی خاطر حافظہ کو درکار بر تی طاقت فراہم کرنا لازم ہوتا ہے۔اس قسم کے حافظہ کو پختہ حافظہ میں معلومات کسی بھی جگہ سے، پڑھی جا سکتی ہے۔معلومات کا، حافظہ میں کسی بھی جگہ سے، حصول کا وقت تمام جگہوں کے لئے تقریباً برابر ہوتا ہے اور اسے حافظہ کا دورانیہ رسائی کہتے ہیں۔عام استعمال میں پختہ حافظہ سے معلومات صرف پڑھی جاتی ہے۔پختہ حافظہ کی مختلف اقسام میں معلومات محفوظ کرانے کے طریقے مختلف ہیں۔ایک قسم میں معلومات صرف اور صرف ایک مرتبہ کمفوظ کرانے کے طریقے مختلف ہیں۔ایک قسم میں معلومات کی لکھائی کے لئے استعمال ہو سکتا ہے۔اسے ایک مرتبہ معلومات کی لکھائی کے لئے استعمال ہو حافظہ کو دوبارہ معلومات لکھنے کے قابل پختہ حافظہ کو دوبارہ معلومات لکھنے کے قابل پختہ حافظہ کو برقی دباؤ کی حافظہ کو دوبارہ معلومات صاف کرنی ضروری ہے۔جدید پختہ حافظہ کو برقی دباؤ کی مدد سے صاف کیا جا سکتا ہے۔ایسے پختہ حافظہ کی ایک قسم کو شعائیں کی مدد سے صاف حافظہ کی بیا۔اس سے قبل پختہ حافظہ کی ایک قسم کو شعائیں کی مدد سے صاف کیا جاتا تھا۔اسے شعائیں سے صاف ہونے والا پختہ حافظہ کی ایک قسم کو شعائیں کی مدد سے صاف

9.1 عارضي حافظه

اس حصہ میں عارضی حافظہ کی بناوٹ پر غور کیا جائے گا۔ایک بِٹ حافظہ بنیادی طور ایک پلٹ ہوتا ہے جس میں مواد لکھنے اور اس میں سے مواد پڑھنے کی صلاحیت موجود ہو۔چونکہ حافظہ عموماً کثیر تعداد کے بٹوں پر مشتمل ہوتا ہے للذا

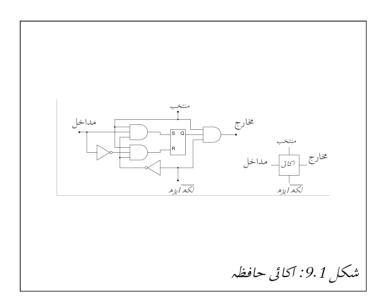
²³⁶ read only memory (ROM), non-volatile memory

²³⁷ one time programmable read only memory (OTP)

²³⁸ electrically erasible read only memory (EEROM $\sim E^2 PROM$)

²³⁹ UV erasable read only memory (UV erasable ROM)

حافظہ میں ہر پلٹ تک لکھنے اور پڑھنے کی خاطر رسائی ضروری ہوتی ہے۔شکل 9.1 میں ثنائی عارضی حافظہ کے اکائی 240 کی بناوٹ اور علامت دکھائی گئی ہے جس میں مندرجہ بالا تمام خاصیت موجود ہیں۔شکل میں مواد ذخیرہ کرنے کے لئے ایس-آر پلٹ استعمال کیا دکھایا گیا ہے۔حقیقت میں کئی طریقہ استعمال کئے جاتے ہیں جنہیں بعد میں بتلایا جائے گا۔



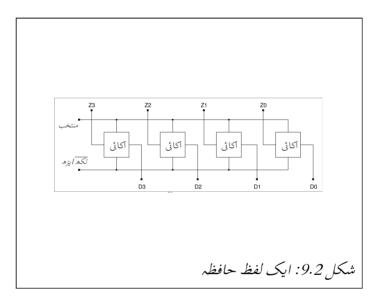
اس آکائی حافظہ سے رجوع کرنے کی خاطر منتخب اشارہ 241 کو بلند کیا جاتا ہے۔ ایسا کرنے کے بعد، اس میں مواد لکھنے کی خاطر $\overline{لکھ / پڑھ}$ کو پست کر کے اسے داخلی مواد فراہم کیا جاتا ہے جبکہ اس سے مواد پڑھنے کی خاطر $\overline{لکھ / پڑھ}$ کو بلند

²⁴⁰ binary memory cell (BC)

²⁴¹ منتخب یہاں بطور ایک قابو اشارہ کے استعمال کیا جا رہا ہے۔اس کا منتخب کار کے ساتھ کائی تعلق نہیں۔دراصل حافظہ میں مواد ذخیرہ کرنے کے بہت سے مقام پائے جاتے ہیں۔ان مقامات میں سے کسی ایک تک رسائی اس اشارہ کی مدد سے ممکن ہوتا ہے۔

کیا جاتا ہے اور اس سے مواد D پڑھی جاتی ہے۔

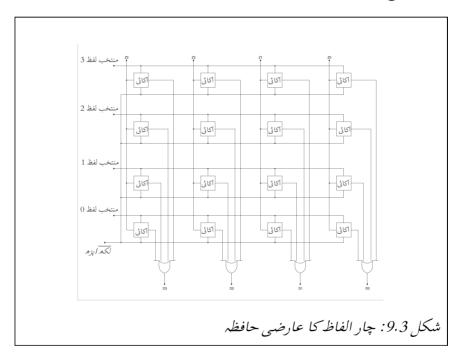
زیادہ بِٹ کا حافظہ اسی آکائی حافظہ کی مدد سے حاصل کیا جاتا ہے۔شکل 9.2 میں چار بِٹ کے ایک لفظ کا حافظہ دکھایا گیا ہے جس میں تمام آکائی حافظہ کے منتخب اشارات ایک ساتھ جوڑے گئے ہیں اور اسی طرح تمام \overline{D} ہیں۔یوں اس لفظ کے چاروں بِٹ بیک وقت منتخب ہوتے ہیں اور اس میں مواد \overline{D} بیک وقت لکھا یا اس میں ذخیرہ مواد \overline{D} بیک وقت پڑھا جاتا ہے۔



ایک قدم اور آگے بڑھتے ہیں اور اس طرح کے کئی الفاظ جوڑ کر زیادہ الفاظ کا حافظہ حاصل کرتے ہیں۔شکل 9.3 میں چار الفاظ جوڑ کر حافظہ بنایا گیا ہے۔

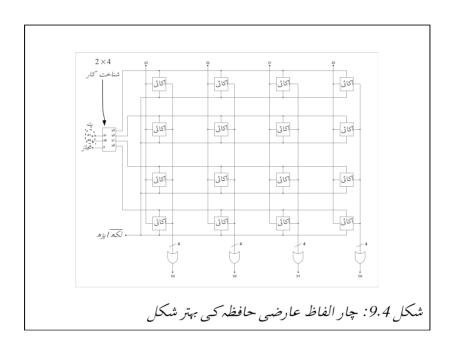
عام حالت میں تمام منتخب اشارات پست 242 رہتے ہیں۔یوں حافظہ کے تمام الفاظ تک رسائی نا ممکن ہوتی ہے۔حافظہ میں مواد لکھنے کی خاطر مواد Z کو داخلی راستے

²⁴² يعني منتخب لفظ 0، منتخب لفظ 1 وغيره پست رہتر ہيں



حقیقی حافظہ میں الفاظ تک رسائی پتہ کر ذریعہ کیا جاتا ہر ۔ چار الفاظ تک

رسائی، دو بِٹ پتہ A استعمال کرتے، دو سے چار شناخت کار کی مدد سے ممکن ہے۔ شکل 9.4 میں ایسا ہی دکھایا گیا ہے۔



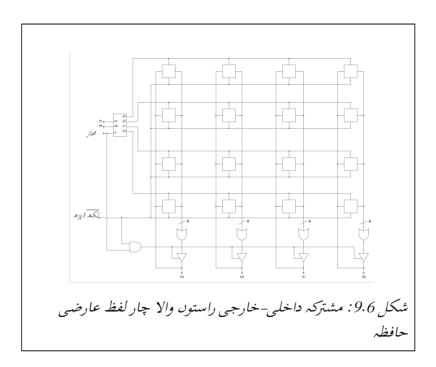
حافظہ کے استعمال کو شکل 9.5 میں جدول کی صورت میں دکھایا گیا ہے۔ مجاز پست ہونے کی صورت میں حافظہ کثیر مقاومت حالت اختیار کر کے بیرو نی ادوار سے مکمل طور منقطع ہو جاتا ہے۔

مجاز	لكم ا پڑھ	A_1	A_0	کارکردگی
О	X	X	X	کثیر مقاومت حال
1	O	0	O	لفظ 0 کے مقام پر لکھ
1	O	0	1	لفظ 1 کے مقام پر لکھ
1	O	1	0	لفظ 2 کے مقام پر لکھ
1	O	1	1	لفظ 3 کے مقام پر لکھ
1	1	0	O	لفظ 0 کے مقام سے پڑھ
1	1	0	1	لفظ 1 کے مقام سے پڑھ
1	1	1	О	لفظ 2 کے مقام سے پڑھ
1	1	1	1	لفظ 3 کے مقام سے پڑھ

شكل 9.5: عارضي حافظه كا استعمال

شکل 9.4 میں چار بٹ جمع گیٹ کی ایک نئی علامت استعمال کی گئی ہے۔اس جمع گیٹ کی ایک ہی مداخل دکھائی گئی ہے جس پر چھوٹی ترچی لکیر کے ساتھ 4 بکھ کر اس بات کی وضاحت کی گئی ہے کہ دراصل یہ چار داخلی جمع گیٹ ہے۔اس طرح بنائے گئے ادوار میں گیٹوں کے مداخل کو علیحدہ علیحدہ نہیں دکھایا جاتا بلکہ اس کے تمام مداخل کو ایک ہی داخلی تار کے طور دکھایا جاتا ہے۔یوں دور کو کاغذ پر بناتے ہوئے تاروں کے ہجوم سے نجات حاصل ہو جاتی ہے اور شکل کچھ صاف ستری ہو جاتا ہے۔یاد رہے کہ ایسا صرف صاف شکل بنانے کی خاطر کیا جاتا ہے۔یوں حافظہ کے گزشتہ دو اشکال بالکل ایک ہی دور کو بنانے کے دو طریقے ہیں۔

اسی طرز پر زیادہ الفاظ کے حافظہ بنائے جاتے ہیں۔ دس بِٹ پتہ سے 2^{10} یعنی 1024_{10} مقام تک رسائی ممکن ہے۔ کمپیوٹر میں اسی عدد کو ہزار کہتے ہیں۔ یوں دو ہزار 2048_{10} سے مراد 2048_{10} ہوگا۔



شکل 9.6 میں داخلی اور خارجی راہ کے مابین وسطی دور نصب کئے گئے ہیں۔ یوں آگر مجاز اور \overline{D} شکل 9.6 میں ذخیرہ مواد یوں آگر مجاز اور \overline{D} شارت دونوں بلند ہوں تب D پر موجود مواد حافظہ خارج ہوگا جبکہ آگر مجاز بلند اور \overline{D} بطور مداخل مخارج دونوں کام کرتا ہے۔ میں لکھ لیا جائے گا۔یوں D بطور مداخل مخارج دونوں کام کرتا ہے۔

جدید عارضی حافظہ میں لاتعداد الفاظ ذخیرہ کرنے کی گنجائش ہوتی ہے۔شکل 9.7 (۱) میں چار الفاظ حافظہ کے مخلوط دور 243 کی علامت دکھائی گئی ہے۔لفظ کے چار داخلی-خارجی بٹوں 244 کو 1/0 کے بجائے 1/0 کہا گیا ہے۔

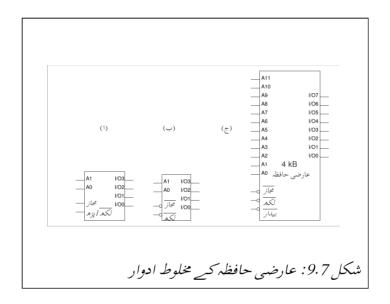
شکل (ب) میں مجاز کی جگہ $\frac{1}{2}$ استعمال کیا گیا ہے۔ایسا شکل (۱) کے مجاز

²⁴³ integrated circuit (IC)

²⁴⁴ input-output pins (I/O)

مداخل پر نفی گیٹ نصب کرنے سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔مزید یہ کہ \overline{N} کو ابر ہونے اب \overline{N} کہا گیا ہے اور اس کے پن پر گول دائرہ لگا کر اس کے پست فعال \overline{N} ہونے کو ظاہر کیا گیا ہے۔یوں اگر \overline{N} پست ہو تو حافظہ میں مواد لکھا جا ئے گا اور اگر یہ بلند ہو تب اس سے مواد پڑھا جائے گا۔

شکل (ج) میں بارہ بِٹ پتہ اور ایک بائٹ لمبے الفاظ کے عارضی حافظہ کی علامت دکھائی گئی ہے۔بارہ بِٹ پتہ سے $4096_{10}=2^{12}=409$ بائٹ تک رسائی ممکن ہے۔یوں یہ چار کلو بائٹ 2^{24} کے عارضی حافظہ کے مخلوط دور کی علامت ہے۔اس مخلوط دور میں بیدار مداخل کا اضافہ کیا گیا ہے۔آئیں اس کو سمجھتے ہیں۔



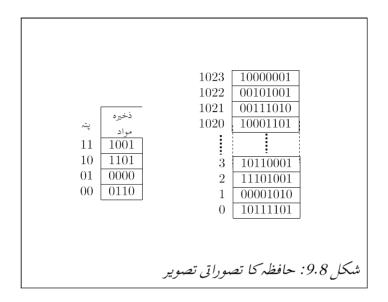
کسی بھی مخلوط دور میں لاتعدادگیٹ پائے جاتے ہیں اور کوئی بھی جدید

²⁴⁵ active low

^{246 4} kilo Bytes

الیکٹرانک آلاکئی مخلوط ادوار پر مشتمل ہوتا ہے۔یہ تمام کے تمام برقی طاقت سے چلتے ہیں۔ہم کہتے ہیں کہ برقی طاقت انہیں بیدار رکھتا ہے۔عام استعمال میں عموماً آلات بیٹری سے برقی طاقت کو کم کیا جا سکے تو بیٹری زیادہ دیر کارآمد رہے گی۔

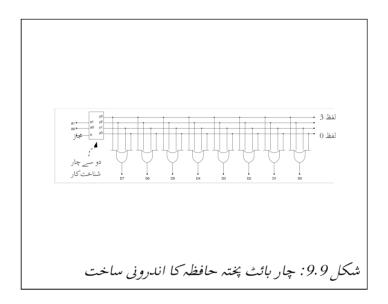
کسی بھی الیکٹرانگ آلا میں مختلف مخلوط ادوار کی مختلف کھات پر ضرورت پڑتی ہے۔ ان کھات کے علاوہ اگر انہیں بیدار رکھا جائے تو یہ برق توانائی کا استعمال کریں گے۔ بلکہ ایسا کہنا بہتر ہوگا کہ اس دوران یہ برقی توانائی ضائع کریں گے۔ ایسے اوقات نہ استعمال ہونے والے مخلوط ادوار کو برقی طاقت منقطع نہیں کیا جا سکتا۔ عارضی حافظہ کی مثال لیتے ہم دیکھتے ہیں برقی طاقت نہ ملنے پر اس میں مواد محفوظ نہیں رہ سکتا البتہ ایسا ممکن ہے کہ عارضی حافظہ کو صرف اتنی برتی طاقت مہیا کی جائے کہ یہ صرف مواد محفوظ رکھنے کے قابل ہو یعنی اسے نٹھال سی کیفیت میں ڈالا جا سکتا ہے۔ عارضی حافظہ کے مخلوط دور میں بیدار مداخل اس مقصد کے لئے مہیاکیا گیا ہے۔جس لحم مخلوط دور کی ضرورت ہو، اس لحم اس کے بیدار کیا جاتا ہے اور استعمال کے بعد اسے فوراً دوبارہ نٹھال کر دیا جاتا ہے۔نٹھال صورت میں مخلوط دور بیرونی دنیا سے، دو طرفہ وسطی دور کی مدد سے، مکمل طور منقطع رہتا ہے اور اس میں نہ کچھ لکھا جا سکتا ہے اور نہ ہی اس سے کچھ پڑھا جا سکتا ہے۔اس دوران حافظہ کمتر برقی توانائی خرچنے والے حال میں ہوتا ہے۔عموماً بیدار کئے جانے والے دوران حافظہ کمتر برقی توانائی خرچنے والے حال میں ہوتا ہے۔عموماً بیدار کئے جانے والے دوران حافظہ کمتر برقی توانائی خرچنے والے حال میں ہوتا ہے۔عموماً بیدار کئے جانے والے دور کی مدد سے محموماً بیدار کئے جانے والے دور کی جاتی ہے۔



چار الفاظ حافظہ کا تصوراتی تصویر شکل 9.8 میں دکھایا گیا ہے جہاں دو بِٹ پتہ اور چار بِٹ مواد کو ثنائی شکل میں لکھا گیا ہے۔اسی شکل میں ایک کلو بائٹ حافظہ کا تصوراتی تصویر بھی دیا گیا ہے جس میں مواد کو ثنائی شکل جبکہ پتہ کو اعشاری شکل میں لکھا گیا ہے۔

مشق: 6116 عارضی حافظہ کے معلوماتی صفحات سے اس کی جسامت حاصل کریں۔

9.2 يخته حافظه

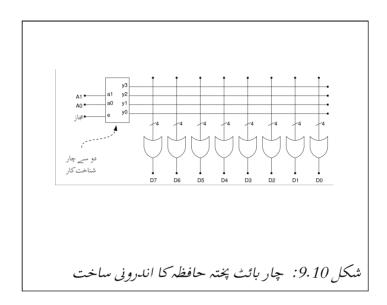


پختہ حافظہ سے مراد ایسا حافظہ ہے جس میں مواد برقی طاقت کی عدم موجودگی میں بھی محفوظ رہتا ہو۔ پختہ حافظہ کا بنیادی استعمال وہاں ہوتا ہے جہاں مواد بار بار تبدیل نہ ہو۔

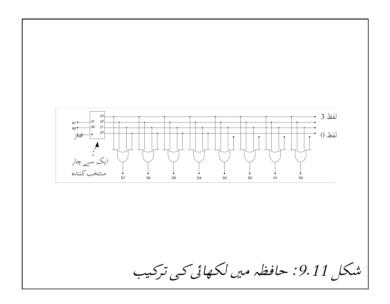
عارضی حافظہ کی طرح پختہ حافظہ بھی مختلف لمبائی کے الفاظ پر مشتمل ہوتا ہے۔ لفظوں تک رسائی پتہ کے ذریعہ کیا جاتا ہے۔ یوں n بِٹ پتہ والا پختہ حافظہ میں n الفاظ ہوں گے۔

بائٹ لمبے الفاظ والے چار الفاظ کے پختہ حافظہ کی اندرونی ساخت شکل 9.9 میں دکھائی گئی ہے۔اسی کو بہتر طور شکل 9.10 میں دکھایا گیا ہے جہاں چار داخلی جمع گیٹ کی صاف شکل استعمال کی گئی ہے۔دو سے چار شناخت کار، پتہ کے دو بیٹ سے چار مقام تک رسائی ممکن بناتا ہے۔یوں چار الفاظ تک رسائی ممکن ہوتی ہے۔

321



 00_2 شکل 9.9 میں بالکل نیا غیر استعمال شدہ پختہ حافظہ دکھایا گیا ہے۔ پتہ ہونے کی صورت میں،دو سے چار شناخت کار، y_0 کو بلند کر کے لفظ 0 چنے گا۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اس طرح تمام جمع گیٹ کے مخارج بلند ہوں گے۔یوں D مداخل پر 1111111 خارج ہو گا۔ پتہ 10 ہونے کی صورت میں لفظ 1 چنا جائے گا اور ایک مرتبہ پھر D پر 11111111 خارج ہو گا۔آپ تسلی کر لیس کہ چاروں پتہ پر یہی مواد ملتا ہے۔کسی بھی نئے غیر استعمال شدہ پختہ حافظہ کے ہر لفظ کے تمام بِٹوں میس واد ملتا ہے۔



آپ نے دیکھا کہ y_0 بلند ہونے سے تمام جمع گیٹوں کو یہی بلند اشارہ ملتا ہے اور یوں تمام جمع گیٹوں کے مخارج بلند ہو جاتے ہیں۔آگر y_0 کا کسی جمع گیٹ سے جوڑ منقطع کیا جائے تو y_0 کا اشارہ اس جمع گیٹ تک نہ پہنچ پائے گا۔ شکل 9.11 میں اس طرح دائیں جانب چار جمع گیٹوں کو y_0 سے منقطع کیا گیا ہے۔اس صورت لفظ 0 پڑھنے سے y_0 جاں جات حاصل ہوتا ہے۔یہ ذہن میں رکھیں کہ جمع گیٹ کے، اس طرح کہیں نہ جڑے ہوئے مداخل، جمع گیٹ کے مخارج پر کوئی اثر نہیں رکھتے۔

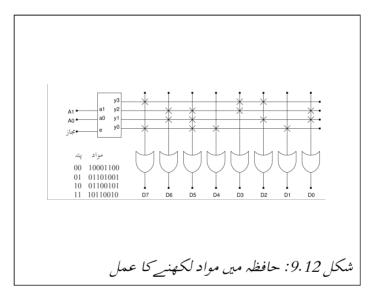
اس بحث سے آپ پختہ حافظہ میں لکھنے کے عمل کو بخوبی سمجھ گئے ہوں گے۔ پختہ حافظہ میں اس طرح جوڑوں کو توڑ کر کے مواد لکھا جاتا ہے۔اس طرح کے حافظہ میں ہر جوڑ دراصل ایک برقی فیوز 247 ہوتا ہے۔کسی بھی جوڑ کو توڑنے کی خاطر اس جوڑ پر نصب فیوز²⁴⁸ میں اس کے استعداد سے زیادہ برقی روگزار کے پگھلا کر توڑا جاتا ہے۔

²⁴⁷ fuse

²⁴⁸ فیوز دراصل باریک برقی تارکو کہتے ہیں جو زیادہ برقی روگزرنے سے پگل جاتا ہے اور یوں برقی جوڑ منقطع کر دیتا ہے

حافظہ میں مطلوبہ لکھے جانے والے موادکو شکل 9.8کی طرح جدول میں لکھا جاتا ہے۔ جدول میں باری باری ایک ایک لفظ کو دیکھتے ہوئے، جس بِٹ کے مقام پر 0 ہو، حافظہ کے اندر اسی لفظ کے اسی بِٹ کا جوڑ تباہ کر دیا جاتا ہے۔

شکل 9.11 میں جمع گیٹوں کے مداخل اور دو سے چار شناخت کار کے مخارج کے مابین جوڑ، گول دائرہ سے دکھائے گئے ہیں۔شکل 9.12 میں لکھا گیا مواد جدول میں دیا گیا ہے۔اس طرح اشکال میں غیر تباہ شدہ جوڑوں کو صلیبی نشان سے ظاہر کیا جاتا ہے۔اس شکل کو بخوبی سمجھنا نہایت ضروری ہے۔



اب تک حافظہ میں چار الفاظ ہونے کی وجہ سے 4 داخلی جمع گیٹ استعمال کئے گئے۔یوں کئے گئے۔ایک لفظ 8 بِٹ ہونے کی وجہ سے کُل 8 جمع گیٹ استعمال کئے گئے۔یوں حافظہ میں کُل 8×8 یعنی بتیس برقی جوڑ یا فیوز ہیں۔ n بِٹ پتہ والے حافظہ میں چونکہ 2 الفاظ ہوتے ہیں لہٰذا ایسے حافظہ میں 2 داخلی جمع گیٹ استعمال کئے جاتے۔اگر حافظہ کا ایک لفظ m بِٹ پر مشتمل ہو تب جمع گیتوں کی تعداد m ہو

گی۔ یوں حافظہ میں کُل جوڑوں کی تعداد $m \times 2^n$ ہو گی۔

شعائیں سے صاف ہونے والا پختہ حافظہ میں بار بار لکھائی ممکن ہے۔اس کے برق جوڑ، برقی فیوز سے نہیں بنائے جاتے بلکہ اس کے ہر جوڑ کو ایک سوئچ 249 تصور کیا جائے جسے مخصوص طریقہ سے برقی طاقت کے ذریعہ منقطع کیا جا سکتا ہے۔منقطع جوڑوں کو دوبارہ جوڑنے کی خاطر حافظہ کو شعائیں میں کچھ دیر رکھا جاتا ہے۔

جدید برقی دباؤ سے صاف ہونے والا پختہ حافظہ میں بار بار لکھائی ممکن ہے۔اس طرز کے حافظہ میں لکھائی برقی دباؤ سے کی جاتی ہے اور اسے صاف بھی برقی دباؤ سے ہی کیا جاتا ہے۔

پختہ حافظہ میں لکھائی مخلوط ادوار کے پروگرامر 250 سے کی جاتی ہے۔

9.3 حافظہ کی جسامت بڑھانے کے ترکیب

عارضی حافظہ کے مخلوط دور کے قابو کرنے والے عمومی مداخل بیدار ، معان اور $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$ ہوتے ہیں۔ معان اور $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$ ہوتے ہیں جبکہ پختہ حافظہ کے بیدار اور $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$ ہوتے ہیں مداخل اس حصہ میں تصور کیا گیا ہے کہ یہاں تمام استعمال کئے گئے حافظہ کے قابو مداخل صرف بیدار اور $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$ ہیں۔ انہیں کی مدد سے آپ ایک سے زیادہ حافظہ آپس میں جوڑنا سیکھیں گے۔ حقیقت میں عموماً بیدار کے علاوہ تمام حافظہ کے ایک جیسے قابو مداخل اکٹھے جوڑے جائیں مداخل اکٹھے جوڑے جائیں گے۔ اور اسی طرح ان کے تمام $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}}$ اکٹھے جوڑے جائیں گے۔

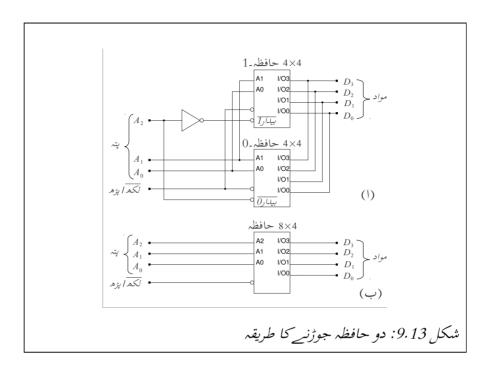
ور عدد 4×4 حافظہ کے سلسلہ وار جوڑنے سے ایک عدد 8×4 حصول 8×4

کبھی کبھار درکار جسامت کا حافظہ میسر نہیں ہوتا۔ایسی صورت میں مایک سے

²⁴⁹ switch

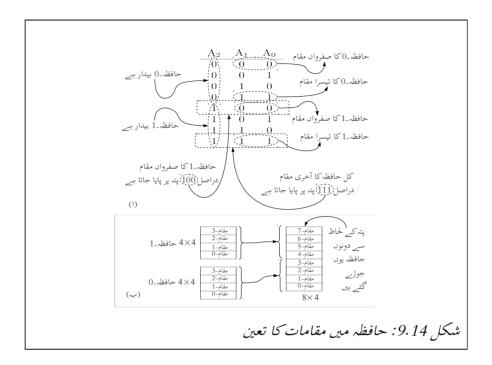
²⁵⁰ IC programmer

زیادہ حافظہ کو اکٹھے جوڑ کر درکار بائٹ ذخیرہ کرنا ممکن بنایا جاتا ہے۔شکل 9.13 (۱) میں دو عدد 4×4 حافظہ جوڑ کر دگنے جسامت کا 8×4 حافظہ حاصل کیا گیا ہے۔ ائیے اس شکل پر غور ہے۔ ان دو چھوٹے حافظہ کو حافظہ کو حافظہ کے پتہ کے بِٹ آپس میں جوڑے گئے ہیں یعنی کرتے ہیں۔شکل (۱) میں دونوں حافظہ کے پتہ کے بِٹ آپس میں جوڑے گئے ہیں یعنی حافظہ – A_0 کے ساتھ جوڑا گیا ہے۔اسی طرح حافظہ – A_0 کے ساتھ جوڑا گیا ہے۔اسی طرح ان کے مواد کے بِٹ بھی آپس میں جوڑے گئے ہیں یعنی حافظہ – A_0 کے ساتھ جوڑا گیا ہے۔اسی طرح ان کے مواد کے بِٹ بھی آپس میں جوڑے گئے ہیں یعنی حافظہ – A_0 کے ساتھ جوڑا گیا ہے۔البتہ ترتیب سے حافظہ – A_0 کے ساتھ جوڑا گیا ہے۔البتہ حافظہ – A_0 کے ساتھ جوڑا گیا ہے۔البتہ حافظہ – A_0 کے ساتھ جوڑا گیا ہے۔ اسکا رجسے جبکہ حافظہ – A_0 کے ساتھ جوڑا گیا ہے۔ مداخل (جسے جبکہ حافظہ – A_0 کے ساتھ جوڑا گیا ہے۔ A_0 کے ساتھ جوڑا گیا ہے۔



شکل 9.14 (۱) میں پتہ کے تین بِٹوں کے تمام ترتیب دکھائے گئے ہیں۔ A_2 پست ہونے سے \overline{Q} پست ہوتا ہے جس سے حافظہ \overline{Q} جاگ المتا ہے جبکہ حافظہ ندھال صورت میں رہتا ہے۔ اسی طرح A_2 بلند ہونے سے \overline{Q} پست ہوتا ہے جس سے حافظہ \overline{Q} بدھال صورت اختیار کر لیتا ہے۔ سے حافظہ \overline{Q} دندھال صورت اختیار کر لیتا ہے۔

0-مافظہ A_1 ہوں آگر A_2 ہست ہو تب پتہ کے بقایا دو بِٹ یعنی A_0 اور A_1 ہوئے اس طرح کے مختلف مقامات تک رسائی ممکن بناتا ہے۔ پتہ کے تینوں بِٹ کو دیکھتے ہوئے اس طرح پتہ 011_2 حافظہ 000_2 ہتہ 011_2 حافظہ کے تیسرے مقام تک رسائی دیتا ہے۔



 A_1 اور A_2 اور A_1 اور A_2 بند ہو تب پتہ کے بقایا دو بِٹ یعنی A_0 اور A_1 حافظہ A_2 مقامات تک رسائی ممکن بناتے ہیں۔یوں پتہ A_2 حافظہ A_3 مقام تک رسائی دیتا ہے جبکہ پتہ A_1 حافظہ A_2 تیسرے مقام تک رسائی دیتا ہے۔

گزشتہ دو پیراگراف کو اس طرح بھی دیکھا جا سکتا ہے کہ دئے گئے دو عدد چار الفاظ والے حافظہ مل کر ایک عدد آٹھ الفاظ حافظہ کے طور کام کرتے ہیں۔الفاظ کی لمبائی جوں کی توں چار بِٹ ہی رہتی ہے۔اس طرح دیکھتے ہوئے پتہ 000 کیل حافظہ کے صفرویں مقام تک رسائی دیتا ہے، پتہ 011 کل حافظہ کے تیسرے مقام تک رسائی دیتا ہے، پتہ 011 کل حافظہ کے چوتھے مقام تک رسائی دیتا ہے اور پتہ 011 کل حافظہ کے ساتویں مقام تک رسائی دیتا ہے۔آپ نے دیکھا کہ یوں دو عدد 000 حافظہ جوڑنے

سے ایک عدد 4×8 حافظہ حاصل کیا جا سکتا ہے اور آپ کو ان کے اندرونی ساخت پر ہر وقت دوبارہ غور کرنے کی ضرورت نہیں ہوتی۔ شکل 9.13 (ب) میں اس حقیقت کو مدِ نظر رکھتے ہوئے ان دو حافظہ، بمع نفی گیٹ کے، کو بطور ایک ہی 4×8 حافظہ کے دکھایا گیا ہے جس کے تین پتہ کے بٹ اور چار مواد کے بٹ ہیں۔ اسی طرح شکل 9.14 (ب) میں تیں بٹ پتہ کی نسبت سے دونوں حافظہ کے مقامات دکھائے گئے ہیں۔ اس شکل سے واضح ہے کہ ان دو چھوٹے حافظہ کو پتہ کے لحاظ سے علیحدہ علیحدہ مقامات پر رکھا گیا ہے اور حافظہ۔ 0 کے آخری لفظ کے آگلے مقام پر حافظہ۔ 1 کا صفرواں لفظ پایا جاتا ہے۔ یوں پتہ کے لحاظ سے ان دو حافظہ کو سلسلہ وار قریب رکھا گئے ہیں۔ آپ بھی دو یا دو سے زیادہ حافظہ جوڑتے وقت اس طرح کی تصوراتی شکل ذہن میں بنایا کریں۔

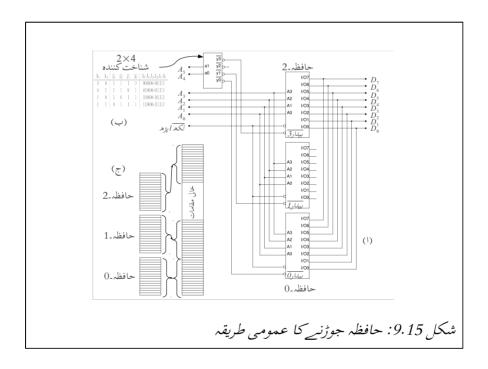
اس مثال میں 4×4 جسامت کے حافظہ استعمال کئے گئے جنہ یی دو پتہ کے بیٹ یعنی A_0 اور A_1 درکار تھے۔یوں ان دو بیٹ کو استعمال کر کے بیدار حافظہ کے مختلف مقامات تک رسائی حاصل کی جاتی ہے جبکہ اگلے بیٹ یعنی A_2 کو استعمال کر کے ان دو حافظہ کو پتہ کے لحاظ سے مختلف مقامات پر رکھا گیا۔یہی طریقہ کار زیادہ جسامت کے حافظہ کے ساتھ بھی استعمال کیا جا سکتا ہے۔یوں دو عدد دس بیٹ پتہ والے حافظہ جوڑتے وقت A_0 تا A_0 بیٹ بیدار حافظہ کے مختلف مقامات تک رسائی کے لئے استعمال کئے جائیں گے جبکہ اگلا بیٹ یعنی A_1 انہ یی جداگانہ طور پر A_1 مداخل کی مدد سے بیدار کرنے کے لئے استعمال کیا جئے گا۔

9.3.2 تین عدد 8×8 حافظہ کے سلسلہ وار جوڑنے سے ایک عدد 48×8 حافظہ کا حصول

شکل 9.15 (۱) میں پست مخارج والے 2×4 شناخت کار کے استعمال سے تیمن عدد 8×8 جسامت کے حافظہ جوڑے گئے ہیں۔ان حافظہ کو حافظہ کے اسفطہ کے بتہ بِٹ A_0 آپس میں جوڑے گئے ہیں۔اسی طرح حافظہ کے بتہ بِٹ A_0 آپس میں جوڑے گئے ہیں۔اسی طرح A_1 اور A_2 بھی جوڑے گئے ہیں۔تینوں حافظہ کے مواد کے آٹھ مخارج بِٹ

یعنی D_0 تا D_7 ہی اسی طرح جوڑے گئے ہیں۔البتہ ان کے بیدار کو مداخل علیحدہ علیحدہ رکھے گئے ہیں۔اس طرح ایک وقت پر صرف ایک حافظہ کے بیدار کیا جاتا ہے اور اس کے سولہ مقامات تک A_0 تا A_3 تا A_5 کی مدد سے رسائی حاصل کی جاتی ہے۔

 A_5 اور A_5 بطور مدخل مہیا کئے گئے ہیں جبکہ اس کے مخارج کار کو پتہ کے بی $\overline{y_2}$ اور $\overline{y_3}$ ہیں۔ شناخت کار ان دو پتہ کے مداخل بِٹوں کی مدد سے مطلوبہ حافظہ کی شناخت کرتا ہے۔ شناخت کار کا نام یہی سے نکلا ہے۔



جیساکہ آپ جانتے ہیں، شناخت کار کے مداخل کے کسی بھی ترتیب اس کے مخارج میں سے صرف ایک کو چنتی ہے۔شکل (ب) میں شناخت کار کا جدول دکھایا گیا

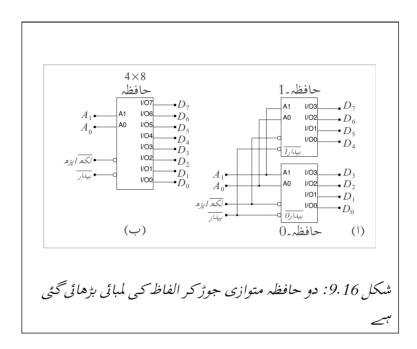
جافظہ۔ 1 کے بیند اور 1 پست ہونے کی صورت میں 1 پست ہوگا جو کہ حافظہ۔ 1 کے ساتھ جڑا ہے۔ یوں 1 1 کے ساتھ جڑا ہے۔ یوں 1 کے ساتھ جڑا ہے۔ یوں اور اسے بیدار کیا جاتا ہے۔ 1 کے 1 کے بین یعنی 1 کے کہتے ہوئے بقایا چار پتہ کے بیٹ آزادانہ طور پر بلند یا پست ہو سکتے ہیں یعنی 1 یعنی 1 کی قیمت 1 والمانہ طور پر بلند یا پست ہو سکتے ہیں یعنی 1 مقامات تک رسائی کی جائے گی۔ اس 1 دافظہ کے مختلف مقامات تک رسائی کرتے وقت 1 کہ مقامات کی معالی کی قیمت حافظہ کے مختلف مقامات تک رسائی کرتے وقت 1 وقت 1 دائیں قطار میں یہی حدیں لکھی گئی 1 بیں۔ شکل 1 میں نجلی جانب سے سولہ خانے اوپر آگلے سولہ خانے انہیں مقامات کو طاہر کرتے ہیں۔ جیسا پہلے ذکر ہوا، حافظہ۔ 1 کا صفرواں مقام اس سے آگلے یعنی 1 داختام 1 وہیں سے حافظہ۔ 1 میں صاف ظاہر ہے کہ جہاں حافظہ۔ 1 داختام ہے وہیں سے حافظہ۔ 1 شروع ہوتا ہے۔

کہ کسی میں $\overline{y_2}$ پست اور A_5 بلند ہونے کی صورت میں $\overline{y_2}$ پست ہوگا جو کہ کسی جی حافظہ کے ساتھ نہیں جڑا۔ یوں $A_5A_4=10$ سے کسی بھی حافظہ کی شناخت نہیں

ہوتی ہے۔ $A_5A_4=10$ رکھتے ہوئے بقایا چار پتہ کے بِٹ آزادانہ طور پر بلند یا پست ہو سکتے ہیں یعنی $A_5A_4=10$ ہو سکتی ہے۔یوں سکتے ہیں یعنی یعنی $A_3A_2A_1A_0$ کی قیمت $A_3A_2A_1A_0$ تا $A_5A_4A_3A_2A_1A_0$ تا $A_5A_4A_3A_2A_1A_0$ ہو گی لیکن ان تمام مقامات پر نہ تو کچھ لکھا جا سکتا ہے اور نہ ہی یہاں سے کچھ پڑھا جا سکتا ہے ۔جدول کے دائیں قطار میں یہی حدیں لکھی گئی ہیں۔شکل (ج) میں ان مقامات کو خالی مقامات لکھ کر ظاہر کیا گیا ہے۔

یہاں کُل چہ پتہ کے بِٹ، یعنی A_0 تا A_5 استعمال کئے گئے جو کہ چونسٹھ $(2^6=64)$ مقامات تک رسائی دیے سکتے ہیں۔ہم نے سولہ سولہ الفاظ کے تین حافظہ استعمال کرتے ہوئے اڑتالیس $(48=8\times 16)$ مقامات استعمال کئے جبکہ سولہ مقامات (خالی مقامات) کو استعمال نہیں کیا گیا۔اس طرح آگرچہ ان تین حافظہ کو سلسلہ وار جوڑا گیا ہے لیکن ان میں صرف حافظہ 0 اور حافظہ 1 قریب قریب رکھے گئے ہیں جبکہ حافظہ 1 کو دور رکھا گیا ہے۔ہم مزید ایک اور سولہ الفاظ کے حافظہ کو شناخت کار کے حافظہ 1 کے ساتھ جوڑ کر تمام کے تمام چونسٹھ مقامات بھی استعمال کر سکتے ہیں۔

دو عدد 4×4 حافظہ متوازی جوڑ کر 8×4 حافظہ کا حصول 9.3.3



شکل 9.16 (۱) میں دو عدد 4×4 حافظہ کو متوازی جوڑ کر ایک عدد 4×8 حافظہ حاصل کیا گیا ہے۔ یہ دونوں حافظہ بیک وقت بیدار ہوتے ہیں اور پتہ کے دو بیٹ A_0 اور A_1 ان دونوں کے چاروں مقام تک رسائی ممکن بناتے ہیں۔ اگر حافظہ۔ D_7 تا D_4 تا جبکہ حافظہ۔ D_4 تا مواد کو D_6 تا D_6 تا جبکہ حافظہ۔ D_8 تا جائے تو یوں ان آٹھ بِٹوں کو ایک ہی بائٹ تصور کیا جا سکتا ہے۔ اس طرح ان دو جڑے حافظہ کو ایک ہی 0 جسامت کا حافظہ تصور کیا جا سکتا ہے جسے شکل (ب) میں تصوراتی شکل دی گئی ہے۔

9.4 حافظہ کے اوقات کار

حافظہ کو عموماً مائکرو پراسیسر 251 کے ساتھ منسلکہ طور پر استعمال کیا جاتا

²⁵¹ microprocessor

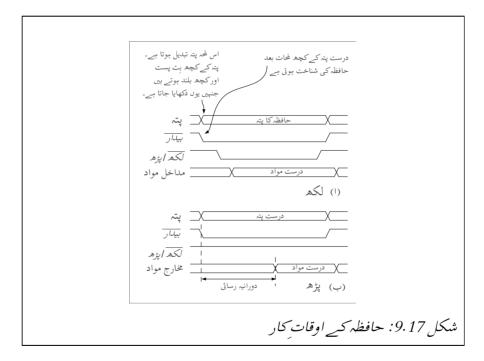
ہے۔ عموماً مخلوط ادوار کسی ایک مقصد سرانجام دینے کی خاطر تخلیق کئے جاتے ہیں۔ مائکرو پراسیسر قدرِ مختلف نوعیت کا مخلوط دور ہے جو احکامات پر چلتا ہے۔ان احکامات کو تبدیل کرکے مائکرو پراسیسر کی کارکردگی تبدیل کی جا سکتی ہے۔ان احکامات کو عموماً پہلے سے پختہ حافظہ میں لکھ لیا جاتا ہے جہاں سے مائکرو پراسیسر انہیں پڑھ کر ان پر عمل درآمد کرتا ہے۔مائکرو پراسیسر کے ساتھ عموماً عارضی حافظہ بھی منسلک کیا جاتا ہے جہاں یہ عارضی مواد لکھ کر ذخیرہ کر سکتا ہے اور یہاں سے مواد پڑھ بھی سکتا ہے عموماً مختلف صنعت کاروں کے بنائے گئے مائکرو پراسیسر کے اپنے مخصوص احکامات ہوتے ہیں جنہیں یہ سمجھ کر ان پر عمل کر سکتا ہے۔کسی بھی مائکرو پراسیسر کی مادری زبان ²⁵²کہا جاتا ہے جبکہ کسی ایک حکم کو اس زبان کا لفظ ²⁵³کہا جاتا ہے۔

مانکرو پراسیسر بیرونی جڑے مخلوط ادوار کے ساتھ گفتگو بذریعہ پتہ ، مواد اور قابو اشارات کے کرتا ہے۔شکل 9.17 (۱) میں مانگرو پراسیسر بیرونی جڑے عارضی حافظہ سے گفتگو کر رہا ہے۔اس گفتگو کا مقصد حافظہ میں مواد لکھنا ہے۔اس گفتگو کا آغاز اس وقت ہوتا ہے جب مانکرو پراسیسر درکار عارضی حافظہ کا پتہ خارج کرتا ہے۔ایسے ادوار میں نسب شناخت کار چند ہی محد سے درکار مخلوط دور کی شناخت کر کے اسے بیدار کرتا ہے۔اس عمل کو شکل میں حافظہ کے قابو مداخل سناخت کر کے اسے بیدار کرتا ہے۔اس عمل کو شکل میں حافظہ کے قابو اشارہ اسلام الکھ اپڑھ کو پست ہونے سے دکھایا گیا ہے۔ مائکرو پراسیسر خارجی قابو اشارہ لکھ اپڑھ کو پست کر کے حافظہ کو خبر دار کرتا ہے کہ مائکرو پراسیسر حافظہ میں مواد کو خارج کرتا ہے۔شکل میں اس مواد کو حارج کرتا ہے۔شکل میں اس مواد کو جزھائی پر مطلوبہ مقام پر محفوظ کرتا ہے۔مائکرو پراسیسر کسی بھی ایسے عمل کے دوران پتہ برقرار رکھتا ہے۔شکل میں پتہ کی تبدیلی کو دو لکیروں کی آپس میں جگہ بدلنے سے دکھایا گیا ہے۔

²⁵² assembly language

²⁵³ instruction

شکل (ب) میں مائکرو پراسیسر حافظہ سے مواد پڑھنا چاہتا ہے۔اس گفتگو میں مائکرو پراسیسر لکھ اشارہ کو بلند رکھ کر حافظہ کو خبردار کرتا ہے کہ مائکرو پراسیسر حافظہ سے مواد پڑھنا چاہتا ہے۔حافظہ بیدار ہوتے ہی اس کوشش میں لگ جاتا ہے کہ درکار مقام سے مواد حاصل کر کے مائکرو پراسیسر کے حوالے کرے۔ایسا کرنے کے لئے حافظہ کو کچھ وقت درکار ہوتا ہے جسے حافظہ کا دورانیہ رسائی ²⁵⁴ کہتے ہیں۔حافظہ مطلوبہ مقام سے مواد حاصل کر کے خارج کرتا ہے۔شکل میں اس مواد کو درست مواد لکھ کر اس کی نشاندہی کی گئی ہے۔مائکرو پراسیسر اس مواد کو پڑھ کر آگے بڑھتا ہے۔



مشق: انٹرنیٹ سے 6116 اور 2732 حافظہ کے دورانیہ رسائی حاصل کریں۔

²⁵⁴ memory access time

9.5 پختہ حافظہ سے ترکیبی ادوار کا حصول

اس کتاب کے حصہ 5.4 میں شناخت کار کی مدد سے تفاعل کے حصول کا طریقہ بیان کیا گیا جہاں دیکھا گیا کہ شناخت کار کے ساتھ جمع گیٹ نصب کرنے سے ایسا ممکن ہوتا ہے۔ م بِٹ پتہ والے شناخت کار کے "2 مداخل، دراصل پتہ کے بٹوں کے تمام ممکنہ مجموعہ ارکان ضرب ہوتے ہیں۔ کسی بھی تفاعل کو مجموعہ ارکان ضرب کی صورت میں لکھ کر اسے شناخت کار کے مطلوبہ مخارج اور ایک جمع گیٹ کی مدد سے حاصل کیا جا سکتا ہے۔

m بِٹ الفاظ کے پختہ حافظہ میں شناخت کار اور m جمع گیٹ موجود ہوتے ہیں۔یوں اسے m تفاعل کے حصول کے لئے تشکیل 255 دیا جا سکتا ہے۔اس طرح شکل 9.12 کو آٹھ تفاعل حاصل کرنے والا دور سمجھا جا سکتا ہے جہاں یہ آٹھ تفاعل مندرجہ ذیل ہیں۔

$$D_{7} = \sum (0,3)$$

$$D_{6} = \sum (1,2)$$

$$D_{5} = \sum (1,2,3)$$

$$D_{4} = \sum (3)$$

$$D_{3} = \sum (0,1)$$

$$D_{2} = \sum (0,2)$$

$$D_{1} = \sum (3)$$

$$D_{0} = \sum (1,2)$$
(9.1)

 D_1 اور D_0 اور نظر سے دیکھتے ہیں۔کمتر دو بِٹ یعنی D_0 اور انہیں تفاعل کو ایک اور نظر سے دیکھتے ہیں۔

²⁵⁵ configure

کو آکٹھے دیکھیں تو یہ مداخل A_0 اور A_1 جمع کرنے والا نصف دور ہے۔اسی طرح کو آکٹھے دیکھیں تو یہ مداخل $\overline{A_1}$ دراصل دونوں مداخل D_3 دراصل دونوں مداخل کا منطقی ضرب جبکہ D_5 ان کا منطقی بلا شرکت جمع ہے۔ D_6 ان کا بلا شرکت منطقی نفی۔جمع ہے۔ D_7

10 قابلِ تشكيل تركيبي منطقى ادوار

پختہ حافظہ، قابلِ تشکیل ترکیبی منطقی ادوار 256 کی پہلی قسم ہے۔ m بِٹ پتہ کے پختہ حافظہ میں تمام ممکنہ m ارکانِ ضرب موجود ہوتے ہیں جنہ یی جمع گیٹوں سے جوڑ کر درکار تفاعل حاصل کیا جاتا ہے۔ پختہ حافظہ میں ضرب گیٹوں کے داخلی برقی جوڑ مقررہ جبکہ جمع گیٹوں کے داخلی برقی جوڑ قابل تشکیل ہوتے ہیں۔

پختہ حافظہ کا دورانیہ رسائی ²⁵⁷، ترکیبی ادوار کے دورانیہ ردِ عمل سے کئی گنا زیادہ ہوتا ہے۔یوں حافظہ کا بطور قابلِ تشکیل ترکیبی منطقی ادوار کے استعمال میں آہستا آہستا کمی آ رہی ہے اور اس کی جگہ ایسے مربوط ادوار کا استعمال بڑھ رہا ہے جو خاص اسی مقصد سے بنائے گئے ہوں۔اس حصہ میں انہیں ادوار پر بحث ہو گا۔

قابلِ تشکیل ترکیبی منطقی ادوار میں پہلے ضرب گیٹوں کی ایک صف اور اس کے بعد، جمع گیٹوں کی ایک صف ہوتی ہے جن کی مدد سے درکار تفاعل کو مجموعہ ارکان ضرب کی صورت میں حاصل کیا جاتا ہے۔ایسے قابلِ تشکیل ترکیبی منطقی ادوار کی پہلی قسم میں ضرب گیٹوں کے صف میں داخلی برقی جوڑ مقررہ ہوتے ہیں جبکہ دوسری صف کے جمع گیٹوں کے داخلی برقی جوڑ قابلِ تشکیل ہوتے ہیں۔پختہ حافظہ بھی اسی قسم میں شمار ہوتا ہے۔ایسے ادوار کو قابل تشکیل جمع، ترکیبی منطقی ادوار کہتے ہیں۔

قابلِ تشکیل ترکیبی منطقی ادوار کی دوسری قسم میں پہلی صف کے ضرب گیٹوں کے داخلی کے داخلی برقی جوڑ، قابلِ تشکیل ہوتے ہیں جبکہ دوسری صف کے جمع گیٹوں کے داخلی برقی جوڑ مقررہ ہوتے ہیں۔انہیں قابلِ تشکیل ضرب، ترکیبی منطقی ادوار ²⁵⁸ کہتے ہیں۔انہیں مخلوط ادوار کے پروگرامر کی مدد سے تشکیل دیا جاتا ہے۔

تیسری اور سب سے لچک دار، قابلِ تشکیل ترکیبی منطقی ادوار کی قسم میس

²⁵⁶ programmable logic devices (PLDs)

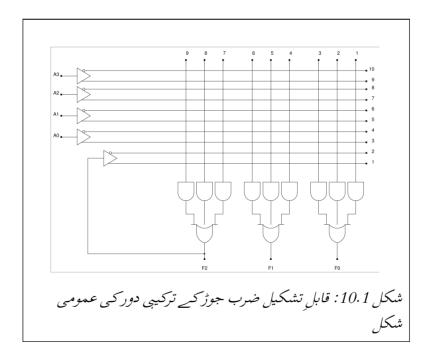
²⁵⁷ access time

²⁵⁸ programmable array logic (PAL)

پہلے صف کے ضرب گیٹوں کے داخلی جوڑ اور دوسرے صف کے جمع گیٹوں کے داخلی جوڑ تمام کے تمام قابلِ تشکیل ضرب- جمع ترکیبی منطقی ادوار 259 کہتے ہیں۔

10.1.1 قابل تشكيل ضرب تركيبي منطقي ادوار

10.1 قابلِ تشکیل ضرب جوڑ کے ترکیبی منطقی ادوار کی عمومی ساخت شکل 10.1 میں دکھائی گئی سے جہاں دور کے چار مداخل اور تین مخارج ہیں۔ان ادوار میں عموماً کئی مخارج اشارات، اسی دور کو بطور مداخل بھی فراسم کئے جاتے ہیں جیسا یہاں F_2 کے ساتھ کیا گیا ہے۔



²⁵⁹ programmable logic array (PLA)

دکھائے دور کے تین یکساں حصے ہیں۔ہر حصہ میں دس داخلی تین ضرب گیٹ ہیں جو ایک جمع گیٹ کو جاتے ہیں۔ضرب گیٹ کے مداخل قابلِ تشکیل ہیں جبکہ جمع گیٹ کے مداخل مقررہ ہیں۔دور کے کُل چار مداخل ہیں جنہیں وسطی ادوار سے گزار کر ان اشارت کے تکملہ 20 بھی حاصل کر کے ضرب گیٹوں کو مہیا کئے گئے ہیں۔اس دور میں 0×1 داخلی کُل 0 جمع گیٹ ہیں۔یوں اس میں 0×1 یعنی 0×1 فیوز ہیں۔

عام دستیاب ادوار، زیادہ مداخل اور مخارج رکھتے ہیں، مثلاً ان کے سولہ مداخل، آٹھ مخارج اور آٹھ یکساں اندرونی حصے ہو سکتے ہیں جن میں ہر حصہ آٹھ ضرب اور ایک جمع گیٹ پر مشتمل ہو گا۔مزید یہ کہ خارجی اشارت پر وسطی ادوار نصب ہو سکتے ہیں جن کو کثیر مقاومت حالت کیا جا سکتا ہے۔

آئیں اس دور کو استعمال کرتے مندرجہ ذیل تفاعل حاصل کرتے ہی جنہی ارکانِ ضرب کی صورت میں دیا گیا ہر۔

$$F_{0}(A,B,C,D) = \sum (4,5,10,14)$$

$$F_{1}(A,B,C,D) = \sum (0,1,5,7,9,13,14,15)$$

$$F_{2}(A,B,C,D) = \sum (0,1,5,7,14,15)$$
(10.1)

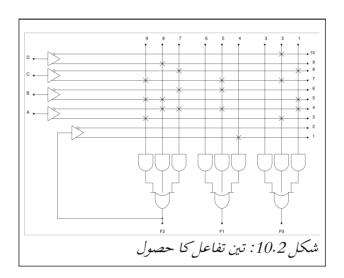
ان تفاعل کی سادہ اشکال یہ ہے۔

$$F_{0} = \overline{A} B \overline{C} + A C \overline{D}$$

$$F_{1} = \overline{A} \overline{B} \overline{C} + \overline{A} B D + A B C + A \overline{B} C = F_{2} + A \overline{B} C$$

$$F_{2} = \overline{A} \overline{B} \overline{C} + \overline{A} B D + A B C$$
(10.2)

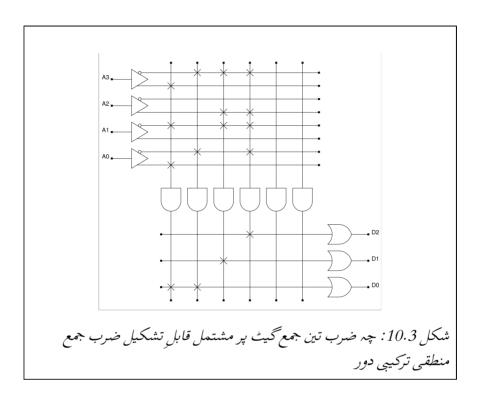
ان مساواتوں میں کوئی بھی ضربی رکن تین سے زیادہ مداخل پر مشتمل نہیں۔یوں اس قابلِ تشکیل ترکیبی منطقی دور کو یہ تفاعل حاصل کرنے کے لئے استعمال کیا جا سکتا ہے۔ شکل 10.2 میں تفاعل کا دور دکھایا گیا ہے۔



اس شکل میں صلیبی نشان لگے جوڑ موجود ہیں جبکہ بقایا تمام جوڑ منقطع کر دئے گئے ہیں۔

10.1.2 قابل تشكيل ضرب- جمع تركيبي منطقي ادوار

ان ادوار میں بھی پہلے صف ضرب گیٹوں اور دوسری صف جمع گیٹوں کی ہوتی ہے البتہ ان میں ضرب گیٹوں اور جمع گیٹوں کے تمام جوڑ قابلِ تشکیل ہوتے ہیں۔یوں یہ استعمال کے نکتہ نظر سے نہایت کچک دار ہوتے ہیں۔



شکل 10.3 میں قابلِ تشکیل ضرب-جمع، ترکیبی منطقی دور دکھایاگیا ہے۔ جیسے آپ دیکھ سکتے ہیں اس دور میں تمام ضرب گیٹوں کے داخلی جوڑ قابلِ تشکیل ہیں اور اسی طرح اس کے تمام جمع گیٹوں کے داخلی جوڑ قابلِ تشکیل ہیں۔اس دور میں آٹھ داخلی چہ ضرب گیٹ اور چہ داخلی تین جمع گیٹ ہیں۔یوں اس میں کُل جوڑ 66_{10} ہیں۔

شکل میں صلیبی نشانات سے سالم جوڑ دکھائے گئے ہیں۔یوں اسے استعمال کرتے تین تفاعل حاصل کئے گئے ہیں۔ایسا کرتے چار ضرب گیٹ اور تینوں جمع گیٹ کی ضرورت پڑی ہے جبکہ دو ضرب گیٹ زیرِ استعمال نہیں آئے۔حاصل کردہ تفاعل مندرجہ زیل ہیں۔

342 جزو 10 قابل تشكيل تركيبي منطقى ادوار

$$D_{2} = \overline{A_{0}} \overline{A_{1}} \underline{A_{2}} \overline{A_{3}}$$

$$D_{1} = \overline{A_{1}} \underline{A_{2}} \overline{A_{3}}$$

$$D_{0} = A_{0} \overline{A_{1}} \underline{A_{3}} + \overline{A_{0}} \overline{A_{3}}$$
(10.3)

یہاں دکھلایا قابلِ تشکیل ایڈ۔جمع، ترکیبی منطقی دور صرف سمجھانے کی خاطر تھا۔حقیقی ادوار میں کئی گنا زیادہ مداخل،مخارج اور گیٹ ہوں گے۔ثنائی تفاعل کی سادہ ترین شکل حاصل کر کے اسے مخلوط دور میں ڈالا جاتا ہے۔سادہ ترین شکل ازخود حاصل کرنا عموماً خاصہ مشکل ہوتا ہے اور یہ کمپیوٹر کی مدد سے کیا جاتا ہے۔کمپیوٹر ہی منقطع ہونے والے فیوز کی معلومات فراہم کرتا ہے۔فیوز مخلوط ادوار کے پروگرامر 261 کی مدد سے منقطع کئر جاتر ہیں۔

10.2 قابلِ تشكيل ترتيبي ادوار

جیسا اس باب کے شروع میں ذکر ہوا، وسیع پیمانے کے مخلوط ادوار 262 ترتیبی بناوٹ رکھتے ہیں۔قابلِ تشکیل ترکیبی ادوار کے ساتھ پلٹ منسلک کر کے قابلِ تشکیل ترتیبی ادوار حاصل کئے جاتے ہیں۔اس طرح کے کئی یکساں حصے ایک ہی مخلوط دور پر بناکر مخلوط قابلِ تشکیل ترتیبی ادوار 263 بنائے جاتے ہیں۔ایسے ادوار میسی تمام انفرادی حصوں کے مابین، قابلِ تشکیل ترکیبی ادوار کی طرح، برقی جوڑوں کا جال بچایا جاتا ہے۔ یوں بیرونی مداخل کے ساتھ ساتھ کسی بھی حصہ کا مخارج بطورِ مداخل استعمال کیا جا سکتا ہر۔

انتهائی وسیع پیمانے کے مخلوط ادوار 264 کی بناوٹ، صف در صف گیٹوں پر مبنی

²⁶¹ IC programmer

²⁶² large scale integration (LSI)

²⁶³ complex PLD (CPLD)

²⁶⁴ very large scale integration (VLSI)

ہوتی ہے۔ایسے جدید مخلوط ادوار میں گیٹوں کی تعداد اربوں 265 میں گنی جاتی ہے۔

انتہائی وسیع پیمانے کے مخلوط ادوار کا ذکر کرتے مُور 266 کی پیشن گوئی کا ذکر کرنا لازم ہے جنہوں نے سن 1965 میں پیشن گوئی کی کہ مخلوط ادوار میں گیٹوں کی تعداد ہر دو سالوں میں دگنی ہو گی۔یہ پیشن گوئی جسے مُور کا قانون 267 کہتے ہیں اب تک درست ثابت ہوتا آ رہا ہے۔

انتہائی وسیع پیمانے کے مخلوط ادوار تشکیل دینے کی خاطر، صارف درکار تفاعل میں گیٹوں کے آپس میں جوڑ، مخلوط دور تیار کرنے والے صنعت کار کو فراہم کرتا ہے جو اس معلومات سے مخلوط دور بناتے وقت اس میں درکار جوڑ بنا دیتا ہے۔کبھی کبار صنعت کار صارف کے ضرورت کے مطابق مخلوط دور تیار کرتا ہے۔ایسے تیار کئے جانے والے ادوار کو خصوصی استعمال کے مخلوط ادوار 268 کہتے ہیں۔

اس سلسلہ کی آخری قسم جائے استعمال پر تشکیل کے قابل گیٹوں کے صف ²⁶⁹ ہے جو دراصل انتہائی وسیع پیمانے کے مخلوط ادوار کی وہ قسم ہے جنہیں استعمال کرنے والا ازخود تشکیل دیے سکتا ہے۔یہ بار بار تشکیل دئے جانے کی صلاحیت رکھتے ہیں۔

ان ادوار میں گیٹ، پلٹ، شناخت کار، عارضی حافظہ اور اس قسم کے دیگر ادوار پائے جاتے ہیں۔ جائے استعمال پر تشکیل کے قابل گیٹوں کے صف استعمال کرنے کی خاطر کمپیوٹر کا بھرپور استعمال کیا جاتا ہے۔ کمپیوٹر کی مدد سے تیار کرنے 270 کی خاطر کئی کمپیوٹر پروگرام استعمال کئے جاتے ہیں۔

 $^{265 10^9}$

²⁶⁶ گورڈن ای مُور انٹل کے بانیوں میں سے ہیں۔

²⁶⁷ Moore's law

²⁶⁸ application specific integrated circuit (ASIC)

²⁶⁹ field programmable gate array (FPGA)

²⁷⁰ computer aided design (CAD)

344 جزو 10.2 قابلِ تشكيل ترتيبي ادوار

مشق: انٹرنیٹ سے EPM7032 مخلوط دور کے معلوماتی صفحات حاصل کریں۔(۱) اس میں کتنے یکساں حصے ہیں۔ (ب) کیا ہر حصے میں پلٹ بھی پایا جاتا ہے۔

11 غير معاصر ترتيبي ادوار

وسیع عددی ادوار عموماً معاصر ادوار کے طرز پر بنائے جاتے ہیں۔ایسے ادوار کے اگلی حالتیں مکمل طور ان کے موجودہ حالتوں سے متعین کئے جا سکتے ہیں۔حالات صرف ساعت کے کنارہ تبدیل ہوتے ہیں اور بقایا تمام وقت کے لئے غیر متغیر تصور کئے جا سکتے ہیں۔ایسے ادوار بناتے وقت اس بات کو یقینی بنایا جاتا ہے کہ ساعت کے لحم کنارہ سے قبل تمام حالتیں متوازن صورت اختیار کر چکھے ہوں۔یوں ساعت کے کنارہ پر متعین حالتیں پائی جاتی ہیں جن سے آگلے حالت مکمل طور حاصل کئے جا سکتے ہیں۔

ان کے برعکس غیر معاصر ادوار کی حالتیں کسی بھی لمحہ تبدیل ہو سکتے ہیں۔اس سے حالتِ دوڑ اور دیگر مسائل کھڑے ہوتے ہیں جن پر اس باب میں غور کیا جائے گا۔

غیر معاصر ادوار کی اپنی ایک اہمیت ہے۔یہ ساعت کے کنارہ کا انتظار کئے بغیر اشارہ پر ردِ عمل کر سکتے ہیں۔عموماً کسی بھی عددی دور میں کچھ حصہ معاصر اور کچھ غیر معاصر ہوتا ہے۔

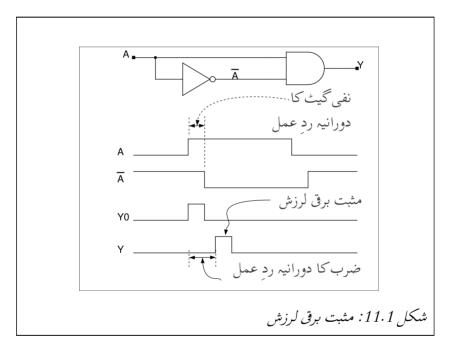
شکل 11.1 میں ایک نہایت سادہ دور دکھایا گیا ہے۔سرسری نظر سے یوں محسوس ہوتا ہے کہ اس شکل میں ضرب گیٹ کی مخارج Y کبھی بلند نہیں ہو سکتی۔ غور کرنے سے ثابت ہوتا ہے کہ مسئلہ اتنا سادہ نہیں۔

جب بھی مداخل A حالت تبدیل کرتا ہے اس کے کچھ لمحہ بعد، نفی گیٹ کا مخارج حالت تبدیل کرتا ہے۔ یہ T نفی گیٹ کے دورانیہ ردِ عمل کی وجہ سے ہوتی ہے۔ شکل میں A اور \overline{A} کے خط بناتے وقت اس T اور \overline{A} کے خط بناتے وقت اس T مداخل کے مطابق حالت گیٹ کا دورانیہ ردِ عمل صفر ہوتا تب ضرب گیٹ کا مخارج ان دو مداخل کے مطابق حالت اختیار کرتا۔ اس کو T سے دکھایا گیا ہے۔ چونکہ ضرب گیٹ کو بھی ردِ عمل کے لئے کچھ دیر درکار ہوتا ہے لہٰذا ضرب گیٹ کی مخارج T کچھ دیر کے بعد نظر آئے گی جیسا شکل میں دکھایا گیا ہے۔

²⁷¹ delay

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ضرب گیٹ کی مخارج غیر مطلوبہ طور پر، نفی گیٹ کے دورانیہ ردِ عمل کے برابر وقت کے لئے، بلند ہو گئی ہے۔اس طرح غیر مطلوبہ، نہایت کم دورانیہ کے، حالت کی تبدیلی کو برق لرزش دورانیہ کے، حالت کی تبدیلی کو برق لرزش کو مثبت برق لرزش کہیں گے۔

برق لرزش کی وجہ سے ادوار عبوری حالت ²⁷³ اختیار کرتے ہیں۔اس باب میں عبوری حالتوں پر تفصیلاً بحث ہو گی۔

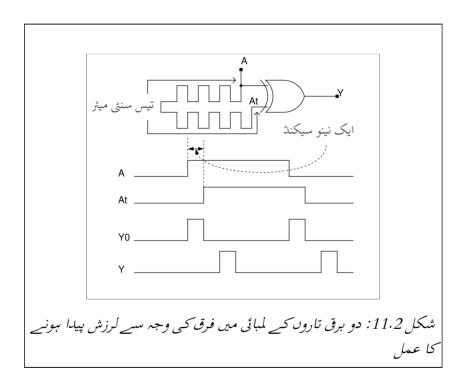


آپ نے دیکھاکہ برقی لرزش، اشارہ \overline{A} کے ضرب گیٹ تک پہنچنے میں تاخیر کی وجہ سے پیدا ہوئی۔اشارات میں تاخیر کی ایک اور مثال دیکھتے ہیں۔

²⁷² electrical glitch

²⁷³ transition state

برقی تار میں برقی دباؤ کی رفتار تقریباً خلاء میں روشنی کے رفتار کے 274 برابر ہوتی ہے۔ یوں ایک نینو سیکنڈ (9 -10) میں برقی دباؤ تقریباً $0.3=^{9}$ -10×0.1×0.1×0.1 میٹر یعنی 0.1 سنٹی میٹر فاصلہ طے کرتا ہے۔ آئیے دیکھتے ہیں کہ اگر پچھلی مثال کو تبدیل کر کے اس میں نفی گیٹ کی جگہ 0.1 سینٹی میٹر برقی تار لگائی جائے اور ضرب گیٹ کی جگہ بلا شرکت جمع گیٹ نصب کیا جئے تو دور کا ردِ عمل کیسا ہوگا۔ اس مثال کو شکل 0.1 میں دکھایا گیا ہے۔



اشارہ A گیٹ کر ایک داخلی پن پر مہیا کیا گیا ہر جبکہ اسی اشارہ کو

خلاء میں روشنی کی رفتار 3×10^7 میٹر فی سیکنلٹ ہے۔

30 سنٹی میٹر لمبی برق تارکی مدد سے دوسرے داخلی پن پر بطور A_i مہیاکیاگیا ہے۔شکل میں لمبے تارکو بل کھاتے لکیر سے دکھایاگیا ہے۔یوں اشارہ A_i ،گیٹ کے پن تک تاخیر سے پہنچتا ہے۔اشارہ A_i بلند یا پست ہونے کے ایک نینو سیکنڈ بعد اشارہ A_i بلند یا پست ہوتا ہے۔آگر گیٹ کے دورانیہ ردِ عمل کو نظر انداز کیا جائے تو گیٹ کی مخارج Y_0 ہوگی اور آگر گیٹ کے دورانیہ ردِ عمل کو بھی مدِ نظر رکھا جائے تو اس کی مخارج Y_i ہوگی۔خارجی اشارہ میں دو بلند بر تی لرزشیں دیکھنے کو آتی ہیں۔ان بر تی لرزشوں کے دورانیہ، برقی تار میں اشارہ کے تاخیر کے برابر ہے۔یوں اشارات کی راہ میں مئتل تاخیرات، معلومات کو ایک لحمہ برقرار رکھنے کی صلاحیت رکھتی ہیں۔یوں مائل تاخیرات کا کردار، حافظہ کی طرح کا ہے۔

آپ نے دیکھاکہ مختلف طرز کے تاخیرات کی وجہ سے دور میں برق لرزشیں پیدا ہوتی ہیں۔اگر واپسیں اشارہ تاخیر سے پہنچ کر مخارج تبدیل کرے، تو دورانِ تاخیر مخارج اور تاخیر کے بعد کا مخارج مختلف ہوں گے اور یوں یہ ایک غیر متوازن حالت کی صورت ہو گئی۔

گیٹوں اور برقی تاروں میں نا قابلِ معلوم تاخیرات کی وجہ سے جب بھی ایک سے زیادہ اشارات بیک وقت تبدیل ہوں، یہ دریافت کرنا تقریباً ناممکن ہو جاتا ہے کہ ان کے اثرات کیا مرتب ہوں گے۔یوں عموماً غیر معاصر ادوار بناتے وقت اس بات کو یقینی بنایا جاتا ہے کہ کسی بھی وقت صرف ایک ہی اشارہ تبدیل ہو۔مزید یہ کہ کسی بھی دو اشارت کے تبدیلی کے درمیان اتنا وقفہ دیا جاتا ہے کہ دور میں اشارات کے تمام تاخیر کے بعد دور متوازن صورت اختیار کر سکے۔ان دو شرائط کے تحت دور کے چلنے کو بنیادی طریق کار متحت چلنا کہتے ہیں۔

11.1 تجزیہ

غیر معاصر ترتیبی ادوار سے مراد ایسے ادوار ہیں جن میں یا تو بغیر ساعت والے پلٹ پائے جائیں اور یا پھر ان میں ایک یا ایک سے زیادہ مخارج کو بطور واپسیں اشارات

²⁷⁵ fundamental mode

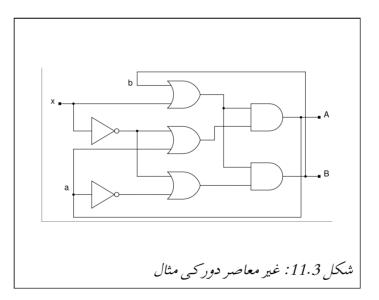
استعمال کیا گیا ہو۔جیسے اُوپر دیکھا گیا، واپسیں اشارات ایک لمحم کے لئے،مختلف تاخیرات کی بنا پر، حافظہ کی صلاحیت رکھتی ہے۔

کسی بھی خارجی اشارہ، مثلاً D، کو جب اس طرح داخلی اشارہ کے طور استعمال کیا جائے کہ یہ D کی قیمت کو متعین کرنے میں کردار ادا کر سکے تو اسے واپسیں اشارہ D کے طور استعمال کرنا کہتے ہیں۔

اس حصہ میں بغیر پلٹ والے ادوار پر غور کیا جائے گا۔پلٹ والے دور پر اگلے حصہ میں غور کیا جائے گا۔

11.1.1 عبوری جدول

غیر معاصر ترتیبی ادوار پر غور ان کے عبوری جدول 277 کی مدد سے کیا جاتا ہے۔ اس طریقہ کو شکل 11.3 میں دئے دور کی مدد سے سیکھتے ہیں۔



²⁷⁶ feedback signals

²⁷⁷ transition table

پلٹ کی غیر موجودگی کے باوجود اس دور کو ترتیبی دور اس لئے کہتے ہیں کہ خارجی اشارات A اور B کو بطور واپسیں اشارات، a اور b ، استعمال کیا گیا ہے۔اس دور سے خارجی حالتوں کے مساوات یوں حاصل ہوتے ہیں۔

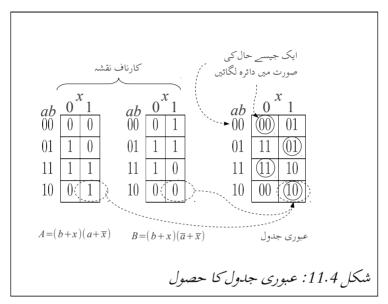
$$A = (b+x)\cdot(a+\overline{x})$$

$$B = (b+x)\cdot(\overline{a}+\overline{x})$$
(11.1)

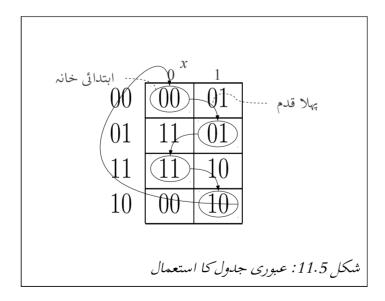
مساوات حاصل کرتے وقت واپسیں اشارات کو بالکل عام مداخل کی طرح سمجھا جاتا ہے۔ یوں اس دور کی ایک بیرونی مداخل x اور دو اندرونی مداخل a اور a اور دو مساوات سے بوولین جدول حاصل کرتے ہیں۔

a	b	X	A	В
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
1	0	0	1	1
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	1	1	0
			1	ı

جدول 11.1: دوركا بوولين جدول



اس جدول سے عبوری جدول کا حصول شکل 11.4 میں دکھایا گیا ہے۔



جدول 11.1 میں متغیرہ حالتوں A اور B کی معلومات کو پہلے علیحدہ علیحدہ کارناف نقشہ C کی جائے ان کا یوں لکھنا عبوری جدول لکھنے میں آسانی پیدا کرتا ہے۔کارناف نقشہ میں جدول کے بائیں جانب قطار میں اندرونی مداخل، یعنی C کی قیمتیں لکھی جاتی ہیں جبکہ جدول کی پہلی صف کے اوپر صف کی شکل میں بیرونی مداخل، یعنی C کہ قیمت لکھی جاتی ہے۔ عبوری جدول حاصل کرنے کے لئے متغیرہ حالات C اور C کو ساتھ ساتھ، C کر کے، لکھا جاتا ہے۔شکل میں متغیرہ حالات C اور C کو ساتھ ساتھ، C کی قیمت C ہے۔پوں عبوری جدول میں ان دو قیمتوں کو ساتھ ساتھ C کی قیمت C ہے۔پوں عبوری جدول میں ان دو قیمتوں کو ساتھ ساتھ C کی قیمت C کر کے لکھا گیا ہے۔شکل میں نکتہ دار لکیروں سے کو ساتھ ساتھ C کی قیمت اور اسی صف میں بائیں جانب C کی قیمت یکساں ہوں، وہاں جدول میں میں جہاں کی قیمت کو دائرہ میں بند کر دیا گیا ہے۔دائرہ میں بند متغیرہ حالت متوازن میں جہات ہے۔دائرہ میں بند متغیرہ حالت متوازن میں عبوری ہیں۔

شکل 11.5 پر نظر رکھتے ہوئے عبوری جدول کے استعمال پر غور کرتے ہیں۔ اس کے ab=00 کی صف اور x=0 کی قطار میں واقعہ خانے کو ابتدائی خانہ ab=00 کی قیمت ظاہر کیا گیا ہے۔ اس خانے میں ab=00 اور x=0 کی صورت میں x=0 کی قیمت درج ہے۔ تصور کریں کہ ابتدائی خانہ، دور کی ابتدائی حالت کو ظاہر کرتا ہے۔

عبوری جدول میں جس خانے میں AB اور اسی خانے کی صف میں ab کی قیمتیں یکساں ہوں وہاں دور متوازن حالت میں ہوتا ہے۔ عبوری جدول میں ایسے تمام خانوں کے اندراج گول دائروں میں بند کئے جاتے ہیں۔

اب آگر ab=00 رکھتے ہوئے بیرونی مداخل x کی قیمت 0 سے 1 کر دی جائے تو عبوری جدول کے مطابق AB کی قیمت 01 ہو جائے گی اور یوں واپسیں

²⁷⁸ state variables

²⁷⁹ Karnaugh maps

²⁸⁰ ہم کسی بھی متوازن حالت کے خانے کو ابتدائی خانہ لے سکتے ہیں۔

اشارات ab اور متغیرہ حالات AB کی قیمتیں مختلف ہو جائیں گی۔یہ غیر متوازن صورتِ حال ہے اور دور اس میں زیادہ دیر نہیں رہ سکتا۔ برقی تاروں میں تاخیر کے بعد ab صورتِ حال ہے 01 ہو جائے گی جبکہ x اپنی نئی قیمت برقرار رکھے گا۔یوں ab دور تاخیر کے بعد عبوری جدول کے x=1 کی قطار اور x=1 کی صف میں دئے خانے تک پہنچ جائے گا۔اس خانے میں x=1 اور x=1 اور x=1 دونوں کی قیمتیں x=1 ہیں۔یہ ایک متوازن حالت کو ظاہر کرتا ہے اور اسی لئے دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔شکل میں اس پورے مرحلہ کو پہلا قدم لکھ کر ظاہر کیا گیا ہے۔پہلے قدم کو ظاہر کرنے والا تیر کا نشان، غیر متوازن خانہ سے گزر کر متوازن خانے پر اختتام پذیر ہوا ہے۔

آپ نے دیکھا کہ متوازن حالت سے شروع کرتے، x کی قیمت تبدیل کرنے سے دور کچھ لمحات کے لئے غیر متوازن حالت اختیار کر گیا۔ یہ صورت زیادہ دیر برقرار نہیں رہی۔ تاروں میں تاخیر کے بعد، واپسیں اشارات تبدیل ہوئے اور دور ایک مرتبہ دوبارہ متوازن حالت اختیار کر گیا۔ عموماً ادوار کا عمل اسی طرح ہوتا ہے۔

اسی طرح ab=01 رکھتے ہوئے اگر x کی قیمت 1 سے 0 کی جائے تو عبوری جدول کے مطابق دور x=0 کی قطار اور ab=01 کے خانے میں درج حالت یعنی ab=11 اختیار کرے گا۔ایک مرتبہ پھر ab اور ab اور ab مختلف ہیں اور دور اس سے نکلنے کی کوشش کرے گا۔برق تاروں میں تاخیر کے بعد ab کے نئے قیمتوں کی خبر ab کی مقام تک پہنچ جائے گی اور ab کی قیمت بھی ab اور ab کی قطار اور ab=11 کی صف میں درج،بند دائرہ میں دکھائے متوازن حول، ab=11 کی قطار اور ab=11 کی صف میں سلسلہ کو چلاتے ہوئے بار بار ab=11 کی متوازن حالت اختیار کرتا قیمت تبدیل کرنے سے دور ab=11 ، ab=11 اور ab=11 اور ab=11 اختیار کرتا تھی میں درج بیار بار دہرائی جاتی ہے۔شکل میں تیم والے لکیموں سے یہ تمام مراحل دکھائے گئر ہیں۔

کسی بھی دور کے متوازن حالت اور غیر متوازن حالتیں لکھتے وقت اس دور کے حالت کو ABx کی بجائے ABx لکھا جاتا ہے۔ اس طرح موجودہ دور کے متوازن حالتیں حالتیں 000 ، 011 ، 011 اور 101 ہے۔ جبکہ اس کے غیر متوازن حالتیں

001 ، 110 ، 111 اور 100 ہیں۔

عبوری جدول کے ہر صف میں عموماً کم از کم ایک متوازن حالت ضرور پایا جاتا ہے۔ ایسا نہ ہونے کی صورت میں دور اس صف میں پہنچ کر غیر متوازن صورت اختیار کرمے گا۔

عبوری جدول حاصل کرنے کے طریقہ کو یہاں بیان کرتے ہیں۔

- تمام واپسی اشارت اور واپسی دائرون کا تعین کریں
- کسی بھی ترتیب سے واپسیں دائروں کے مخارج کو C ، B ، A وغیرہ جبکہ اسی ترتیب سے ان کے واپسیں اشارات کو c ، b ، a وغیرہ سے شناخت کریں۔
- ان تمام مخارج کے بوولین تفاعل کو بیرونی اور اندرونی مداخل کی صورت میں حاصل کریں۔
 - ان تفاعل کر کارناف نقشر بنائیں۔
- تمام کارناف نقشوں کو ایک عبوری جدول میں یکجا کریں۔ جدول کے خانوں میں $abc\cdots$ اسی $abc\cdots$ لکھیں جبکہ جدول کے بائیں جانب ہر صف میں $ABC\cdots$ ترتیب سے لکھیں۔
- جہاں $ABC \cdots$ اور اسی صف میں $abc \cdots$ کی قیمت یکساں ہو، وہاں $ABC \cdots$ کو دائرہ میں بند کر دیں۔

جدول کے حصول کے بعد بیرونی مداخل تبدیل کر کے دور کے عبوری حالتوں پر غور کیا جاسکتا ہر ۔

11.1.2 جدول بهاو

شکل 11.4 میں عبوری جدول لکھتے وقت خانوں میں دورکی حالتیں بوولین طرز پر لکھے گئے۔دو مخارج کی صورت میں یہاں چار ممکنہ حالتیں ہیں یعنی 00 ، 01 ، 00 ، 10 ، 10 اور 11 ۔ان چار حالتوںکو نام بھی دئے جا سکتے ہیں۔مثلاً جب دور 00 حال

میں ہو تو کہا جائے کہ دور حال a میں ہے۔اسی طرح 01 کو حال 0 ، 0 کو حال 0 حال 0 حال 0 کہا جا سکتا ہے۔ایسا کرنے سے عبوری جدول سے حاصل جدول کو **جدول بہاو** 0 کہتے ہیں۔شکل 0 11 میں ایسا ہوا دکھایا گیا ہے۔

شکل میں دئے جدولِ بہاو میں ہر صف میں صرف ایک ہی متوازن حالت ہے۔مثلاً پہلی صف میں صرف 000 متوازن حالت جبکہ دوسری صف میں صرف 011 متوازن حالت ہیں۔ ایسے جدول جن کے صفوں میں صرف ایک ہی متوازن حالت ہوکو اول جدولِ بہاو 282کہتے ہیں۔

$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	00 = a $01 = b$ $10 = c$ $11 = d$	0 x 1 a a b b d b d d c c a c جدول بهاو
بهاو کا حصول	۔ول سے جدول	شك <i>ل 11.6: عبورى جا</i>

شکل 11.7 میں ایک ایسا جدولِ بہاو دکھایا گیا ہے جس کے صفوں میں ایک سے زیادہ متوازن حالت پائے جاتے ہیں۔مثلاً پہلی صف میں 000 ، 011 اور 010 متوازن حالت ہیں۔ایسے جدول کو غیر اولین جدولِ بہاو کہتے ہیں۔

جدولِ بہاو سے دور حاصل کرنے کی خاطر پہلے عبوری جدول حاصل کرتے ہیں۔

²⁸¹ flow table

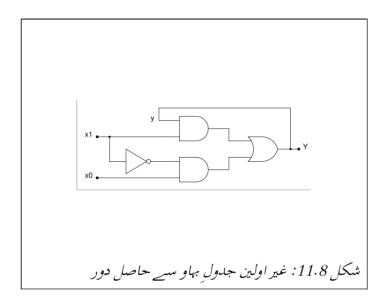
²⁸² primitive flow table

جدول کے دو صف سے ظاہر ہے کہ دور کے دو ممکنہ حالتیں ہیں۔ دو ممکنہ صورتوں کو ایک بیٹ کے عدد سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔ یوں حالت a کو a اور حالت b کو b کہتے ہوئے عبوری جدول حاصل کیا جاتا ہے۔ اسے شکل میں دکھایا گیا ہے۔

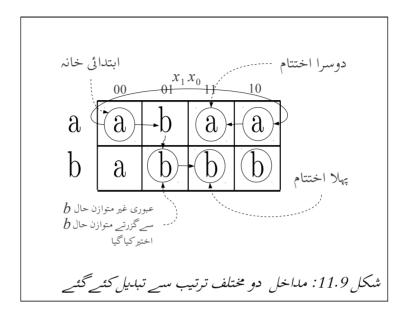
دور کے مخارج کو Y لکھتے ہوئے عبوری جدول سے اس کا تفاعل حاصل کرتے ہیں۔

$$Y = \overline{x}_1 x_0 + x_1 y \tag{11.2}$$

اس تفاعل کا دور شکل 11.8 میں دکھایا گیا ہے۔



اس جدولِ بہاو کے استعمال پر شکل 11.9 کی مدد سے غور کرتے ہیں۔ تصور کریں کہ بیرونی مداخل x_1x_0 کی قیمت x_1 00 ہے، یعنی x_1 00 ہیں ہے۔ اگر x_1 کو تبدیل گئے بغیر x_1 کی قیمت x_1 کر دی جائے، یعنی x_1 کو تبدیل گئے بغیر x_1 کی قیمت x_2 کر دی جائے، یعنی x_1 کا محبول کے مطابق دور عبوری طور پر غیر متوازن حال x_2 اختیار کرتے ہوئے آخر کار متوازن حال x_2 اختیار کرلے گا۔ اب اگر x_3 کی قیمت x_4 رکھتے ہوئے x_4 کی قیمت x_4 کی قیمت x_5 کی میں ہوئے x_5 کی قیمت ہی x_5 کر دی جائے، یعنی x_5 کر دیا جائے، تو دور حال ہوئے x_5 کی قیمت ہی x_5 کی خوس اختیامی خانہ کو شکل میں پہلا اختیامی خانہ کہا گیا ہے۔ شکل میں ابتدائی خانہ سے پہلی اختیامی خانہ تک پہنچنے کا عمل تین تیر والے لکیروں سے دکھایا گیا ہے جہاں پہلا تیر متوازن حال x_5 میں ہی رہنے کو ظاہر کرتا ہے۔ تیسرا تیر متوازن حال x_5 میں ہی رہنے کو ظاہر کرتا ہے۔



دیکھتے ہیں کہ اگر ابتدائی خانہ سے شروع کرتے وقت بجائے x_1 برقرار رکھتے x_1 اور x_2 تبدیل کرنے کے ہم x_3 کی قیمت x_4 ہیں، یعنی x_5 کرتے ہیں، یعنی x_5 کرتے ہیں۔ ایسے کرتے جدولِ بہاو کے مطابق نظام حال x_5 ہی برقرار رکھے گا۔ اب اگر x_5 کی قیمت بھی x_5 کر دی جائے۔ یعنی x_5 کر دیا جائے، تو نظام کا اختتامی حال x_5 ہی رہے گا۔ اس اختتامی خانہ کہا گیا ہر۔

آپ نے دیکھاکہ اختتامی حال، بیرونی مداخل کے تبدیلی کے ترتیب پر منحصر سے۔اس مثال میں ابتدائی بیرو نی مداخل 00 جبکہ اختتامی بیرو نی مداخل 11 ہیں۔ بھولئے گا نہیں کہ ایسے ادوار کے صحیح استعمال میں ایک سے زیادہ بیرو نی مداخل بیک وقت تبدیل نہیں کئے جا سکتے۔یوں x=00 سے ابتدا کرتے ہوئے ہم سیدھا x=11 پر نہیں جا سکتے۔ایسا کرنے سے، ناقابلِ معلوم تاخیرات کی بنا پر، اختتامی حالت دریافت کرنا ناممکن ہوتا ہے۔

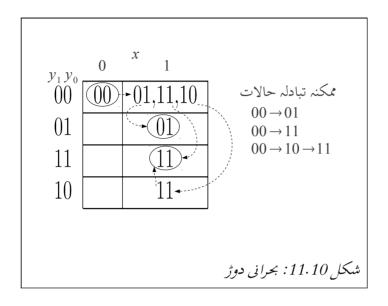
11.1.3 حالت دورً

حالت دور ڈ دور کے اتذکرہ ایس-آر پلٹ پر تبصرے کے وقت آیا تھا۔اس حصہ میں اس پر تفصیلاً گفتگو ہو گی۔ حالت دور اس صورت کو کہتے ہیں جب کسی بیرو نی اشارہ کے تبدیل ہونے سے دور کے ایک سے زیادہ حالتیں تبدیل ہوں۔تاخیرات کی وجہ سے ایسی صورت میں حالتوں کی تبدیلی مکمل طور پر جاننا ناممکن ہو جاتا ہے۔مثلاً دو حالتوں والے دور کی موجودہ متوازن حالت 00 ہے۔بیرو نی مداخل کی تبدیلی سے اس کے دونوں حالتیں تبدیل ہوتے ہیں اور آخر کاریہ 11 متوازن حالت اختیار کر لیتا ہے۔آگر پہلی واپسیں راہ میں تاخیر دوسری واپسیں راہ کے تاخیر سے کم ہو تو دور متوازن حالت 00 سے عبوری حالت 10 اور آخر کار متوازن حال 11 اختیار کرے گا جبکہ آگر دوسری راہ میں تاخیر پہلی راہ سے کم ہو تب حال 10 اور پھر 11 ہو گا۔لہذا آپ نے دیکھا کہ جس ترتیب سے حالتیں تبدیل ہوتے ہیں اسے جاننا ممکن نہیں کی۔

اگر عبوری حالتوں کے تبدیلی کی ترتیب حتمی حالت متعین کرنے میں کردار ادا کرے اور یہ ممکن ہو کہ دور دو مختلف حتمی متوازن حالت اختیار کر سکے، اس صورت میں دوڑ کو بحرانی دوڑ ²⁸⁵ کہتے ہیں۔ کسی بھی دور کے کارآمد استعمال کے لئے یہ اشد ضروری ہے کہ اس میں بحرانی دوڑ کی صورت ممکن نہ ہو۔ اگر عبوری حالت کے تبدیلی کی ترتیب کا حتمی متوازن حالت پر کوئی اثر نہ ہو، اس صورت میں دوڑ کو غیر بحرانی دوڑ گہتے ہیں۔

²⁸³ race condition

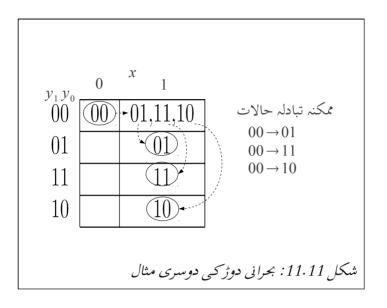
²⁸⁴ یاد رہے کہ تاخیرات مکمل طور جاننا ممکن نہیں۔



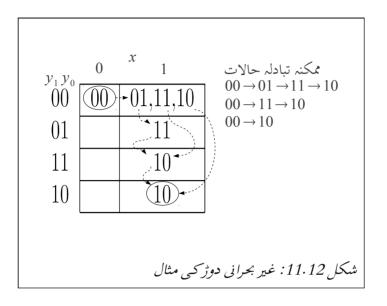
بحرانی دوڑکی ایک مثال شکل 11.10 میں دکھائی گئی ہے۔ یہاں حالت کو مکمل حالت کے طور یعنی y_1y_0x لکھتے ہوئے آگر 000 سے ابتدا کی جائے اور بیرو نی مداخل x کو 0 سے 1 کیا جائے تو دور حتمی حال 111 کی جانب دوڑ لگائے گا۔ تاخیرات کی وجہ سے دور تین ممکنہ حالتوں یعنی 101 ، 111 اور 101 میں سے کسی بھی حالت تک پہلے پہنچ سکتا ہے۔ شکل میں یہ تینوں عبوری حالت پہلے صف میں دکھائے گئے ہیں۔ آگر دور 101 کے عبوری حالت تک پہلے پہنچے تو یہ یہاں سے ہوتے ہوئے حتمی متوازن حال 101 اختیار کر لے گا اور یہیں رہے گا۔ اس حالت کو دوسری صف میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ آگر دونوں واپسیں راہ میں مائل تاخیرات بالکل برابر ہوں تو دور 111 عبوری حالت میں پہلے پہنچے گا اور یہاں سے ہوتے ہوئے حتمی متوازن حالت کو تیسری صف میں دائرہ میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دور پہلے عبوری حال 101 میں بند دکھایا گیا ہے۔ تیسری صورت میں دور پہلے عبوری حال 101 پہنچے گا۔ یہاں سے یہ آخری صف کی جانب رواں ہو گا لیکن آخری صف ازخود عبوری حال 111 ہر۔ یوں دور عبوری حال 111 سے بھی گزر کر آخر کار تیسرہ صف کے حال 111 ہر۔ یوں دور عبوری حال 111 سے بھی گزر کر آخر کار تیسرہ صف کے حال

حتمی متوازن حال 111 تک پہنچے گا۔ اس مثال میں دو حتمی حالتیں ممکن ہیں۔ یہ دریافت کرنا ناممکن ہے کہ دور ان میں سے کس حتمی حالت تک پہنچتا ہے۔ اس شکل میں بائیں جانب x=0 کی قطار خالی اس لئے رکھی گئی ہے کہ ہم صرف x=0 سے میں بائیں جانب جاتے دور پر غور کر رہے ہیں۔ اس صورت میں ان خانوں کے اندراج کی ہیں ضرورت نہیں۔

شکل 11.11 میں بحرانی دور کسی دوسری مثال دکھائی گئی ہے جہاں تین ممکنہ حتمی حالتیں پائے جاتے ہیں۔ آگر مکمل متوازن حال 000 سے ابتدا کرتے ہوئے ہیرو نی مداخل x کی قیمت 1 کر دی جائے تو یہ دور حتمی حال 111 کی طرف دوڑ لگائے گا۔ بالکل اُوپر مثال کی طرح، تین ممکنہ عبوری صورتیں ہیں۔ ایک عبوری صورت 110 ہے جہاں سے یہ دوسری صف میں دکھائے حتمی متوازن حال 111 تک پہنچتا ہے۔ دوسری عبوری صورت 111 ہے جہاں سے یہ تیسری صف کے حتمی متوازن حال 111 پہنچتا ہے اور تیسری عبوری صورت 101 ہے جہاں سے یہ آخری صف میں دکھائے حتمی متوازن حالتیں ہیں۔ یہ متوازن حالت 101 تک پہنچتا ہے۔ اس مثال میں تین ممکنہ حتمی متوازن حالتیں ہیں۔ یہ جاننا ناممکن ہے کہ ان میں سے دور کس حالت کو اختیار کرتا ہے۔



اب دیکھتے ہیں غیر بحرانی دوڑکی ایک مثال جسے شکل 11.12 میں دکھایاگیا ہے۔اس مثال میں ابتدا 000 سے کرتے تین عبوری حالت ممکن ہیں۔



ایک ممکنہ عبوری حال 011 ہے جہاں سے دور دوسری صف کے ایک اور عبوری حال 101 سے ہوتے ہوئے عبوری حال 101 سے ہوتے ہوئے آخر کار چوتھی صف کے حتمی متوازن حال 101 تک پہنچتا ہے۔

دوسری ممکنہ عبوری حال 111 ہے جہاں سے یہ تیسری صف کے عبوری حال 101 سے ہوتے ہوئے آخر کار آخری صف کے حتمی متوازن حال 101 تک پہنچتا ہے۔

تیسری ممکنہ عبوری حال 101 ہے جہاں سے یہ ہوتے ہوئے آخری صف کے حتمی متوازن حال 101 تک پہنچ جاتا ہے۔

اس مثال میں اگرچہ تین مختلف ممکنات موجود ہیں لیکن حتمی متوازن حالت سب کا ایک ہی ہے۔ کا ایک ہی ہے۔

اگر دور مخصوص اور منفرد عبوری حالتوں سے گزر کر حتمی متوازن صورت اختیار

364 جزو 11.1 تجزیہ

کرتا ہو تو اسے پھیرا ²⁸⁷ لگانا کہتے ہیں۔اس کی مثال شکل 11.13 میں دی گئی ہے۔

$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
تبادلہ حالات 00 → 10 → 11 → 01	تبادلہ حالات 10 → 10 → 11
الف	با ش <i>کل 11.13: پمیر</i> ے

ان اشکال پر غور کریں۔ان میں دوڑ کی حالت نہیں پائی جاتی چونکہ ایک وقت میس صرف ایک مخارج حالت تبدیل کرتا ہے البتہ حتمی حالت تک پہنچنے کی خاطر دور کو مخصوص اور منفرد عبوری حالتوں سے گزرنا ہوتا ہے۔

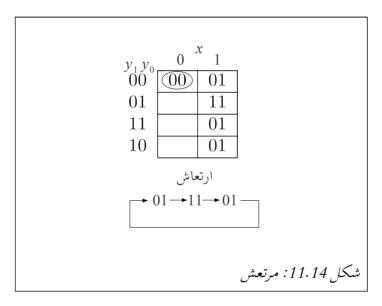
شکل کے حصہ الف میں دور 00 سے عبوری حالت 10 اور پھر 11 سے حتمی حالت 10 پہنچتا ہے۔اسی طرح حصہ با میں 00 سے عبوری حالت 10 کے راستے حتمی حالت 11 اختیار کرتا ہے۔

²⁸⁷ cycle

11.1.4 توازن اور ارتعاش

ایسے دور جو پمیرمے لگاتے ہوئے کسی بھی حتمی متوازن حالت تک نہ پہنچ پائے کو غیر متوازن دور ²⁸⁸کہتے ہیں۔شکل 11.14 میں اس کی مثال دکھائی گئی ہے۔آگر بیرو نی مداخل کو 1 کیا جائے تو دور ایک عبوری حالت سے دوسری عبوری حالت منتقل ہوتا رہتا ہے مگر کسی متوازن حالت تک نہیں پہنچ پاتا۔

اس طرح کے ادوار بطور مرتعش 289 استعمال کئے جاتے ہیں۔بطور مرتعش استعمال ہونے والے ادوار کے علاوہ ادوار کو کسی صورت غیر متوازن نہیں ہونے دیا جاتا۔



11.2 حالت دوڑ سے پاک ثنائی علامتوں کا تقرر

حالتِ دوڑ کی صورت اس وقت پیدا ہوتی ہے جب ایک سے زیادہ مخارج بیک

²⁸⁸ unstable circuit

²⁸⁹ oscillator

وقت حالت تبدیل کرنے کی کوشش کریں۔ بحرانی دوڑ کی صورت میں ادوار قابلِ استعمال نہیں رہتے۔ اس حصہ میں بحرانی دوڑ کے خاتمے پر غور کیا جائے گا۔ یہ یاد دہانی کراتے چلیں کہ غیر معاصر ادوار کو استعمال کرتے وقت ان کے مداخل پر یہ شرط لاگو کی جاتی ہے کہ کسی بھی وقت صرف ایک مداخل حالت تبدیل کر سکتا ہے لہذا ایک سے زیادہ مداخل کی تبدیلی کی فقر اس حصہ کو پڑھتے ہوئے نہ کریں۔

جن ادوار میں ایک وقت پر صرف ایک مخارج حالت تبدیل کرنے کی کوشش کرے، ایسے ادوار حالت دوڑ سے دوچار نہیں ہوتے۔اسی حقیقت کو بروئے کار لاتے ہوئے حالت دوڑ ختم کی جاتی ہے۔

عبوری جدول کے حصول کے بعد اس میں درج حالتوں کو ثنائی علامتیں تعین کی جاتی ہیں۔اگر ایسے حالتیں جن کے مابین، عبوری جدول میں، تبادلہ پایا جائے کو ہمسایہ ثنائی علامتیں تعین کی جائیں تو دور بحرانی دوڑ سے دو چار نہیں ہوگا۔دو ثنائی اعداد کو اس صورت ہمسایہ اعداد کہا جاتا ہے جب ان میں صرف ایک ہندسہ مختلف ہو۔یوں 1010 اور 1110 ہمسایہ اعداد میں حرف ایک بِٹ مختلف ہے۔اسی طرح 1110 اور 0110 آپس میں ہمسایہ ہیں جبکہ 1010 اور 0110 آپس میں ہمسایہ نہیں ہیں۔

اس ترکیب کو شکل 11.15 کے حصہ الف میں دئے مثال کی مدد سے دیکھتے ہیں۔

²⁹⁰ adjacent numbers

$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	شكل 11.15: متغيره حالت كا تقرر

اس شکل میں کُل چار صف ہیں۔یوں دو بِٹ متغیرہ حالت $f_1 f_0$ سے اس شکل میں کُل چار صف ہیں۔یوں دو بِٹ متغیرہ حالت f=00 ، حالت کے چار ممکنہ حالت بیان کئے جا سکتے ہیں۔ہم حال f=11 اور حالت f=01 کے لئے f=11 کی متغیرہ حالتیں منتخب کرتے ہیں۔ایسا کرنے سے دیکھتے ہیں کہ کیا نتائج رو نما ہوتر ہیں۔

اس شکل کی پہلی صف میں اگر x کی قیمت 00 سے 01 کی جائے تو حال a حال a سے تبدیل ہو کر a ہو جائے گا۔ ہم دیکھتے ہیں کہ متغیرہ حالات a کی قیمت a سے a اور یوں اس صورت میں حالت کی حرف ایک ہوتا ہیں ہوتا۔ اب دیکھتے ہیں کہ اگر شکل کی پہلی صف میں a کی قیمت a کی قیمت a کی حالت کی جائے تو حال a سے تبدیل ہو کر a ہو صف میں a کی قیمت a کی حالے تو حال a سے تبدیل ہو کر a ہو

²⁹¹ state variables

جائے گا۔ یوں ہم دیکھتے ہیں کہ متغیرہ حالات f کی قیمت 00 سے 11 ہونے کی کوشش کرے گی جس سے حالت دوڑ پیدا ہوتا ہے۔ یوں ہم دیکھتے ہیں کہ دو بِٹ کی متغیرہ حالت کے تقرر سے حالت دوڑ سے بچھنا ممکن نہیں۔ ایسی صورت میں دو سے زیادہ بِٹ پر مبنی متغیرہ حالت استعمال کر کے دیکھا جاتا ہے کہ آیا حالت ِ دوڑ سے چٹکارا ممکن ہے۔

کبھی کبھار ایسا ممکن ہوتا ہے کہ چار صف کی عبوری جدول میں دو بِٹ متغیرہ حالت اس طرح تقرر کئے جائیں کہ حالتِ دوڑ پیدا نہ ہو۔ شکل کے حصہ با میں متغیرہ حالت کی ترتیب بدل کر ایسا کرنے کی کوشش کی گئی ہے جہاں آپ دیکھ سکتے ہیں کہ پہلی صف سے شروع کرتے حال a سے حال b تقرری سے f کی قیمت 00 سے 01 ہوتی ہے دونوں صورتوں میں چونکہ متغیرہ حالت کی صرف ایک بِٹ تبدیل ہوتی ہے لہذا پہلی صف میں حالت دوڑ کا کوئی امکان نہیں۔ البتہ دوسری صف کو دیکھتے ہوئے گر مداخل a کی قیمت a اور اس شکل میں متغیرہ حالت کی جائے تو حال a سے تبدیل ہو کی ہو جائے گا اور اس شکل میں متغیرہ حالت a کی قیمت وقت تبدیل ہوتے ہیں جو کہ حالت دوڑ پیدا کرتا اس صورت متغیرہ حالت کے دو بِٹ بیک وقت تبدیل ہوتے ہیں جو کہ حالت دوڑ پیدا کرتا ہو۔

ان دو صورتوں سے ظاہر ہے کہ موجودہ مسئلہ میں دو بِٹ کے متغیرہ حالت کی تقرری سے حالت بھی تقرری سے حالت کی تقرری سے حالت کے بات حاصل کرنا ممکن نہیں۔ایسی صورت میں حالت دوڑ سے پاک متغیرہ حالت کے لئے ہم ایک بلند بِٹ تقرری 292 کا طریقہ استعمال کریں گے۔یہ طریقہ استعمال میں نہایت آسان ہے۔آئیے اس طریقہ کو اسی مثال پر استعمال کرتے دیکھیں۔

شکل 11.16 میں اسی مثال کو لیتے ہوئے، متغیرہ حالت کو چار بِٹ رکھاگیا ہے۔ مزید یہ کہ ہر حالت کے متغیرہ حالت کی تقرری یوں کی گئی ہے کہ اس میں صرف ایک بلند بِٹ ہو۔یوں حال a کا متغیرہ حال b کا متغیرہ حال کا متغیرہ حال کا متغیرہ حال کے حال کے حال کا متغیرہ حال کے حال کی حال کے حال کی حال کے حال کے

²⁹² one hot bit assignment

باب 11 غیر معاصر ترتیبی ادوار

اور حال d کا d

		الات	متغيره ح			X	ىل 1 x م	مداخ	·	
	f_3	f_2	f_1	f_0	حال	00	01	11	10	
_	0	0	0	1	a	a	b	С	c	
	.0	0	1	0	b	a	\bigcirc	\mathbf{c}	d	
	0	1	0	0>	, c	a	b	$^{\circ}$	(C)	
	1	0	0	0	d	(d)	b	\mathbf{c}		
_	а	=0001				ے گئے	وں چنر	عالات ي	متغيره ح	
		=0010			\	ک	صرف ای	ن میں ہ	ہیں کہ ا	
		=0100 =1000				اتا ہے	ہ پایا ج	ل ہندسہ	بلند ثناؤ	
	رر	کا تقر	حالت	متغيره	ے پاک	وڑ سیے	الت ِ د	- :1	1.16	ىكار

شکل 11.16 میں جدول کی پہلی صف میں اگر مداخل کی قیمت 00 سے 00 سے 00 سے جائے تو دور حال 00 سے حال 00 منتقل ہوتا ہے۔یوں متغیرہ حالت کی قیمت 000 سے تبدیل ہو کر 0010 ہو گی جس سے دو بِٹ تبدیل ہوتے ہیں اور یوں یہ حالت دوڑ پیدا کرے گی۔اس صورت سے یوں بچا جا سکتا ہے کہ جدول میں ایک نیا عبوری حال 00 ، شامل کیا جائے اور اس عبوری حالت کو استعمال کرتے، حال 00 سے عبوری حال 00 کے ذریعہ حال 00 تک پہنچا جائے۔عبوری حال 00 کا متغیرہ حالت یوں مقرر کیا جاتا ہے کہ یہ حال 00 اور حال 00 دونوں کا ہمسایہ عدد ہو۔ایسا عدد 00 متغیرہ حال 00 کا متغیرہ حال 00 کا متغیرہ حال 00 کی صف میں 00 کو تبدیل کر کے 00 تبدیل کر کے 00 کی صف میں 00 کو تبدیل کر کے 00 کی صف میں 00 کی صف میں 00 کی اسے حالتا ہے۔ایسا کرکے اسے اور جائے ہیں حال 00 کی صف میں 00 کی حالتا ہے۔ایسا

کرنے سے جدول تبدیل ہو کر شکل 11.17 کی شکل اختیار کر لے گا۔

f_3	$\frac{\mathcal{L}_{3}}{f_{2}}$	متغیرہ حا <u>f</u> 1	f_0	حال	00	عل x ₀	11	10
$\overline{<0}$	$\frac{12}{0}$	0	1>	, a	-00	<u> • e∵</u>	С	С
< 0	0	. 1	0>	b	a	(b)	\mathbf{c}	d
0	1	\. 0	0	c	a	b	\odot	\odot
1	0	0	0	/ d	(a)	b	c	(q)
<u>U</u>	<u>U</u>	<u> </u>	<u></u>	е	_	b	_	-

اس شکل کی پہلی صف میں مداخل کی 00 سے 01 تبدیلی سے مشین حال a سے عبوری حال e اختیار کرتے ہوئے آخر کار حتمی متوازن حال b تک پہنچتا ہے۔ شکل میں نکتہ دار تیر کی لکیروں سے یہ عمل دکھایا گیا ہے۔ آپ دیکھ سکتے ہیں کہ اس پورے عمل میں کسی ایک قدم پر متغیرہ حالت کا صرف ایک بِٹ تبدیل ہوتا ہے اور یوں یہ حالت دوڑ سے پاک ہے۔ شکل میں e کے صف میں بقایا خانے خالی رکھے گئے ہیں۔ ان میں سے کچھ خانے زیرِ استعمال آئیں گے اور کچھ نہیں۔ زیرِ استعمال نہ آنے والے خانے خالی رکھے جاتے ہیں۔ ان کی قیمت غیر ضروری e ہوتی ہے۔

اسی سلسلہ کو پہلی صف میں مداخل کر 00 سر 10 کر تبادلہ کے صورت

²⁹³ don't care

میں استعمال کرتے ہیں۔شکل 11.17 میں آپ دیکھ سکتے ہیں کہ ایسا کرنے سے مشین حال a حال a منتقل ہونا چاہتا ہے۔متغیرہ حالت کو دیکھتے ہوئے یہ بات واضح ہے کہ یہ 0001 سے تبدیل ہو کر a 0100 ہونا چاہتا ہے۔البتہ ایسا کرنے سے حالت ِ دوڑ پیدا ہوتا ہے جسے ہم بالکل پچھلی صورت کی طرح حل کریں گے۔

اس صورت سے یوں بچا جا سکتا ہے کہ جدول میں ایک نیا عبوری حال، f شامل کیا جائے اور اس عبوری حالت کو استعمال کرتے، حال a سے عبوری حالت کو مقرر کیا جاتا کے ذریعہ حال c تک پہنچا جائے۔ عبوری حال f کا متغیرہ حالت یوں مقرر کیا جاتا ہے کہ یہ حال a اور حال c دونوں کا ہمسایہ عدد ہو۔ ایسا عدد a عدد a عدد a حال a کا متغیرہ حال a مقرر کیا جاتا ہے اور جدول کو تبدیل کر کے a کی صف میں a کو تبدیل کر کے a لکھ لیا جاتا ہے جبکہ اسی قطار میں حال a کی صف میں a لکھا جاتا ہے۔ ایسا کرنے سے جدول تبدیل ہو کر شکل اختیار کر لے گا۔

	الات	متغيره ح			x_1	<u>ل</u> x ₀	مداخ	
f_3	f_2	f_1	f_0	حال	00	01	11	10
0	0	0	1	a	a	е	f	f
0	0	1	0	b	a	(\mathbf{c}	d
0	1	0	0	c	a	b	\odot	$^{\circ}$
1	0	0	0	d	(d)	b	\mathbf{c}	(d)
0	0	1	1	е	_	b	-	-
0	1	0	1	f	_	-	\mathbf{c}	\mathbf{c}

شکل 11.18: عبوری حالت سے حالت دوڑ کا خاتمہ

یمی طریقہ کار تمام خانوں کے لئے دہرایا جاتا ہے۔ایساکرنے سے شکل 11.19 حاصل ہوتا ہے۔طلبہ سے گزارش کی جاتی ہے کہ وہ اس جدول کو از خود حاصل کریں۔ تسلی کر لیں کہ اس جدول میں کسی بھی حالت سے دوسرے حالت تک پہنچنے میں حالت دوڑ پیدا نہیں ہوتا۔

	حالات	متغيره -	•			$x_1 x_0$	مداخل	
f_3	f_2	f_1	f_0	حال	(00 01	11	10
0	0	0	1	a	(a)	<i>∕</i> b/,e	Æ,f	e,f
0	0	1	0	b	æ,e		\mathbf{c}	d
0	1	0	0	c	a,f	b,g	$^{\circ}$	$^{\circ}$
1	0	0	0	d		<i>∕</i> b,h	æ,i	(
0	0	1	1	е	a	b	-	-
0	1	0	1	f	a	-	\mathbf{c}	С
0	1	1	0	g	_	b	\mathbf{c}	-
1	0	1	0	h	_	b	-	d
1	1	0	0	i	_	_	\mathbf{c}	_

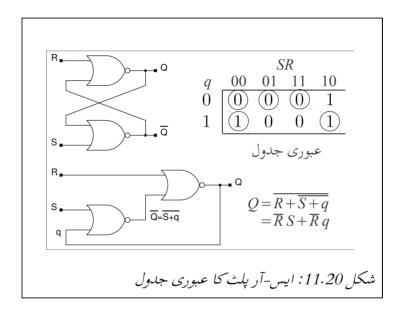
شکل 11.19: حالت ِ دوڑ سے مکمل طور پاک متغیرہ حالت کی تقرری

11.3 پلٹوں کا عبوری جدول کی مدد سے تجزیہ

عبوری جدول کے استعمال سے اس حصہ میں پلٹوں والے ادوار کا تجزیہ کیا جائے گا۔ چند مثالوں کے بعد حصہ 11.3.3 میں اس طریقہ کار کا قدم با قدم طریقہ دیا جائے گا۔

11.3.1 ايس_آريك

عبوری جدول کے استعمال سے سب سے پہلے ایس-آر پلٹ پر غور کرتے ہیں۔ شکل 11.20 میں اُوپر جانب ایس-آر پلٹ دکھایا گیا ہے۔اسی کے نیچے اسے واپسیں دور q کی پہچان آسانی سے ممکن ہے۔ دور q کی پہچان آسانی سے ممکن ہے۔



شکل میں متغیرہ حال Q کو بطور واپسیں اشارہ q استعمال کیا گیا ہے۔یوں دور میں Q متغیرہ حال، q اندرونی مداخل جبکہ S اور R دو بیرو نی مداخل ہیں۔انہیں استعمال کرتے، شکل میں دکھائی، عبوری جدول حاصل کی گئی ہے۔آئیے اس پلٹ کا تجزیہ اس کے عبوری جدول کی مدد سے کریں۔پلٹ کی جدولِ درسگی مندرجہ ذیل ہے۔

²⁹⁴ feedback circuit

اس جدول سے ظاہر ہے کہ نفی۔ جمع گیٹ پر مبنی ایس۔ آر پلٹ کا صحیح استعمال تب ممکن ہے جب اس کے دونوں مداخل کسی صورت اکٹھے بلند نہ ہوں چونکہ ایسا ہونے سے پلٹ کے مخارج Q اور \overline{Q} دونوں پست ہو جاتے ہیں جبکہ کسی بھی پلٹ کے مخارج کا ہر صورت آپس میں متضاد رہنا ضروری ہے۔ اس شرط کو یوں بیان کیا جا سکتا ہے کہ نفی۔ جمع گیٹ پر مبنی ایس۔ آر پلٹ کے مداخل کو ہر صورت مندرجہ ذیل مساوات پر پورا اترنا چاہئے۔

$$S \cdot R = 0 \tag{11.4}$$

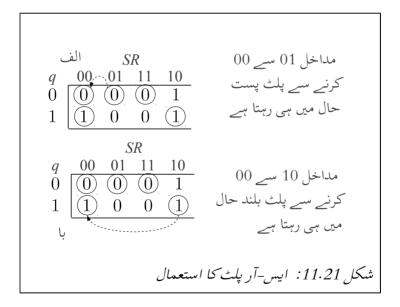
شکل 11.21 کو دیکھتے آگے پڑھیں۔ عبوری جدول میں SR=01 کی قطار میں متوازن حال q=0 کی صف میں پایا جاتا ہے جہاں متغیرہ حال Q=0 یعنی پست ہے۔ آگر SR=00 کیا جئے تو عبوری جدول کے مطابق متغیرہ حالت پست ہی رہے گا۔ اس عمل کو شکل کے حصہ الف میں نکتہ دار تیر سے دکھایا گیا ہے۔

اسی طرح SR=10 کی صورت میں پلٹ کا متوازن بلند حالت q=1 کی صف میں پایا جاتا ہے۔ آگر SR=00 کیا جائے تو عبوری جدول کے مطابق پلٹ بلند حالت میں ہی رہتا ہے جیسے شکل کے حصہ با میں دکھایا گیا ہے۔ یہ دونوں اعمال پلٹ کے بوولین جدول سے بھی وضح ہے۔

اب دیکھتے ہیں کہ R=11 سے SR=00 کرنے سے کیا صورت پیدا ہوتی

ہے۔ پہلے تو یاد دہانی کراتے چلیں کہ اس طرح کے ادوار کو بنیادی طریق کار ²⁹⁵ کے طرز پر چلایا جاتا ہے جہاں ایک سے زیادہ بیرو نی مداخل تبدیل کرنے کی اُجازت نہیں ہوتی۔ بہرحال پھر بھی دیکھتے ہیں کہ ایسا کرنے سے کیا مسائل کھڑے ہوتے ہیں۔

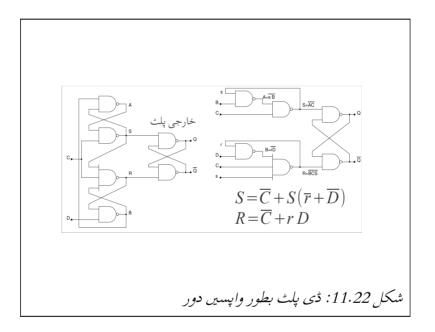
وونوں \overline{Q} کرنے سے پہلے تو بوولین جدول کے مطابق Q اور \overline{Q} دونوں پست ہوتے ہیں۔ اس طرح یہ آپس میں متضاد حالت میں نہیں ہوتے جبکہ کسی بھی پلٹ کے لئے یہ لازم ہے کہ اس کے دونوں مخارج ہر وقت متضاد حالت میں ہوں۔ دوسری بات یہ کہ عبوری جدول کو دیکھتے ہوئے آگر S پہلے پست حالت اختیار کر لے تو حتمی حال S ہوگا۔ چونکہ یہ قبل از S ہوگا جبکہ آگر S پہلے پست ہو پائے تب حتمی حال S ہوگا۔ چونکہ یہ قبل از وقت معلوم کرنا نامحکن ہے کہ ان میں پہلے کون پست حالت اختیار کرے گا لہذا یہ جاننا نامحکن ہے کہ حتمی حالت کیا ہوگا۔ یوں اس طرح، دور کا استعمال غیر یقینی صورت پیدا کرتا ہے۔



²⁹⁵ fundamental mode

11.3.2 ساعت كركنارر چلتا ڈي پلٹ

شکل 11.22 میں ساعت کے کنارہ چلتا ڈی پلٹ دکھایا گیا ہے۔ ڈی پلٹ میں اندرونی واپسیں دور پایا جاتا ہے جس کے اندرونی متغیرہ حالات S اور R ہیں 296 ۔ یوں اس کے واپسیں اشارات S اور P ہیں۔ شکل میں دور کو دوبارہ واپسیں دور کی طرز پر بنایا گیا ہے تاکہ واپسیں اشارات S اور P کی پہچان آسان ہو۔



اس دورکے S اور R متغیرہ حالات، S اور r واپسیں اشارات جبکہ C اور D بیرونی مداخل ہیں۔یوں ہم لکھ سکتے ہیں۔

کے درآمدات کو اس کتاب میں عموماً \overline{S} اور \overline{R} لکھا گیا ہے۔ یہاں انہیں S اور R لکھا گیا ہے۔ یہاں انہیں S اور R لکھا گیا ہے۔ امید کی جاتی ہے کہ اس سے پریشانی پیدا نہیں ہو گی

$$A = \overline{sB}$$

$$B = \overline{Dr}$$

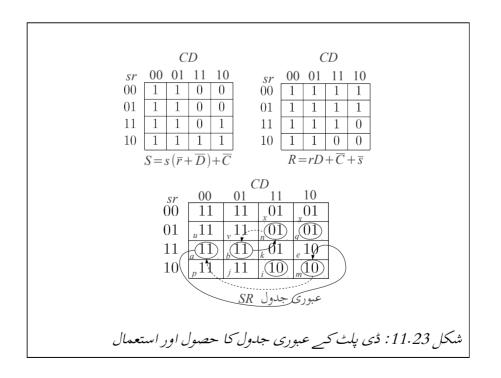
$$S = \overline{AC} = \overline{A} + \overline{C} = \overline{sB} + \overline{C} = sB + \overline{C} = s(\overline{rD}) + \overline{C}$$

$$= s(\overline{r} + \overline{D}) + \overline{C}$$

$$R = \overline{BCs} = \overline{B} + \overline{C} + \overline{s} = \overline{\overline{Dr}} + \overline{C} + \overline{s}$$

$$= Dr + \overline{C} + \overline{s}$$
(11.5)

شکل 11.23 میں ان مساوات سے حاصل S اور R کے بوولین جدول کو کارناف نقشہ کی طرح لکھ کر عبوری جدول حاصل کیا گیا ہے۔مکمل حالت کو STCD کی صورت میں لکھتے ہوئے اس جدول پر غور کرتے ہیں۔



تصور کریں کہ جس کچہ پلٹ کو برقی طاقت مہیا کر کے زندہ کیا جاتا ہے اس کچہ ساعت، یعنی C ، اور بیرو نی مداخل، یعنی D ، دونوں پست ہیں۔ اس صورت عبوری جدول کے مطابق دور CD=00 کی قطار میں ہوگا۔ اس قطار میں تین خانے عبوری متغیرہ حالت کو ظاہر کرتے ہیں۔ یہ تین خانے 0000 ، 0000 اور 0000 ہیں۔ ان تینوں خانوں میں عبوری حال SR=11 ہے۔ چوتھا خانہ، یعنی SR=11 ، متوازن حالت کو ظاہر کرتا ہے اور اس میں متوازن حال SR=11 ہے۔ یوں اگر برقی طاقت کے فراہمی کے لمحہ تاخیرات ایسے ہوں کہ دور ان تین عبوری خانوں میں کسی ایک میں داخل ہوتا ہے تو یہاں سے جلد وہ SR=11 کی صف پہنچ کر متوازن حالت SR=11 اختیار کر لے گا۔ اگر زندہ ہوتے ہی دور سیدھا SR=11 خانہ میں داخل ہو تب یہ یہی رہے گا۔

اس کے برعکس برقی طاقت مہیا کرنے کے لمحہ اگر C=1 اور D=1 ہوں تو عبوری جدول کے مطابق دور D=1 یا D=1 کے متوازن حالت تک پہنچ کر یہی رہے گا جبکہ D=1 اور D=0 کی صورت میں دور D=1 یا D=1 میں ہوگا۔

پست ساعت کی صورت میں متغیرہ حالات SR کی قیمت 11 رہتی ہے۔ عبوری جدول میں CD=00 اور CD=01 کی دو قطاریں اس بات کو ظاہر کرتی ہیں جہاں تمام SR کی قیمتیں SR ہیں۔ہم جانتے ہیں کہ ایس–آر پلٹ کی دونوں مداخل بلند ہونے کی صورت میں پلٹ اپنی حالت برقرار رکھتا ہے۔یوں شکل SR میں اس صورت میں خارجی پلٹ اپنی حالت برقرار رکھے گا۔

پست ساعت، یعنی C=0 ، اور پست D=0 ، یعنی D=0 ،کی صورت میں متوازن متغیرہ حالت SR حاصل کرنے کی خاطر ہم عبوری جدول کے CD=00 کی قطار میں دیکھتے ہیں جہاں ہمیں مکمل حال CD=00 بطور متوازن حالت ملتا ہے۔جدول کے اس خانے میں DD=0 کی اسے واضح کیا گیا ہے۔یہاں DD=0 ہونے کی وجہ سے خارجی پلٹ اپنی حالت برقرار رکھے گا۔

پست ساعت اور بلند D کی صورت میں CD=01 کی قطار میں متوازن حال پست ساعت اور بلند SR=11 ہی ہے اور یوں خارجی پلٹ اپنی حالت برقرار 1101

رکھے گا۔ جدول کے اس خانے میں b لکھ کر اسے واضح کیا گیا ہے۔

تصور کریں کہ دور کے متوازن حال 1100 ، یعنی خانہ a ، میں ہوتے ہوئے ہیرونی مداخل c بلند ہوتا ہے۔ بیرونی مداخل c جس لحم c سے c بلند ہوتا ہے۔ بیرونی مداخل c جس لحم کو ساعت کا گنارہ چڑھائی c کہتے ہیں۔ یوں c کی صورت میں ساعت کے کنارہ چڑھائی آنے سے دور خانہ c کی صف میں رہتے ہوئے، c کی قطار میں داخل ہو کر عبوری صورت c 1110 اختیار کرتا ہے۔ اس عبوری حالت کو خانہ c کہا گیا ہے۔ یہاں سے یہ جلد حتمی متوازن حال c 1010 تک پہنچتا حالت کو خانہ c کہا گیا ہے۔ یہاں سے یہ جلد حتمی متوازن حال c 1010 تک پہنچتا خارجی پلٹ c 8c 1010 حال میں متغیرہ حالت c 8c 10c 10

اس پورے عمل پر دوبارہ غور کریں۔ساعت کے کنارہ چڑھائی آتے ہی دور عبوری حال 1110 اور پھر متوازن حال 1010 اختیار کرتا ہے۔ان دونوں حالت میں SR=10 ہی رہتے ہیں اور یوں عبوری حالت سے گزرتے ہوئے کسی قسم کی لرزش پیدا نہیں ہوتی۔آپ نیچے پڑھتے ہوئے ہر قدم پر تسلی کر لیس کہ کسی بھی عبوری حالت سے گزرتے وقت SR کی قیمت وہی ہوتی ہے جو اس قدم کے حتمی حالت میں گی۔یوں ایسے کھات پر لرزش سے کسی قسم کی غیر یقینی صورت پیدا نہیں ہوتی۔

اسی طرح مکمل حال 1101 میں موجود دور، ساعت کے کنارہ چڑھائی آتے، عبوری حال 1111 سے ہوتے ہوئے متوازن حال 1111 اختیار کرمے گا۔اس قدم کو شکل میں خانہ b سے خانہ b کے راستے خانہ c تک تیر والے لکیر سے دکھایا گیا ہے۔یہ قدم بلند بیرونی مداخل یعنی c d کی صورت میں ساعت کے کنارہ چڑھائی پر c گیا ہونے کا عمل ہے جس سے داخلی پلٹ بلند ہو جائے گا اور یوں ڈی پلٹ کا c ہو جائے گا۔

²⁹⁷ rising edge

ساعت کے کنارہ اترائی کے عمل کو نکتہ دار تیر والے لکیروں سے دکھایا گیا ہے۔ انہیں آپ خود سمجھ سکتے ہیں۔ یہ دونوں لکیریں اس بات کو واضح کرتی ہیں کہ ساعت کے کنارہ اترائی پر عبوری حالت اور حتمی متوازن حالت دونوں میں SR=11 ہوتا ہے۔ SR=11 ہونے کی صورت میں بیرونی پلٹ اپنی حالت برقرار رکھتا ہے اور یوں ساعت کے کنارہ اترائی پر ڈی پلٹ کے حال Q میں کسی قسم کی تبدیلی رو نما نہیں ہوتی۔

ایک آخری بات اس پلٹ کے حوالہ سے کرتے ہیں۔ شکل 11.22 میں اشارہ کو R پیدا کرنے والے نفی۔ ضرب گیٹ کو داخلی اشارہ کے طور مہیا کیا گیا ہے۔ اس بات سے حتمی یقین کرایا جاتا ہے کہ S اور R کسی صورت آکٹھے پست نہیں ہو سکتے۔ یاد رہے کہ ایسا ہونے سے بیرونی پلٹ کے دونوں مخارج بلند ہو جائیں گے جو کہ ناقابلِ قبول صورت ہو گی۔ یوں عبوری جدول میں 0010 اور 0010 کے خانے کوئی معنی نہیں رکھتے۔ ان خانوں کو x لکھ کر واضح کیا گیا ہے۔

11.3.3 ایس-آر پلٹوں والے غیر معاصر ادوارکا قدم با قدم تجزیہ

اُوپر دئے مثالوں میں استعمال کئے طریقہ کار کو یہاں بیان کرتے ہیں۔پلٹ کے اپنے واپسیں اشارات کو نظر انداز کرتے ہیں۔

- تمام پلٹوں کے مخارج کو Y_i سے ظاہر کریں اور اسی طرح ان میں سے جو واپسیں اشارات کے طور استعمال کئے گئے ہوں انہیں y_i سے ظاہر کریں جہاں $i=0,1,2\cdots$
 - مام پلٹوں کے S_i اور R_i مداخل کے مساوات حاصل کریں۔ S_i
- نفی۔ جمع گیٹ پر مبنی ایس-آر پلٹوں کے لئے تسلی کر لیمی کہ SR=0 ہے جبکہ نفی۔ ضرب گیٹوں پر مبنی ایس-آر پلٹوں کے لئے $\overline{S}\,\overline{R}=0$ ہونا ضروری ہے۔ ایسا نہ ہونے کی صورت میں پلٹ غلط نتائج دے سکتا ہے۔
 - اور Y_i کو دیکھتے ہوئے تمام پلٹوں کے S_i حاصل کریں۔
- ہ ہو Y_i کو **کارناف نقشہ** کے طرز پر بیان کریں۔ان نقشوں کے بائیں جانب قطار x میں واپسیں اشارات y جبکہ نقشوں کے اُوپر صف میں بیرو نی مداخل y میں واپسیں اشارات y سے مراد y سے

- Y ان تمام نقشوں کو عبوری جدول میں یکجا کریں۔نقشوں کے خانوں میں Y لکھیں، جہاں Y سے مراد $Y_3Y_2Y_1Y_0$ ہے۔
- وہ خانے جن میں Y=y ہے، متوازن حالت کو ظاہر کرتے ہیں۔ انہیں دائرہ میں بند کر دیں۔ یوں عبوری جدول حاصل ہوتا ہے۔

1.1	مندرجم	ذيل اعث	باری اعدا	ادكو ثنا	ئ شكل م	يں لکھي	ں۔
(1)	33	(ب)	64	(پ)	128	(ت)	256
(ك)	4096	(ث)	0.375	(ج)	5.625	(چ)	13.6875
1.2	مندرجم	ذيل ثناؤ	، اعداد کو	ر اعشارة	ي شكل م	يں لکھي	ں۔
(1)		10		(ب)		101	
(پ)		1101		(ご)		11011	1
(ٹ)		01011	10110	(ث)		10011	1100101
1.3	مندرجم	ذيل ثناؤ	، اعداد كو	ر اعشارة	ں شکل م	يں لکھي	ں۔
(1)		10.1		(ب)		01.01	1
(پ)		01101	0.00	(ご)		01101	1011.0
(ٹ)		0.001	10	(ث)		.1111	1111
1.4	مندرجم	ذيل اعث	ساري اعدا	ادكو اس	اس سولہ ا	اور اساس	ں آٹھ میں تبدیل کریں
(1)	7	(ب)	23	(پ)	32	(ご)	64
(ٹ)	1024	(ث)	2048				

12 سوالات

ر اور ثنائی شکل میں لکھیں۔	اساس آڻھ	عدادكو	س سولہ ا	ذيل اسا،	مندرجم	1.5
2B3 (ت)	1A	(پ)	10	(ب)	7	(1)
FFFF (¿)	F0	(ج)	0.12	(ث)	A.BC	(ٹ)
یں۔انہیں سوالات کو اعشاری شکل	ت حل کر	ے سوالار	، اعداد کے	ذيل ثنائي	مندرجم	2.1
		نہ کریں۔	ت کا مواز	، جوابات	حل كرير	میں بھی
11+101	(ب)		110	0+101		(1)
1101+1001	(<i>ご</i>)		1011-	+1101		(پ)
101+1111	(ث)		101	+1011		(ٹ)
یں۔انہیں سوالات کو اعشاری شکل	ت حل كر	ے سوالار	، اعداد کے	ذيل ثنائ	مندرجم	2.2
		نہ کریں۔	ت کا مواز	، جوابات	حل كرير	میں بھی
111-101	(ب)		110	0-101		(1)
1101-1001	(ت)		1111-	-1101		(پ)
101-1111	(ث)		101-	-1011		(ٹ)
یں۔انہیں سوالات کو اعشاری شکل	ت حل كر	ے سوالار	، اعداد کے	ذيل ثنائي	مندرجم	2.3
		نہ کریں۔	ت کا مواز	، جوابار	حل كرير	میں بھی
101-10.1	(د)		110	-10.1		(1)

384 جزو 12 سوالات

110.1 - 10.01 (ت) 11.11 - 1.101 (پ)

(ث) 101.011-10.11 (ث)

2.4 مندرجہ ذیل اعشاری سوالات کو ثنائی شکل میں تبدیل کر کے حل کریں۔

(۱) 256-128

36.09+22.24 (ت) 121.2-94.3 (پ)

(ث) 1024-63 (ث)

2.5 مندرجہ ذیل اعشاری اعداد کے تکملہ نو اور تکملہ دس حاصل کریں۔

8 (ب) 6 (۱)

(-205) (19) (-205)

(ث) 3160029 (ث)

39.09 ($_{\mathfrak{F}}$) 0.63 ($_{\mathfrak{F}}$)

(7) 23409.65487 (7) 3093.9801 (7)

2.6 مندرجه ذیل ثنائی اعداد کر تکمله ایک اور تکمله دو حاصل کریں۔

1001 (ب) 1011 (۱)

10101010 (ت) 111101

(ث) 11.11 (ث)

2.7 مندرجہ ذیل اعشاری سوالات کو تکملہ نو اور تکملہ دس سرحل کریں۔

386 جزو 12 سوالات

16-9 (ψ) 9-4 (1)

555.078-303.93 (ت) 23.9-13

1000-909.5301 (ث) 0.555-0.045

2.8 مندرجہ ذیل ثنائی سوالات کو تکملہ ایک اور تکملہ دو سے حل کریں۔

1101-1010 (ψ) 11-10 (1)

1101.01-1001.1 (ت) 11.10-10.11 (پ)

(ث) 101-1010 (ث) 101-1010

2.9 مندرجہ ذیل اعشاری سوالات کو ثنائی شکل میں تبدیل کر کے حل کریں۔(۱) 31×23 (ب) 3×9

 1024×16 (ت) 15×3.625 (پ)

(ث) 2048×2048 (ث) 2048×2048

3.1 مندرجہ ذیل بوولین مساوات کے جدول لکھیں۔

 $ABC + A \overline{B}C + \overline{A} \overline{B}C \qquad (\downarrow) \qquad XYZ + \overline{X} Y \overline{Z} \qquad (1)$

 $(A+B)(AB+BC+\overline{C}A)$ (ت) $A(B+\overline{C})$

 $A\,\overline{B} + B\,\overline{C}$ (ث) $A\,\overline{B} + \overline{A}\,B$ (ث)

کی $(AB+C\overline{D})$ کی تکملی شکل حاصل کریں۔یاد رہے کہ کی تکملی شکل حاصل کریں۔یاد رہے کہ $(AB+C\overline{D})$ کی

$$\overline{(AB+C\,\overline{D})} = (\overline{A}+\overline{B})(\overline{C}+D)$$
 تکملی شکل یوں حاصل کی جاتی ہے۔

$$AB(C\overline{D}+\overline{C}D)$$
 (\downarrow) $(X+YZ+XY)$ (1)

$$X\,\overline{Y}\,Z + \overline{X}\,Y$$
 (ت) $\overline{A}\,\overline{B} + A\,\overline{B}$ (پ)

$$(A+B)(B+C)(C+A)$$
 (ت)

3.3 مندرجہ ذیل کے ادوار جمع، ضرب اور نفی گیٹوں کی مدد سے بنائیں۔

$$A+B(A+\overline{C})$$
 (\downarrow) $AB\overline{C}+\overline{A}\overline{B}C$ (\downarrow)

$$AB + BC + CA$$
 (ت) $\overline{X} \, \overline{Y} \, (X + \overline{Y})$ (پ)

$$ABC + \overline{A}B\overline{C} + AB\overline{C}$$
 (ت

3.4 ڈی مارگن کر کلیات کو **بوولین جدول سر اخذ کونے کے طریقہ** سر ثابت کریں۔

$$X + \overline{X}Y = X + Y$$
 (\downarrow) $X\overline{Y} + XY = X$ (1)

3.6 مندرجہ ذیل کو مجموعہ ارکان ضرب کی شکل میں لکھیں۔

$$(A+B)(\overline{B}+C)(A+\overline{C})$$
 (φ) $(A+B)(C+D)$ (1)

$$(A+B+C)(\overline{B}+\overline{C})$$
 (ت) $(A+B)(A+B+C)(C+B)$ (پ)

3.7 مندرجہ ذیل کو ضرب ارکان جمع کی شکل میں لکھیں۔

$$XY + \overline{Z}X$$
 (ب) $X + \overline{Y}Z + \overline{X}\overline{Z}$ (۱)

388 جزو 12 سوالات

$$(A+B\overline{C})(\overline{A}B+\overline{B}A)$$
 (ت) $X\overline{Y}(\overline{Y}\overline{Z}+YZ)$ (پ)

3.8 ایک تفاعل Y مندرجہ ذیل صورتوں میں ایک (1) کے برابر ہوتا ہے۔آگر A=0 اور C=0 ہو اور یا B=0 ، A=0 اور C=1 ہو۔ان صورتوں کے علاوہ اس تفاعل کی قیمت صفر آگر A=1 ، A=1 اور A=1 ہو۔ان صورتوں کے علاوہ اس تفاعل کی قیمت صفر (0) رہتی ہے۔ان معلومات کو جدول کی شکل میں لکھ کر اس تفاعل کی مساوات مجموعہ ارکانِ ضرب کی شکل میں حاصل کریں۔

3.9 گزشتہ سوال میں دئے گئے تفاعل Y کو ضرب -- جمع 298 دور کی شکل میں بنائیں۔اسی تفاعل کو دوبارہ نفی-ضرب 299 دور سے حاصل کریں۔

3.10 تفاعل Z کی قیمت مندرجہ ذیل صورتوں میں صفر (0) ہوتی ہے۔آگر B=0 ، A=0 اور C=0 ہو یا آگر B=0 ، A=0 اور C=0 ہو یا آگر B=1 ، A=1 اور C=0 ہو۔ان B=1 ، A=1 اور C=0 ہو۔ان صورتوں کے علاوہ اس کی قیمت ایک رہتی ہے۔ان معلومات کو جدول کی شکل میں لکھ کر Z کی مساوات ضرب ِ ارکانِ جمع کی شکل میں حاصل کریں۔

3.11 گزشتہ سوال میں دئے گئے تفاعل Z کو پہلے جمع -- ضرب دور اور پھر نفی-جمع - نفی-جمع دور سے حاصل کریں۔

مین جبکہ اس مین آزاد داخلی متغیمرات ہیں جبکہ اس میں B ، A اور C

²⁹⁸ AND-OR

²⁹⁹ NAND-NAND

اور F2 تابع متغیرات ہیں۔ F1 ، F0

A	В	\mathbf{C}	F0	F1	F2
0	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1
0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	1	1
1	0	1	0	0	1
1	1	0	0	0	0
1	1	1	0	1	1

- (۱) اس جدول میمی تینون تابع متغیرات کو باری باری مجموعه ارکان ضرب کی صورت میں لکھیں۔
- (ب) منطقی ضرب گیٹ اور منطقی جمع گیٹ استعمال کرتے ہوئے ان تابع متغیرات کے ضرب جمع دور بنائیں۔
- (پ) ضرب - جمع ادوار سے ان تابع متغیرات کے نفی-ضرب - نفی- ضرب ادوار حاصل کریں۔
- (ت) اس جدول میں تینوں تابع متغیرات کو باری باری ضربِ ارکانِ جمع کی صورت میں لکھیں۔
- (ٹ) منطقی جمع گیٹ اور منطقی ضرب گیٹ استعمال کرتے ہوئے ان تابع متغیرات کے جمع - ضرب دور بنائیں۔
- (ث) جمع - ضرب ادوار سے ان تابع متغیرات کے نفی-جمع نفی-جمع ادوار حاصل کریں۔
- 3.13 مندرجہ ذیل تفاعل مجموعہ ارکانِ ضرب کی شکل میں ہیں۔انہیں ضربِ ارکانِ جمع کی شکل میں لکھیں۔

جزو 12 سوالات جزو 13 سوالات

$$F(A,B,C) = \sum (1,3,7)$$
 (1) $Z(A,B) = \sum (0,1)$ (1)

$$Y(A, B, C) = \sum (0,7)$$
 (ت) $F(A, B, C) = \sum (0,5,7)$ (پ)

$$Z(A, B, C, D) = \sum (0,2,5,12)$$
 (ت)

3.14 مندرجہ ذیل تفاعل ضربِ ارکانِ جمع کی شکل میں ہیں۔انہیں مجموعہ ارکانِ ضرب کی شکل میں لکھیں۔

$$Z(A, B, C) = \prod (0,4,7)$$
 (•) $F(A, B) = \prod (1,3)$ (1)

$$Z(A,B,C,D) = \prod (0,1,5,7,13,15)$$
 (φ)

3.15 انٹرنیٹ 300 سے مندرجہ ذیل معلوماتی صفحات 301 حاصل کریں۔ یہ گیٹوں کے مخلوط ادوار 302 پاکستان کے ہر شہر میں نہایت سستے داموں دستیاب ہیں۔ (۱) 7400 (ب) 4070 (پ) 4040 (پ) 4040 (ٹ) 7432 (ب) 4000 (ٹ) 7404 (پ) 4011 (مثال: 7400 کے معلوماتی صفحات حاصل کرنے کی خاطر انٹرنیٹ کے گوگل 303 میں 7400 (مثال: 7400 datasheet

3.16 گزشتہ سوال میں حاصل کئے گئے معلوماتی صفحات سے 7400 مخلوط دور میں چارگیٹوں کے مخارج کن پنوں پر دستیاب ہیں۔

³⁰⁰ internet

³⁰¹ datasheet

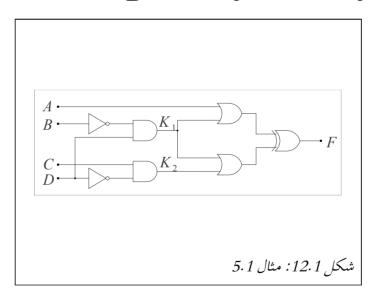
³⁰² integrated circuit (IC)

³⁰³ Google

3.17 انٹرنیٹ سے تین مداخل والے ضرب گیٹ اور چار مداخل والے جمع گیٹ کے مخلوط ادوار دریافت کریں۔

4.1 كارناف نقشر ميں

5.1 شكل 12.1 ميں چار مداخل والا دور دياگيا ہے۔



- (۱) شکل 12.1کسے اندرونی متغیرات K_1 اور K_2 کسے بـوولین مسـاوات حاصل کریں۔
 - () اسی شکل میں خارجی تابع متغیرہ F کی بوولین مساوات حاصل کریں۔

- C ، B ، A اور C ، B ، A ایک بوولین جدول بنائیں جس میں چار آزاد متغیرات K_1 ، K_2 ، K_1 اور K_2 ، K_3 ، K_4 اور K_4 کے خانے بنائیں اور انہیں پُر کریں۔ K_4 کے خانے بنائیں اور انہیں پُر کریں۔
- 5.2 ایک ایسا بوولین جدول بنائیں جس کے تین مداخل اور ایک مخارج ہو۔ اس جدول کو یوں پُر کریں کہ مخارج کی قیمت صرف اُس صورت میں ایک (1) کے برابر ہو جب صرف ایک مداخل کی قیمت صفر (0) ہو۔ اس جدول کی مدد سے مخارج کا ترکیبی دور تشکیل دیں۔
- 5.3 چار مداخل کا ایک ایسا بوولین جدول بنائیں جس کا مخارج صرف اُس صورت بلند (1) ہو جب مخارج ثنائی عدد کی قیمت نو (9) سے کم ہو۔اس تفاعل کا ترکیبی دور تشکیل دیں۔
 - 5.4 تین مداخل اور تین مخارج والا ایک ایسا بوولین جدول تشکیل دیس جس میں مداخل ثنائی عدد کی قیمت سات (7) سے کم ہونے کی صورت میں مخارج کی قیمت مداخل سے ایک زیادہ ہو جبکہ مداخل کی قیمت سات کے برابر ہونے کی صورت میں مخارج کی قیمت صفر (000) ہو۔
- 5.5 اقلیتی دور ایسے ترکیبی دور کو کہتے ہیں جس کا مداخل اس صورت بلند (1) ہوتا ہے جب اس کے زیادہ تر مداخل پست (0) ہوں۔تین مداخل والا اقلیتی دور تشکیل دیں۔
- 5.6 ایک ترکیبی دور تشکیل دیں جو اعشاری ہندسے کا اساس نو خارج کرے۔ایسے

دور کے چار مداخل اور چار مخارج ہوں گے۔

5.7 تین بِٹ کے دو اعداد کا موازنہ کرنے والا ایسا ترکیبی دور تشکیل دیں جس کا مخارج اس صورت بلند (1) ہو جب دونوں اعداد کی قیمتیں برابر ہوں۔

5.8 چار بِٹ کے دو ثنائی اعداد ضرب کرنے والا ترکیبی دور تشکیل دیں۔

5.9 نفی-جمع گیٹ استعمال کرتے 4×16 شناخت کار تشکیل دیں۔

5.10 مندرجہ ذیل تین تفاعل کو ایک عدد 8×8 شناخت کار کی مدد سے حاصل کریں۔اس دور کو شکل 5.25 کی طرز پر تشکیل دیں۔

$$F_0(X,Y,Z) = \sum_{} (0,3,7)$$

$$F_1(X,Y,Z) = \sum_{} (1,2,5)$$

$$F_2(X,Y,Z) = \sum_{} (0,1,2,3,5,7)$$

مندرجہ ذیل تفاعل کو 1×16 داخلی منتخب کار کی مدد سے حاصل کریں۔

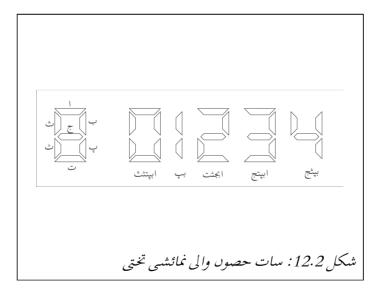
$$F(A,B,C,D) = \sum (0,1,4,7,13,15)$$

5.12 مکمل جمع کار کو دو عدد داخلی منتخب کار کی مدد سے حاصل کریں۔

5.13 شکل 12.2 میں اعشاری ہندسے کی نمائش کرنے والی تختی 304 دکھائی گئی ہے جو سات قابلِ روشن حصوں پر مبنی ہے۔ ان حصوں میں سے کسی ایک یا ایک سے زیادہ حصوں کو بیک وقت روشن کیا جا سکتا ہے۔ یوں مختلف حصے روشن کرنے سے اعشاری ہندسے لکھے جا سکتے ہیں۔ مثلاً (ب) اور (پ) بیک وقت روشن کرنے سے کرنے سے (1) لکھا جائے گا۔ اسی طرح (۱)، (ب)، (پ)، (ت)، (ث) اور (ث) بیک وقت روشن کرنے سے (0) لکھا جا سکتا ہے۔

فرض کریں کہ کسی بھی حصے کو بلند (1) کرنے سے یہ حصہ روشن ہو جاتا ہے۔چار مداخل اور سات مخارج والا ایسا ترکیبی دور تشکیل دیں جو مہیا کردہ اعشاری ہندسے کو اس تختی پر دکھلائے۔ اعشاری ہندسہ کو ثنائی علامتی روپ میں مہیا کیا جائے گا۔

4511 مخلوط دور یہی کام سر انجام دیتا ہے۔

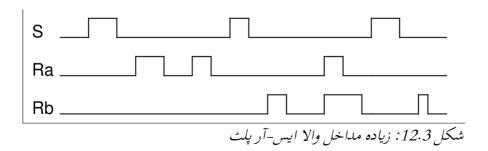


³⁰⁴ seven segment display

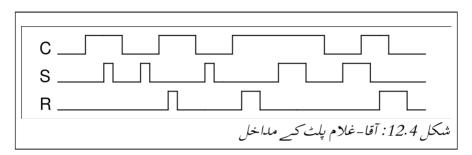
5.14 انٹرنیٹ سے سات حصوں والی نمائشی تختی کے معلوماتی صفحات حاصل کریں۔ ایس کرنے کی خاطر گوگل میں 7 لکھیں۔

وں ہے
$$\overline{Q}_{n+1}$$
 ثابت کریں کہ جے۔کے پلٹ کے مخارج $\overline{Q}_{n+1}=\overline{J}\,\overline{Q}+KQ$

- 6.2 شکل میں ضرب گیٹ کا دورانیہ ردِ عمل 10 نینو سیکنڈ جبکہ جمع گیٹ کا 15 نینو سیکنڈ ہے۔ تینوں مداخل بیک وقت تبدیل کئے جاتے ہیں۔ کتنی دیر بعد مخارج 15 نینو سیکنڈ ہے۔تینوں مداخل بیک وقت تبدیل کئے جاتے ہیں۔ کتنی دیر بعد مخارج F_1 اور F_2 متوازن حالت میں ہوں گے۔ (جواب: F_2 متوازن حالت میں ہوں گے۔
- 6.3 ایک کمپیوٹر $2\,GHz$ کے ساعتی اشارہ سے چلتا ہے۔ یہ اشارہ تیس فی صد وقت بلند رہتا ہے جبکہ اس کے دورانیہ اترائی اور دورانیہ چڑھائی دونوں پانچ پانچ فی صد وقت لیتے ہیں۔ ساعتی اشارہ کا دوری عرصہ ،دورانیہ چڑھائی اور پست دورانیہ حاصل کریں۔ (جواب: $5 \times 10^{-10} s$ ، $5 \times 10^{-10} s$)
- 6.4 نفی-جمع گیٹوں پر مبنی زیادہ مداخل والے ایس-آر پلٹ کے مداخل کو گراف میں تبدیل ہوتے دکھایا گیا ہے۔اس کا مخارج کھینچے۔



ور Q اور Q گراف کئے گئے ہیں۔ Q_a اور Q گراف کریں۔ 6.5



6.6 شکل 6.25 میں سلسلہ وار ثنائی جمع کار دکھایا گیا ہے۔اسے استعمال کرتے ہوئے 00110011_2 اور 00110011_2 کو جمع کریں۔

رہے ہوں جس میں دو ڈی پلٹ، y ، x مداخل اور z محارج والا ایک ترتیبی دور جس میں دو ڈی پلٹ، z اور z استعمال ہوئے ہیں کے مساوات مندرجہ ذیل ہیں۔

$$A(t+1) = \overline{x}y + xA$$
$$B(t+1) = \overline{x}B + xA$$
$$z = B$$

(۱) اس ترتیبی دور کی شکل بنائیں۔ (ب) ان مساوات سے حالات کا جدول حاصل کریں۔ (ج) حالات کے جدول سے حالات کا خاکہ حاصل کریں۔

6.8 ایک مداخل x اور دو عدد جے کے پلٹ A اور B پر مبنی ترتیبی دور کے مندرجہ ذیل مساوات ہیں۔

$$J_A = \overline{B}$$

$$K_A = x$$

$$J_B = A$$

$$K_B = x$$

(۱) ان سے حالات کے مساوات A(t+1) اور B(t+1) حاصل کریں۔ (ب) ان کے حالات کا خاکہ بنائیں۔

6.9 دو عدد ڈی پلٹ، A اور B ، استعمال کرتے ہوئے ایک مداخل، x ، والا ایسا ترتیبی دور تخلیق دیں جو بلترتیب 0 ، 0 ، 0 ، 0 اور 1 **حالتی** اختیار کر سکے۔آگر مداخل بلند ہو تو یہ اوپر جانب کی طرف بڑھے اور آگر مداخل پست ہو تو یہ نیچے کی جانب بڑھے۔ اُوپر جانب 1 تک پہنچنے کے بعد مداخل بلند ہونے کی صورت میں یہ اسی حالت میں رہے۔ اسی طرح نیچے جانب 00 حالت پہنچ کر مداخل پست ہونے کی صورت یہ اسی حالت میں رہے۔

6.10 پچھلے سوال میں مداخل e کا اضافہ کریں۔ آگر یہ مداخل بلند ہو تو دور بالکل اسی طرح کام کرمے جیسے پہلے کرتا تھا جبکہ آگر یہ مداخل پست ہو تو دور جس حالت میں ہو اسی میں رہے۔

6.11 پچھلے سوال کے مداخل کی تعداد میں مزید اضافہ کرتے ہوئے مداخل s کا اضافہ کریں۔ s بلند کرنے سے دور کو s حالت اختیار کر لینا چاہیے جبکہ s پست ہونے کی صورت میں دور بالکل پہلے کی طرح کام کرے۔

- 7.1 چار بِٹ کے سلسلہ وار دائیں منتقل کھاتے میں ابتدائی ثنائی مواد 1011 موجود سے۔اس کھاتے کے مخارج کو اسی کھاتے کو بطور مداخل مہیا کیا جاتا ہے۔سات گھڑی کے کنارے گزرنے کے بعد کھاتے میں کیا عدد ہوگا۔
- 7.2 گزشتہ سوال میں دائیں منتقل کھاتے کے بجائے بائیں منتقل کھاتا استعمال کرتے جواب معلوم کریں۔
 - 7.3 گزشتہ دو سوالات میں ہر کنارہِ ساعت پر کھاتے میں ثنائی عدد حاصل کریں۔
- 7.4 آٹھ بِٹ کے سلسلہ وار دائیں منتقل کھاتے کے مخارج کو چار بِٹ کے سلالہ وار دائیں منتقل کھاتے میں ابتدائی مواد دائیں منتقل کھاتے میں ابتدائی مواد 101 کھاتے میں ابتدائی مواد 1010 یایا جاتا ہے جبکہ اسے بطور مداخل متواتر 1010 فراہم کیا جاتا ہے۔ ساعت کے سات کنارے گزرنے کے بعد ان کھاتوں میں کیا اعداد پائے جائیں گے۔
- 7.5 گزشتہ سوال میں چار بِٹ کا سلسلہ وار بائیں منتقل کھاتا استعمال کرتے ہوئے جواب حاصل کریں۔
- 7.6 آٹھ بِٹ کے دو عدد عالمگیر کھاتے استعمال کرتے ہوئے سولہ بِٹ کا عالمگیر کھاتا حاصل کریں۔
- 7.7 شکل 7.7 میں سلسلہ وار ثنائی جمع کار دکھایا گیا ہے۔آگر اس شکل میں کھاتا۔ا اور کھاتا۔ب دونوں آٹھ آٹھ بٹ کے ہوں اور ان میں ابتدائی ثنائی مواد 11001010 اور

11100001 پائے جائیں۔تصور کریں کہ ساعت کے آٹھ کنارے گزرتے ہیں۔ساعت کے ہر کنارہ گزرنے کے بعد کھاتا۔ میں موجود مواد کیا ہو گا۔

7.8 سلسلہ وار ثنائی جمع کار سے سلسلہ وار ثنائی منفی کار حاصل کریں۔ایسا کرنے کی خاطر منفی ہونے والے عدد کے تکملہ کو کھاتا۔ب میں متوازی لکھنا بھی دکھائیں۔

8.1 چار بِٹ معاصر سیدھا گنت کار کی موجودہ گنتی 0101_2 ہے۔ساعت کے کتنے کناروں کے بعد یہ 0000_2 دے گا۔

8.2 سولہ بِٹ معاصر گنت کار کی موجودہ گنتی $3FA7_{16}$ ہے۔ یہ ساعت کے کتنے کنارے گزرنے کے بعد 0000_{16} پڑھے گا۔(۱) تصور کریں کہ یہ سیدھا گنت کار ہے۔ (ب) تصور کریں کہ یہ الٹ گنت کار ہے۔

8.3 چار بِٹ ثنائی لہر نماگنت کار کو استعمال کرتے ہوئے اعشاری اعداد کے ثنائی علامتی روپ 305 کا گنت کار بنایا جا سکتا ہے۔ایسا کرنے کی خاطر ثنائی گنت کار کو 205 کا گنتی پر پہنچتے ہی زبردستی پست کر دیا جاتا ہے۔ایک عدد نفی-ضرب گیٹ کے استعمال سے ایسا کرنا ممکن ہوتا ہے۔زبردستی پست صلاحیت رکھنے والے پلٹ استعمال کرتے ہوئے یہ دور تخلیق دیں۔

8.4 ڈی پلٹ استعمال کرتے ہوئے چار بٹ معاصر ثنائی گنت کار تشکیل دیں۔

- 8.5 جے کے پلٹ استعمال کرتے ہوئے ایسا معاصر گنت کار تشکیل دیں جو اس ترتیب کو دہرائے۔ 0 ، 2 ، 0 ، 0 ، 0 ، 0 ، 0 ، 0 ، 0 ، 0 ، 0 ، 0 ، 0
- 8.6 ٹی پلٹ استعمال کرتے ہوئے چار بِٹ کا ثنائی معاصر گنت کار تشکیل دیں جو صفر (0001_2) سے چودہ (1110_2) تک کی جفت گنتی کے بعد ایک (0000_2) سے پندرہ (1111_2) تک طاق گنتی کرنے کے بعد اسی طرح ان دو ترتیب کو دہراتا رہے۔
 - $10\,MHz$ میں دورانیہ پیداکار دکھایاگیا ہے۔آگر ساعت کا تعدد $8.11\,MHz$ ہو تب $8.00\,m$ کے دورانیہ کے لئے درکار دورانیہ کے تین بٹ کیا ہوں گے۔
 - 8.8 کارناف نقشوں کے استعمال سے مساوات 8.3 حاصل کریں۔
 - 8.9 مساوات 8.3 کے متبادل مساوات جے کے پلٹ کی خاطر حاصل کریں۔
- 9.1 مندرجہ ذیل مختلف جسامت کے حافظہ میں پتہ بِٹوں کی تعداد مندرجہ ذیل ہے۔ان حافظہ میں الفاظ ذخیرہ کرنے کے کتنے مقام ہیں۔ (۱) 4 (ب) 16 (ج) 32 (د) 132
- 9.2 حافظہ کے جسامت کو عموماً $N \times D$ لکھا اور پکارا جاتا ہے جہاں N اس حافظہ میں الفاظ کی تعداد اور B ایک لفظ میں بٹ کی تعداد بتلاتے ہیں۔ یوں مندرجہ ذیل حافظہ میں پتہ کے لئے درکار پن اور ثنائی مواد کے لئے درکار پن کیا ہوں گے۔ (۱) $64K \times 8$ (ب) $64K \times 8$ (ب) $16K \times 4$ (ب) $16K \times 8$

- 9.3 کسی حافظہ کے 50293_{10} پتہ پر 172_{10} مواد لکھا ہوا ہے۔اس تک رسائی کے لئے سولہ پتہ بِٹ کیا ہوں گے اور اس سے پڑھے جانے والے آٹھ مواد بِٹ کیا ہوں گے۔
- وریک عدد 4×2 شناخت کارکی مدد سے $2k\times 8$ مدد سے $8k\times 8$ حافظہ حاصل کریں۔
- وعدد 8×256 حافظہ کے استعمال سے 256×8 حاصل کریں۔
- 9.6 چار پتہ بِٹ اور آٹھ مواد بِٹ والے حافظہ کو استعمال کرتے ہوئے نو (9) کا پھاڑا حاصل کرنا ہے۔حافظہ کو ثنائی علامتی روپ میں 0 تا 9 کا اعشاری عدد بطور پتہ فراہم کیا جائے گا۔حافظہ نے مواد بِٹوں پر جواب ثنائی علامتی روپ کی شکل میں پیش کرنا ہے۔مثلاً اگر اسے دو (0010) فراہم کیا جائے تو یہ اٹھارہ (00011000) خارج کرے۔ (۱) حافظہ میں لکھی جانے والے مواد کو جدول کی شکل میں لکھیتی۔ (ب) حافظہ میں کتنی جگہ باقی رہ جائے گی۔
- 9.7 $\times 16$ حافظہ استعمال کرتے دئے گئے چار بٹ ثنائی عدد میں 1 کی تعداد معلوم کرنی ہے۔حافظہ کو ثنائی عدد بطور پتہ مہیا کیا جاتا ہے۔حافظہ نے دئے گئے ثنائی عدد میں 1 کی تعداد بطور مواد خارج کرنی ہے۔مثلاً اگر اسے 1011 فراہم کیا جائے تو یہ 0011_2 یعنی تین خارج کرہے۔

9.8 انٹرنیٹ سے مندرجہ ذیل حافظہ کے معلوماتی حاصل کر کے ان کی قسم (یعنی پختہ یا عارضی)، جسامت اور دورانیہ رسائی دریافت کریں۔یہ تمام حافظہ مختلف دورانیہ رسائی کی صلاحیت کے لئے دستیاب ہے۔یہ (ا) 2708 (ب) 2732 (پ) 2704 (ت) حاصل کرنے کی خاطر گوگل میں 2732 datasheet لکھیں)

Alphabetical Index

1's complement	25
10's complement	24
2's complement	24
3-bit synchronous binary counter	299
9's complement	25
access time	309, 334, 337
active	223
active high input	223
active state	223
address	185, 200
address bits	185
adjacent numbers	366
AND gate	58
AND-OR	113
application specific integrated circuit	343
ascii code	
ASIC	343
base	1
base-10	1
BC	311
BCD	134, 179
BCD counter	300
binary coded decimal	134 179

binary counter	257
binary down counter	293
binary memory cell	311
binary numbers	39
binary ripple counter	295
binary serial adder	257
binary up counter	293
bit	16
Boolean addition	51
Boolean multiplication	49
borrow	21
byte	16, 309
CAD	343
carry	19
carry in	171
carry out	171, 300
clear	240
clock	224
code	132
combinational circuits	163
combinational logic	163
complement	24
complex PLD	342
computer aided design	343

configure	335
constant	99
control pin	60
counter	
Johnson	307
ring	
variable length	
counters	214
CPLD	342
critical race	359
current	
input HIGH currentinput LOW current	
output HIGH current	
output LOW current	
cycle	
D flip flop	241
datasheet	
decimal system	1
decoder	184
delay	345
demultiplexer	199
dependent variable	47
digital circuits	58
digital gates	58
disable	60 285

disabled	235
don't care	159, 370
don't care states	302
EEROM	310
electromagnetic fields	79
enable	60, 191, 285
enabled	235
encoding	133
end carry	175
fall time	216
falling edge	214
feedback circuit	373
feedback signal	218
feedback signals	349
field programmable gate array	343
Flip Flop	213
floating	287
flow table	355
FPGA	343
fractional	11
frequency	224
full adder	171
function	47
fundamental mode	348 375

322
235
346
86
135, 139
166
81
225
3
241
316
84, 316
324, 342
224
47
316
58
84, 316
86, 390
53
250
137
137
352

large scale integration	342
least significant bit	7
logical AND	50
logical NOT	53
logical OR	51p.
logical XNOR	55
logical XOR	54
low time	225
lowest significant digit	3
LSI	342
master-slave flip flop	238
maxterms	121
memory	213, 309
memory access time	309
microprocessor	
assembly languageinstruction	333
minterm	
canonical mintermnon-canonical minterm	
minterms	114, 199
Moore's law	343
most significant bit	8
multiplexer	200, 203
NIAND NIAND	120

negative edge triggered D flip flop	241
negative going edge	214
negative logic of representation	213
noise	79
HIGH noise marginLOW noise margin	
non-critical race	
non-volatile memory	310
NOR-NOR	131
NOT	53
OFF time	225
ON time	225
one hot bit assignment	368
OR	51
OR gate	62
OR-AND	120
oscillator	365
OTP	310
outputs	58
PAL	337
parallel shift-right register	
parallel shift-right register	286
perfect induction	99
PLA	338
positive going edge	214

positive logic of representation	213
preset	240
primitive flow table	355
product of sums expression	120
programmable array logic	337
programmable logic array	338
programmable logic devices	337
propagation delay	216
pulse generator	307
race condition	231, 359
radix complement	22
RAM	309
random access memory	309
read	309
read only memory	310
register	
ripple counters	295
rise time	
rising edge	214, 379
ROM	310
row	89
sequence detector	274
sequential circuits	163
sequential logic	

serial in	288
serial out	288
setup time	241
seven segment display	394
shift left register	284
shift register	
parallel loadserial leftserial rightserial shift registerserial s	286 286
shift right register	
sign	38
signal	82, 218, 293
signed numbers	38
signed-magnitude representation	39
significance	3
SR	217
state	222
state diagram	263
state equations	259
state tables	259
state variables	352, 367
states	231
sum of products expression	112
sum terms	118

synchronous BCD counter	300
synchronous circuits	224
synchronous sequential circuits	214, 258
T flip flop	250, 253
three stage adder	174
time period	225
transition state	346
transition table	349
truth table	87
uni code	134
universal shift register	288
unsigned numbers	39
unstable circuit	365
UV erasable ROM	310
very large scale integration	128, 342
VLSI	128, 244, 342
volatile memory	309
voltage	
input HIGH voltage input LOW voltage output HIGH voltage output LOW voltage	78 78
whole	11
word	309
xxxee to	300

XNOR	75
XOR	75

گ	فرہنگ
غيرهغيره	آزاد مت
رم پلٹ	آقا۔غلا
21	ادهار.
جمع	اركانِ -
همع کی ضرب کی ترکیب	اركانٍ -
ضرب	اركانِ ه
ضرب کے مجموعہ کی ترکیب	اركانٍ ،
1	اساس
1	اساس۔
ي تكملہ	اساسى
218	اشاره.
ى اعدادكا ثنائي علامتي روپ	اعشار:
ى اعدادكى ثنائي علامتون	اعشار:
ى نظام گنتى	اعشار:
وسیع پیمانے کے مخلوط ادوار	انتهائي
390 ,86	انٹرنیٹ
كاركار	اوقاتُ
دولِ بهاودولِ بهاو	اول جا
ر پلٹ	ايس–آ
ى علامتى روپ	ايسكي
لند بِتْ تقررى	
رتبہ ُلکھنے کے قابل پختہ حافظہ	ایک م
309 .16	ىائىت

284	بائين منتقل كهاتا
	ېِٿ
	بُحرانی دوڑ
	برقی اشارے
	برقی دباؤ
	· بلند خارجي برقي دباؤ
	بلند داخلي برقي دباؤ
	پست خارجی برق دباؤ خارجی
	پست داخلی برقی دباؤ
	برقی دباؤ سے صاف ہونے والا پختہ حافظہ
78	برقی رو بلند داخلی برقی رو
	پست داخلی برقی رو
	برقی شورب
	برقی و مقناطیسی میدان
	بغير-سائن-اعداد
	بلا شرکت جمع گیٹ
	بلا شركت جمع گيٿ
	بَلند تر رتبہ والا بِث
	بلند تر رتبه والا ثُنائي سندسه
	بلند تر رتبه والا سندسه
	بلند دورانيم
223	راند فعال مداخا

38	بمع-سائن-اعداد
39	بمع-سائن-مقداركا نظام
375 ,348	بنیادی طریق کار
54	بوولين بلا شركت جمع
55	بوولين بلا شركت نفي.جمع
51	
49	
53	
318	
200 ,185	
200 ,185	
310	
309	
225	
317	
217	
364	
47	تابع متغيره
345	
.274p	
163	
163	•
335	•
224	<u> </u>

47	تفاعل
339	تفاعلتفاعلتكملم
	تكملم-1
24	تكملر-10
24	تكملہ-2
	تكملر–9
	تین بِٹ معاصر ثنائی گنت کار
	ثنائي اعداد
	ثنائي أُلك گنت كار
293	ثنائي سيدهاگنت كار
	ثنائی عارضی حافظہ کے اکائی
	تنائی علامتی روپکا اعشاری کنت کار
	 ثنائی گنت کار
	ثنائی ہندسہ
	ٹی پلٹ
ف	جائے استعمال پر تشکیل کے قابل گیٹوں کے ص
	جدول بهاو
99	جدول سے اخذ کرنے کا طریق
	جمع گیٹ
120	جمع – - ضرب
	حاصل
309 ,213	حافظہ
	دورانيہ رسائي
	حافظه کا دورانیه رسائی

222	حالتحالت
359 ,231	
259	حالتُ كا جدول
263	حالتوں كا خاكم
259	
231	
11	
11	_
78	
78	
171	
343	
282	دائيں منتقل كهاتا
282 171	دائیں منتقل کھاتاداخلی حاصل
282 171 316	دائیں منتقل کھاتا داخلی حاصل داخلی-خارجی بِٹوں
282	دائیں منتقل کھاتا داخلی حاصل داخلی-خارجی بِٹوں دہرا ہندسا
282	دائیں منتقل کھاتا داخلی حاصل داخلی-خارجی بِٹوں دہرا ہندسا دو طرفہ وسطی دور
282	دائیں منتقل کھاتا داخلی حاصل داخلی-خارجی بِٹوں دہرا ہندسا دو طرفہ وسطی دور دو کے تکملہ
282	دائیں منتقل کھاتا داخلی حاصل داخلی-خارجی بِٹوں دہرا ہندسا دو طرفہ وسطی دور دو کے تکملہ دورانیہ اترائی
282	دائير منتقل كهاتا
282	دائیں منتقل کھاتا داخلی حاصل داخلی-خارجی بِٹوں دہرا ہندسا دو طرفہ وسطی دور دورانیہ اترائی دورانیہ پید اکار

225	دوري عرصهدوري عرصه
34	ڋۑ
241	ڈبی ڈی پلٹ
3	رتبه
281	رجسٹر
	ركن ضرب
149	تَفصيلي ركن ضرب
149	
286	سلسلہ وارکھاتے
240	زېردستى بلند
240	زبردستي بلند و پست صلاحيت والا پلٿ
240	زېردستى پست
31	زياده مزاحمت حالت
38	سائن
224	ساعت
	سلاله وار خارج
163	سلسله وار ادوار
257	سلسله وار ثنائي جمع كار
	سلسله وار داخل
163	سلسلم وار منطق
324	سوئچ
	شعائیں سے صاف ہونے والا پختہ حافظہ
184	شناخت كار
	شور

79	بلند شور كي گنجائش
79	
89	
113	
120	_
58	
309	
288	
134	
349	عبوري جدول
346	عبوری حالت
58	عددي ادوار
58	عددی گیٹ
.132p	علامتي روپ
359	غير بحراني دوڙ
370	غیر ضروری
159	غیر ضروری ترتیب
302	غیر ضروری حالتیں
223	غير فعال حالت
365	غير متوازن دور
287	
223	فعال
223	فعال حالت
322	فيه:

337	قابلِ تشكيل جمع، تركيبي منطقى ادوار
	قابل تشكيل ضرب- جمع تركيبي منطقي ادوار
	قابلُ تشکیل ضرب، ترکیبی منطقی ادوار
	قابلُ مجاز و معذور مداخل والا پلٹ
	قابو پن
380 ,377 ,352	كارناف نقشمكارناف
	كارناف نقشم جات
	- کسریک
7	كم تر رتبه والا بث
	كم تر رتبه والا ثُنائي سندسم
	كم تر رتبه والا سندسم
	کمپیوٹر کی مدد سے تیار کرنے
	کنارهِ اترائی
	كنارهُ چڑهاً ئي
	كنارهِ چڙهائي
	كهاتاً
	سلسله وار بائين منتقل كهاتا
	سلسله وار دائين منتقل كهاتا
	گرمے علامتی روپگرمے علامتی روپ
	گنت کارگنت کار
	چهلاً نما
	٠٠ متغير لمبائى
	گوگلگوگل
61	ر گ

لفظلفظ
لفظ
لهر نما ثنائي گنت كار
لهر نماگنت کار
مائكرو پراسيسر
لفظلفظ
مادری زبان
متغيره حالت
متغيره حالتون
متوازی کهاتا
متوازی دائیں منتقل کھاتا
مثبت برقی لرزش
مثبت جاتاكناره
مثبت منطقی نظام
مجاز
مخارج
مخلوط ادوار کیے پروگرامر
مخلوط دور
مخلوط قابلِ تشكيل ترتيبي ادوار
مداخل
مرتعشمرتعش
معاصر ادوار
معاصر ترتیبی ادوار
معذورمعذور

معلوماتي صفحات
مقررهمقرره
منطقى جدول
منطقی جمع
منطقى ضربمنطقى ضرب
منفى جاتاكناره
منفى منطقى نظام
مُوركا قانونموركا قانون
میلی نموندمیلی نموند.
نصف جمع كار
نفي بلا شركت جمع گيٺ
نفی کرتا دو طرفه وسطی دور
نفی-جمع – – نفی جمع
نفی ـ ضرب نفی ـ ضرب
ى ەشتمى ثنائى عدد
، ہم عصر ادوار
همسایم اعداد
واپسین آخری حاصل ایک
واپسين اشارات
واپسين اشاره
واپسی <i>ن</i> دورواپسین دور
ر پ یی رر وسیع پیمانہ کی اجتماعی الیکٹرانکس
وسیع پیمانر کی مخلوط ادوار

342	ادوار.	مخلوط	کے	پیمانر	وسيع	,
-----	--------	-------	----	--------	------	---